

سلسلة تمارين الوحدة الثانية: العمل والطاقة الحركية الانسحابية

التمرين 01:

اختر العبارة الصحيحة.

2- الطاقة المستقبلة من طرف الجملة هي:

- التي تتلقاها من جسم ينتمي إلى الجملة المدروسة.
- التي تتلقاها من جسم لا ينتمي إلى الجملة المدروسة.
- التي تمنحها إلى جسم ينتمي إلى الجملة المدروسة.
- التي تمنحها إلى جسم لا ينتمي إلى الجملة المدروسة.

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \cdot AB \cdot \cos(\vec{F}, A\vec{B})$$

- قوة متغيرة وحركة كيفية.
- قوة ثابتة وحركة كيفية.
- قوة متغيرة وحركة انسحابية.
- قوة ثابتة ومسار انسحابي.

1- عبارة عمل قوة هي $W(\vec{P}) = -m \cdot g \cdot h$ صحيحة:

- لجملة تسقط سقوطاً حراً.
- لجملة ترتفع نحو الأعلى وفق مستوى مائل.
- لجملة تقوم بحركة مستقيمة متباطئة على مستوى أفقي.
- لجملة تندفع من سطح الأرض نحو الفضاء.

التمرين 02:

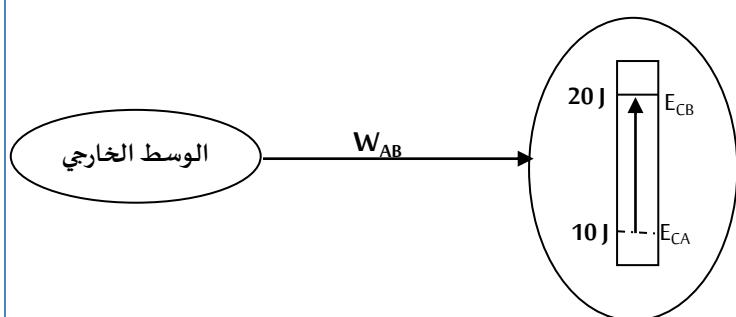
تسقط كرة كتلتها $g = 200$ سقوطاً حراً. يعطي الشكل الجانبي مخطططاً طاقوياً أثناء مرورها بنقطتين A و B.

1- ما هي القوة التي تقوم بالعمل W_{AB} أثناء هذه الحركة؟

2- هل هذا العمل محرك أم مقاوم؟ على.

3- ما هي قيمة هذا العمل خلال الانتقال المذكور؟

4- استنتج سرعتي مرور الكرة من النقطتين A و B.

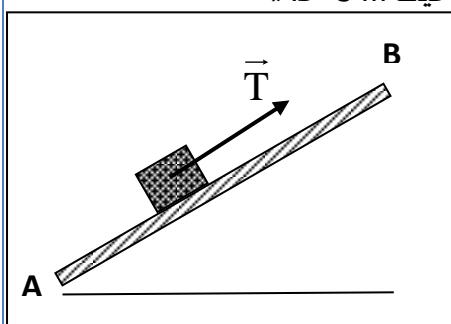


التمرين 03:

يصعد جسم صلب (S) كتلته $g = 500$ m بسرعة ثابتة وفق مستوى مائل خشن AB حيث $AB = 3$ m

يتم جر الجسم بواسطة حبل مهمل الكتلة وعديم الامتداد يطبق قوة شدتها

$$T = 1,94 \text{ N}$$



1- ماذا يعني كون المستوى خشناً؟

2- مثل القوى المطبقة على الجسم.

3- احسب أعمال القوى المعلومة أثناء الانتقال AB مع التعليل.

4- هل الجسم اكتسب طاقة أثناء انتقاله AB؟

إذا كان جوابك بنعم: اذكرها، وما هي الجملة التي قدمت له هذه الطاقة؟

5- هل الجسم فقد طاقة أثناء انتقاله AB؟

إذا كان جوابك بنعم: اذكرها، وما هي الجملة التي قدم لها هذه الطاقة؟

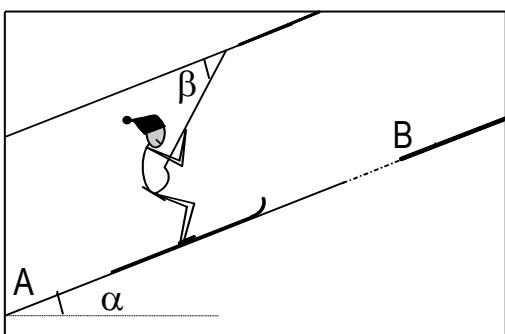
6- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (الجسم الصلب).

7- بتطبيق مبدأ انحفاظ الطاقة، احسب شدة قوة الاحتكاك التي يخضع لها الجسم أثناء انتقاله.

8- إذا كانت الاستطاعة المحولة من طرف الحبل هي: $W = P \cdot t$ ، استنتاج سرعة الجسم.

يعطي: $g = 9,8 \text{ N/Kg}$

التمرين 04:



متزحلق كتلته مع زلاجاته $m = 90 \text{ kg}$ ، يصعد طريقة مائلاً يصنع زاوية α مع الأفق فينتقل مسافة AB طولها 125 m ويخضع خلال حركته لقوة مقاومة f لها نفس حامل شاع السرعة وجهة معاكسة له قيمتها ثابتة تساوي $f = 30 \text{ N}$.

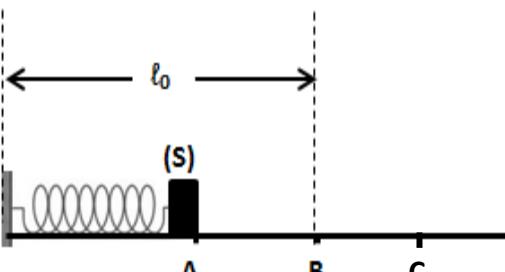
نعتبر الجملة الميكانيكية المدروسة هي (المتزحلق وزلاجاته).

1- مثل القوى المطبقة على الجملة.

2- احسب من أجل الانتقال المعطى، أعمال مختلف القوى المطبقة على الجملة.

المعطيات: $g = 9,8 \text{ N.kg}^{-1}$ ، $\beta = 60^\circ$ ، $\alpha = 20^\circ$ ، $f = 30 \text{ N}$ ، توتر الحبل: 942 N

التمرين 05:



بواسطة جسم صلب (S) كتلته $m = 100 \text{ g}$ يضغط على نابض فيتقلص طوله (الشكل).

عند اللحظة $t = 0 \text{ s}$ ، تحرر المجموعة فيتحرك (S) على المسار ABC حيث $BC = 50 \text{ cm}$ و $AB = 20 \text{ cm}$.

تمثل القوى المعيقة للحركة على الطول ABC في قوة وحيدة شدتها ثابتة $f = 1,5 \text{ N}$.

1- مثل الحصيلة الطاقوية بين A و B للجملة (الجسم + النابض).

2- عند بلوغ (S) النقطة C تصبح سرعته متساوية نصف ما كانت عليه في B.

أ- مثل الحصيلة الطاقوية بين B و C.

ب- اكتب معادلة الانحفاظ بين هاتين النقطتين.

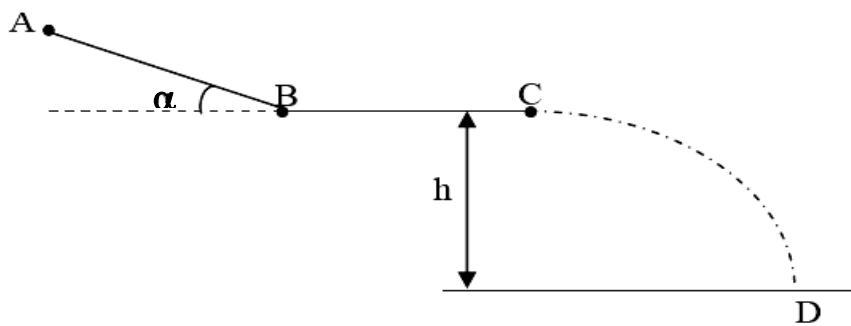
ج- جد E_{CB} ثم استنتاج الطاقة الكامنة المرونية للنابض عند A.

التمرين 06:

يندفع جسم (S) كتلته $m = 1 \text{ kg}$ من الموضع A بسرعة ابتدائية قدرها $v_A = 4 \text{ m/s}$ ليتحرك على المسار ABCD (الشكل) حيث:

AB: مستوى مائل طوله $AB = 2 \text{ m}$ و يميل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ ، الاحتكاك به مهم.

: مسار مستقيم أفقى طوله $BC=2\text{ m}$ ، يخضع الجسم (S) على هذا المسار لقوة احتكاك f شدتها ثابتة.



- 1 احسب سرعة الجسم (S) عند الموضع B.
- 2 إذا علمت أن الجسم (S) يصل إلى الموضع C بسرعة قدرها 4 m/s ، جد قوة الاحتكاك f .
- 3 عند وصول الجسم (S) إلى C التي تبعد عن سطح الأرض بمقدار $h=1,65\text{ m}$ ، يندفع الجسم في الهواء ويسقط تحت تأثير ثقله حتى يصطدم بالأرض في D، احسب سرعة الجسم (S) عند الموضع D. (تهمل كل قوى الاحتكاك ودافعة أرخميدس).

المعطيات: $g=10\text{ N}\cdot\text{kg}^{-1}$

التمرين 07:

كريمة نقطية كتلتها $g=50\text{ g}$ تنزل ابتداءً من السكون، من النقطة A المبينة في الشكل دون احتكاك، ولدى وصولها إلى النقطة C يصبح المسار بعد ذلك ربع دائرة CD نصف قطرها $R=3\text{ m}$ ومركزها O. ترتفع النقطة A بـ 2 m بالنسبة للمستوى الأفقي.



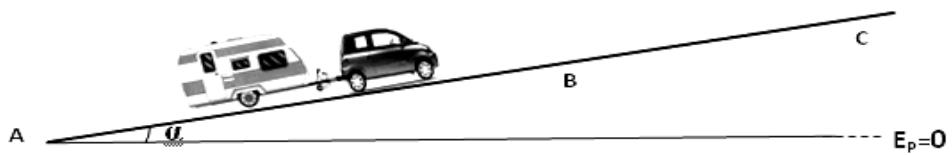
- 1- مثل القوى المؤثرة على الكريمة خلال انتقالها من A إلى B.
- 2- مثل الحصيلة الطاقوية للكريمة بين الموضعين A وB، ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
- 3- احسب سرعة الكريمة عند النقطة B.
- 4- استنتج سرعة الكريمة عند C مع التعليل.
- 5- حدد الموضع E الذي تتوقف عنده الكريمة والمعرف بالزاوية $\beta=COE$.

المعطيات: $g=9,8\text{ N}\cdot\text{kg}^{-1}$

التمرين 08:

تصعد سيارة مستوى يميل عن الأفق بزاوية α تحقق $\sin\alpha=0.06$ بسرعة ثابتة $v=20\text{ m/s}$ على مسافة طولها $m=500\text{ kg}$. تجرّ هذه السيارة مقطورة كتلتها $AB=L=200\text{ m}$.

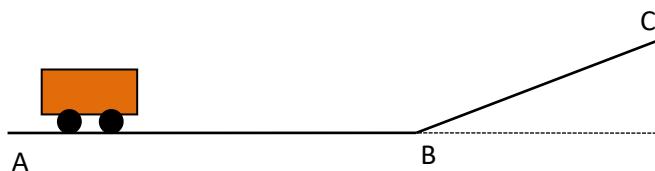
نعتبر في هذا التمرين أن المقطورة جسم صلب في حركة انسحابية، وأن قوى الاحتكاك الموازية للطريق والمعاكسة لجهة الحركة، تكافئ قوة وحيدة ثابتة f شدتها 400 N . نأخذ: $g=10\text{ N/kg}$.



- مثل القوى الخارجية المؤتره على المقطوره.
- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (مقطورة) بين A وB.
- اعتمادا على الحصيلة الطاقوية للجملة (مقطورة)، احسب عمل قوة الجر \vec{F} من أجل الانتقال AB مستندا شدة القوة F .
- عند النقطة B تهتز السيارة عند مرور إحدى عجلاتها فوق حجر فتنفصل المقطورة عن السيارة وتواصل المقطورة حرکتها متباطئة على المستوى المائل وهي خاضعة دوما لقوة الاحتکاك $f = 400 \text{ N}$. احسب المسافة $BC = L'$ التي تقطعها المقطورة حتى تنعدم سرعها (تغير جهة حرکتها).

التمرين 09:

انطلاقا من السكون، يدفع طفل عربة صغيرة كتلتها $g = 200$ على طريق أفقى AB طوله $1,3 \text{ m}$ تحت تأثير قوة ثابتة شدتها $N = 2$ وصولا إلى النقطة B. تتحرر العربة فتصعد طريق مائل BC لتتوقف عند النقطة C. نأخذ: $g = 10 \text{ N/kg}$.



- باعتبار الاحتکاكات موجودة فقط في الجزء AB وأن شدتها تكافى N وجهتها معاكسة لجهة الحركة:
أ- أعط عبارة عمل كل القوى المطبقة على العربة بعد تمثيلها في الجزء AB ثم احسب قيم هذه الأعمال.
ب- مثل الحصيلة الطاقوية للعربة بين الموضعين A وB.
ج- استنتج سرعة العربة عند النقطة B.
- جد ارتفاع النقطة C بالنسبة للمستوى الأفقى المار بالنقطتين A وB الذي نعتبره مرجعا لقياس الارتفاعات.
- من أجل أي قوة \vec{F} يجب أن تدفع بها العربة لتصل إلى النقطة C بسرعة قدرها 4 m/s .

التمرين 09:

يتحرك جسم نقطي كتلته $g = 400 \text{ kg}$ من النقطة A بدون سرعة ابتدائية على مستوى مائل طوله $AB = 2 \text{ m}$ وزاوية ميله $\alpha = 30^\circ$ مع الأفق.

- يخضع الجسم بين النقطتين A وB لقوى احتکاك \vec{f} معاكسة لاتجاه الحركة شدتها $f = 0,4N$.
- أ- مثل القوى المطبقة على الجسم عندما يتحرك بين الموضعين A وB.
 - احسب عمل الثقل (\vec{P}) W_{AB} وعمل قوة الاحتکاك (\vec{f}) W_{AB} .
 - أ- احسب الطاقة الحركية للجسم عند الموضع B.
 - استنتاج سرعة الجسم عندما يصل إلى النقطة B.

- 3- يغادر الجسم النقطة B ليسقط عند النقطة D (انظر الشكل).
بأخذ مرجع الطاقة الكامنة الثقالية المستوى الأفقي CD :
أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم + أرض) بين الموضعين B و D .
ب- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.
4. إذا علمت أن سرعة الجسم عند النقطة D هي $v_D = 10 \text{ m/s}$
أ- أحسب الطاقة الكامنة الثقالية $E_{PP(B)}$ للجملة (جسم + أرض) عند B .
ب- استنتج الارتفاع $h = BC$
- المعطيات : شدة حقل الجاذبية الأرضية: $g = 9.81 \text{ N/kg}$

التمرين 10:

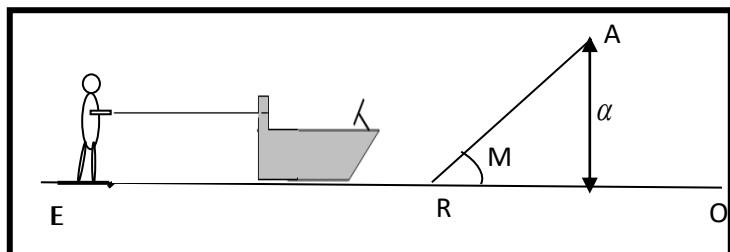
تنطلق سيارة كتلتها $m = 2 \text{ kg}$ بدون سرعة ابتدائية لتتحرك على مستوى مائل طوله $AB = 12.1 \text{ m}$ يصنع عن الأفق زاوية $\alpha = 30^\circ$.

- أ- مثل القوى المؤثرة على السيارة علما ان قوى الاحتكاك مهملة.
ب- مثل الحصيلة الطاقوية للسيارة بين الموضعين A و B .
ج- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة وبين أن سرعة السيارة عند الموضع B هي $v_B = 11 \text{ m/s}$
- 2- تواصل السيارة بعد ذلك حركتها على مسار أفقي $BC = 20 \text{ m}$ ، تكافئ الاحتكاكات فيه قيمة ثابتة f .
أ- مثل الحصيلة الطاقوية للسيارة بين الموضعين B و C .
ب- استنتاج شدة قوة الاحتكاك f إذا كانت سرعة العربة عند C هي $v_C = 6 \text{ m/s}$
- 3- إذا وصلت السيارة حركتها على المسار الأفقي وبينس شدة الاحتكاك، احسب المسافة BD التي توقف توقف السيارة عند النقطة D .



التمرين 12:

متزحلق كتلته مع لوح التزلج هي $m = 80 \text{ kg}$ يُسحب بواسطة حبل موصول إلى زورق (الحبل يوازي سطح الماء) كما في



الشكل-1- حيث شدة قوة جذب الحبل F ثابتة. ينطلق المتزحلق من السكون عند الموضع R ليصل إلى B بسرعة $v_B = 25 \text{ m.s}^{-1}$ ، توجد على هذا الجزء AB الذي طوله 250 m قوى احتكاك معاكسة لجهة الحركة وثابتة، شدتها $f = 100 \text{ N}$ ، وعندما يصل المتزحلق إلى B يتخلّى

عن الحبل ويكمّل مساره على صفيحة ملساء ترتفع عن سطح الماء بمقدار h ، و تميل عن الأفق بزاوية $\alpha = 30^\circ$ ليصل إلى C بسرعة $v_C = 24 \text{ m.s}^{-1}$ حيث تهمل على الصفيحة كل الاحتكاكات، يغادر المتزحلق الصفيحة عند الموضع C ليسقط في الماء عند D .

الجزء الأول : دراسة حركة المترافق من A إلى B:

- 1- مثل القوى المؤثرة على المترافق بين الموضعين A و B في رسم مناسب.
- 2- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة(مترافق+أرض) بين الموضعين A و B .
- 3- أكتب معادلة انفاذ الطاقة، ثم استنتج شدة قوة جذب الجبل F للمترافق .
- 4- إذا علمت أن الزمن المستغرق من A إلى B هو 20 ثانية، فاستنتاج استطاعة محرك الزورق.

الجزء الثاني : دراسة حركة المترافق من B إلى C:

- 1- مثل القوى المؤثرة على المترافق بين الموضعين B و C في رسم مناسب.
- 2- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة(مترافق+أرض) بين الموضعين B و C .
- 3- اكتب معادلة انفاذ الطاقة في هذه الحالة، وبين أن قيمة الارتفاع h تساوي 2,45m

الجزء الثالث : دراسة حركة المترافق من C إلى D:

1- صنف حركة المترافق عندما يغادر الموضع C .

2- مكنت الدراسة الطاقوية للجملة(مترافق+أرض) بين الموضعين C و D من رسم المنحنيين المقابلين ، حيث أحد المنحنيين يمثل تغيرات الطاقة الحركية للجملة (مترافق+أرض) والمنحنى الآخر يمثل تغيرات طاقتها الكامنة بدلالة الزمن .

- أي المنحنيين يمثل $E_C = f(t)$ وأيهما يمثل $E_{pp} = g(t)$ ؟ علل جوابك .

3- ليكن M الموضع الذي من أجله يبلغ المترافق أقصى إرتفاع ممكن h_{max} .

أ- جد من المنحنى قيمة الطاقة الحركية و الطاقة الكامنة للجملة (مترافق+أرض) عند الموضع M ، مع التعليل .

ب- استنتاج قيمة h_{max} .

3- احسب سرعة اصطدام المترافق بسطح الماء (أي سرعته في الموضع D).

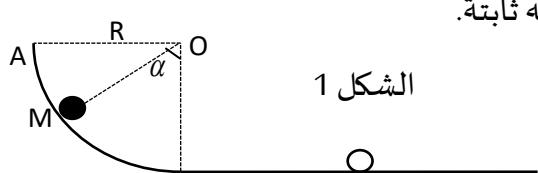
المعطيات : $g = 10 \text{ N/kg}$

التمرين 13 :

جسم نقطي كتلته $m=0,1 \text{ kg}$ يتحرك على مسار يتكون من جزءين (الشكل 1).

AB : عبارة عن ربع دائرة شاقولي أملس نصف قطره $R = 0,8 \text{ m}$.

BC : مسار أفقي خشن حيث قوة الاحتكاك عليه ثابتة.



- ترك الجسم يسقط دون سرعة ابتدائية من الموضع A ليتحرك على المسارين إلى أن يصل إلى الموضع C بسرعة $v_C = 2 \text{ m/s}$

أ- مثل القوى المطبقة على الجسم النقطي بين الموضعين A وB، ثم بين الموضعين B وC.

ب- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (الجسم) بين الموضعين A وM، ثم اكتب معادلة انحفاظ الطاقة.

ج- جد عبارة السرعة v_M عند الموضع M بدلالة g، R و α .

د- استنتج قيمة السرعة عند الموضع B.

2- نتابع تغيرات السرعة بدلالة المسافة المقطوعة على المسار.

يعطي المنحني البياني $v^2 = f(x)$ كما هو موضح في الشكل 2.

أ- مثل الحصيلة الطاقوية للجملة (الجسم) بين الموضعين B وN.

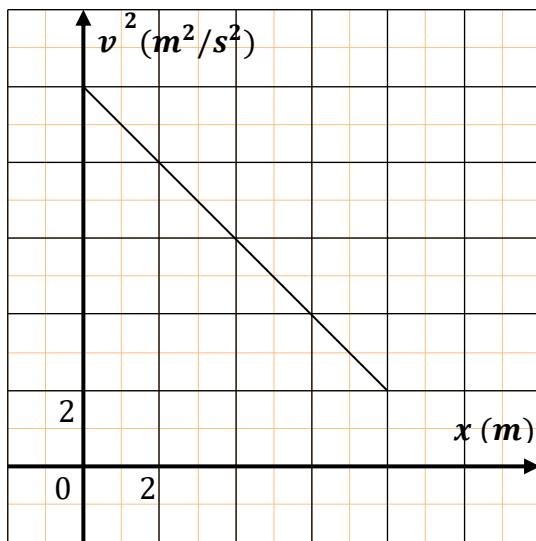
ب- اكتب معادلة انحفاظ الطاقة، ثم تأكد أن علاقة السرعة

بدلالة المسافة المقطوعة $x = BN$ تكتب على الشكل:

$$v_N^2 = \lambda x + \beta$$

ج- جد العبارة الرياضية للمنحني البياني.

د- استنتاج من المنحني البياني شدة قوة الاحتكاك.



حل بعض تمارين سلسلة الوحدة الثانية: العمل والطاقة الحركية الانسحابية

حل التمرين 01:

اختبار العبارة الصحيحة.

2- الطاقة المستقبلة من طرف الجملة هي:

• التي تتلقاها من جسم لا ينتمي إلى الجملة المدروسة.

$$W_{AB}(\vec{F}) = F \cdot AB \cdot \cos(\vec{F}, \vec{AB})$$

▪ قوة متغيرة وحركة انسحابية.

3- عبارة عمل الثقل $= -m \cdot g \cdot h = W(\vec{P})$ صحيحة:

▪ لجملة ترتفع نحو الأعلى وفق مستوى مائل.

▪ لجملة تندى من سطح الأرض نحو الفضاء.

حل التمرين 02:

1- القوة التي تقوم بالعمل W_{AB} أثناء هذه الحركة هي

قوة نقل الكثرة.

2- هذا العمل محرك لأن الطاقة الحركية تزيد والكرة

تسقط أي قوة الثقل في نفس جهة الحركة.

3- قيمة هذا العمل خلال الانتقال المذكور.

حسب مبدأ انفصال الطاقة بين الموضعين A و B للجملة (كرة) يكون:

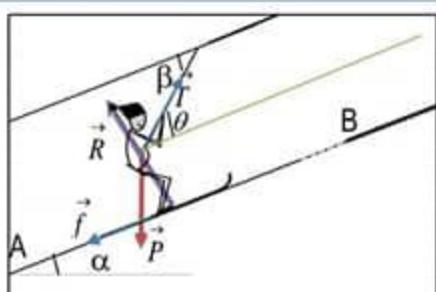
$$W_{AB} = E_{C_B} - E_{C_A} = 20 - 10 = 10 \text{ J} \quad E_{C_A} + W_{AB} = E_{C_B}$$

4- استنتاج سرعتي مرور الكرة من النقطتين A و B.

$$E_C = \frac{1}{2} m v^2 \rightarrow v^2 = \frac{2 E_C}{m} \rightarrow v = \sqrt{\frac{2 E_C}{m}}$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2 E_{C_B}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 20}{200 \times 10^{-3}}} = \sqrt{200} = 14.14 \text{ m/s} \quad \text{و} \quad v_A = \sqrt{\frac{2 E_{C_A}}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 10}{200 \times 10^{-3}}} = \sqrt{100} = 10 \text{ m/s}$$

حل التمرين 04:



ملاحظة: يمكن تمثيل القوى بدءاً من مركز الجملة للتيسير.

1- تمثيل القوى المطبقة على الجملة.

تحضير الجملة أثناء حركتها إلى تأثير 4 قوى هي:

\vec{P} : نقل الجملة.

\vec{R} : تأثير فعل السطح على الجملة.

\vec{T} : قوة شد الحبل للجملة (توتر الحبل).

\vec{f} : قوة الاحتكاك المؤثرة على الجملة.

2- حساب من أجل الانتقال المعطل ، أعمال مختلف القوى المطبقة على الجملة .

$$W_{AB}(\vec{P}) = -mgh_A = -mgAB \sin(\alpha) = -90 \times 9.8 \times 125 \times \sin(20^\circ) = -37707.72 J = -37.707 kJ$$

. $\vec{R} \perp \vec{AB}$ لأن شعاع القوة عمودي على الانتقال $W_{AB}(\vec{R}) = 0 J$

$$W_{AB}(\vec{f}) = f AB \cos(180^\circ) = -f AB = -30 \times 125 = -3750 J = -3.75 kJ$$

$$\therefore W_{AB}(\vec{T}) = T AB \cos(\theta) = T AB \cos(\beta) = 942 \times 125 \times \cos(60^\circ) = 58875 J = 58.875 kJ$$

($\theta = \beta$ لأنهما زاويتان متبادلتان داخليا)

حل التمرين 06:

1- حساب سرعة الجسم (S) عند الموضع B.

بكتابة معادلة انفاذ الطاقة للجملة (الجسم (S)) بين الموضعين A و B يكون:

$$v_B = \sqrt{v_A^2 + 2gh_A} = \sqrt{v_A^2 + 2gAB \sin(\alpha)} \quad \text{ومنه: } \frac{1}{2}mv_A^2 + mgh_A = \frac{1}{2}mv_B^2 \quad \text{ومنه: } Ec_A + W_{AB}(\vec{P}) = Ec_B$$

$$v_B = \sqrt{4^2 + 2 \times 10 \times 2 \times \sin(30^\circ)} = 6 m/s$$

إيجاد شدة قوة الاحتكاك f .

بكتابة معادلة انفاذ الطاقة للجملة (الجسم (S)) بين الموضعين B و C يكون:

$$Ec_B - |W_{BC}(\vec{f})| = Ec_C \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - |-f \cdot BC| = \frac{1}{2}mv_C^2 \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BC = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$\rightarrow f = \frac{\frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_C^2}{BC} = \frac{\frac{1}{2}m(v_B^2 - v_C^2)}{BC} = \frac{\frac{1}{2} \times 1 \times (6^2 - 4^2)}{2} = 5 N$$

3- حساب سرعة الجسم (S) عند الموضع D.

بكتابة معادلة انفاذ الطاقة للجملة (الجسم (S)) بين الموضعين A و D يكون:

$$Ec_C + W_{CD}(\vec{P}) = Ec_D \rightarrow \frac{1}{2}mv_C^2 + mgh = \frac{1}{2}mv_D^2$$

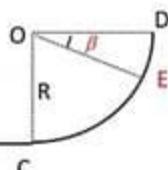
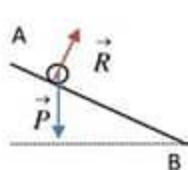
$$\rightarrow v_D = \sqrt{v_C^2 + 2gh} = \sqrt{4^2 + 2 \times 10 \times 1.65} = 7 m/s$$

حل التمرين 07:

1- تمثيل القوى المؤثرة على الكرينة خلال إنتقالها من A إلى B.

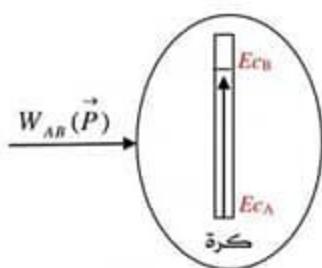
\vec{P} : ثقل الجملة.

\vec{R} : تأثير فعل السطح على الجملة.



2- تمثيل الحصيلة الطاقوية للكررة بين الوضعين A و B ، ثم كتابة معادلة انحفاظ الطاقة.

ال Hutchinson الطاقوية:



معادلة انحفاظ الطاقة:

$$W_{AB}(P) = Ec_B \text{ و بما أن } Ec_A = 0 \text{ فإن: } Ec_A + W_{AB}(P) = Ec_B$$

3- حساب سرعة الكررة عند النقطة B.

$$W_{AB}(P) = Ec_B \rightarrow mgh_A = \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\rightarrow v_B = \sqrt{2gh_A} = \sqrt{2 \times 9.8 \times 2} = \sqrt{39.2} = 6.26 \text{ m/s}$$

4- استنتاج سرعة الكررة عند C مع التعليل.

بما أن المسار أفقى ولا يوجد احتكاك فالجملة ممزوجة طاقويا فهى لا تتبادل طاقة مع الوسط الخارجى ويكون:

$$Ec_C = Ec_B \rightarrow v_C = v_B = 6.26 \text{ m/s}$$

5- تحديد الوضع E الذي تتوقف عنده الكررة والمعرف بالزاوية $\beta = COE$.

بكتابة معادلة انحفاظ الطاقة للجملة (كررة) بين الوضعين C و E يكون:

$$Ec_C + W_{CE}(P) = Ec_E \text{ و بما أن: } v_E = 0 \rightarrow Ec_C + W_{CE}(P) = Ec_E$$

$$Ec_C + W_{CE}(P) = 0 \rightarrow \frac{1}{2}mv_C^2 + mgh_E = 0$$

$$\rightarrow h_E = \frac{v_C^2}{2g} = \frac{39.3}{2 \times 9.8} = 2 \text{ m}$$

الوضع E هو الذى يرتفع عن المستوى الأفقى بـ 2 m وينتمي لربع الدائرة CD.

حل التمارين 08:

1- تمثيل القوى الخارجية المؤثرة على المقطورة.

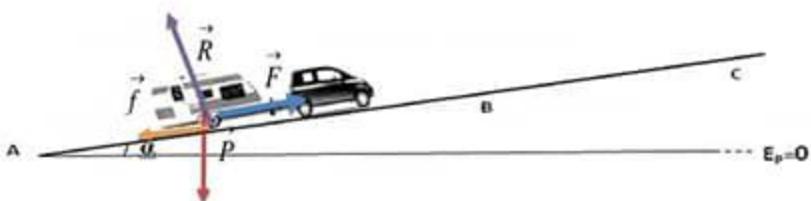
تخصيص الجملة أثناء حركتها إلى تأثير 4 قوى هي:

\vec{P} : ثقل الجملة.

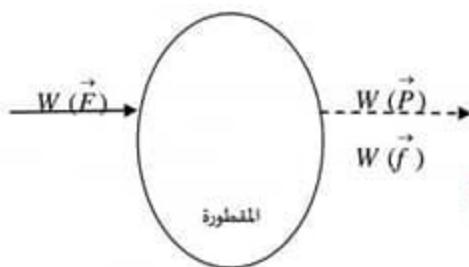
\vec{R} : تأثير فعل السطح على الجملة.

\vec{F} : قوة جر العربة للمقطورة.

\vec{f} : قوة الاحتكاك المؤثرة على الجملة.



2- تمثيل الحصيلة الطاقوية للجملة "مقطورة" بين A و B



بما أن سرعة المقطورة ثابتة فطاقيها تبقى ثابتة فنمثل فقاوة فارغة.

3- حساب عمل قوة الجر \vec{F} من أجل الانتقال AB مستنرجا شدة القوة F.

من معادلة انحفاظ الطاقة:

$$\begin{aligned} E_A + W(\vec{F}) - |W(\vec{P})| - |W(\vec{f})| &= E_B = E_A \\ \rightarrow W(\vec{F}) - |W(\vec{P})| - |W(\vec{f})| &= 0 \\ \rightarrow W(\vec{F}) &= |W(\vec{P})| + |W(\vec{f})| \\ &= |-mgh_B| + |-f_{AB}| \\ &= mgh_B + f_{AB} \\ &= mgAB \sin(\alpha) + f_{AB} \\ &= 500 \times 10 \times 200 \times 0.06 + 400 \times 200 \\ &= 140000J \\ &= 140kJ \end{aligned}$$

استنتاج: F

$$W(\vec{F}) = F_{AB} \cdot AB \cdot \cos(0^\circ) = F_{AB} \cdot AB$$

$$\rightarrow F = \frac{W(\vec{F})}{AB} = \frac{140000}{200} = 700N$$

4- حساب المسافة L=BC التي تقطعها المقطورة قبل أن تendum سرعتها (تغير جهة حركتها).

بكتابة معادلة انحفاظ الطاقة للجملة (كرة) بين الموضعين B و C يكون:

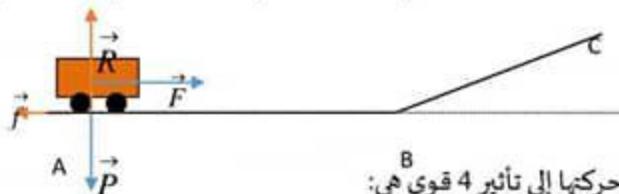
$$Ec_B - |W_{BC}(\vec{f})| - |W_{BC}(\vec{P})| = 0 \rightarrow Ec_C = 0 \text{ وبما أن } v_C = 0 \text{ فإنه: } Ec_B - |W_{BC}(\vec{f})| - |W_{BC}(\vec{P})| = Ec_C$$

$$\begin{aligned}
 Ec_B - |W_{BC}(\vec{f})| - |W_{BC}(\vec{P})| &= 0 \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - |-f \cdot BC| - |-mgh_C| = 0 \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BC - mgh_C = 0 \\
 \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BC - mgBC \sin(\alpha) &= 0 \\
 \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - BC(f + mg \sin(\alpha)) &= 0 \\
 \rightarrow BC &= \frac{\frac{1}{2}mv_B^2}{f + mg \sin(\alpha)} \\
 &= \frac{\frac{1}{2} \times 500 \times 20^2}{400 + 500 \times 10 \times 0.06} = 142.86 \text{m}
 \end{aligned}$$

حل التمرين 09:

-1

- أ- إعطاء عمل كل القوى المطبقة على العربة بعد تمثيلها في الجزء AB ثم حساب قيم هذه الأعمال.



تُخضع الجملة أدناه حركتها إلى تأثير 4 قوى هي:

\vec{P} : ثقل الجملة.

\vec{R} : تأثير فعل السطح على الجملة.

\vec{F} : قوة جر العربة للمقطورة.

\vec{f} : قوة الاحتكاك المؤثرة على الجملة.

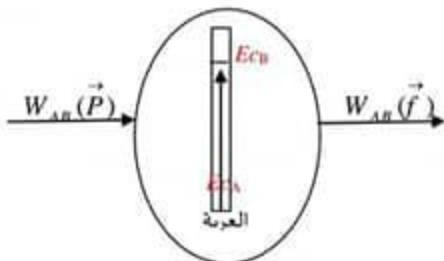
. $W_{AB}(\vec{P}) = 0J$ لأن شعاع القوة عمودي على الانتقال ($\vec{P} \perp AB$)

. $W_{AB}(\vec{R}) = 0J$ لأن شعاع القوة عمودي على الانتقال ($\vec{R} \perp AB$)

. $W_{AB}(\vec{F}) = F \cdot AB \cdot \cos(0^\circ) = +F \cdot AB = 2 \times 1.3 = 2.6J$

. $W_{AB}(\vec{f}) = f \cdot AB \cdot \cos(180^\circ) = -f \cdot AB = -1 \times 1.3 = -1.3J$

- ب- تمثيل الحصيلة الطاقوية للعربة بين الموضعين A وB.



جـ- استنتاج سرعة العربية عند النقطة B.

بكتابه معادلة انحفاظ الطاقة للجملة (عربـة) بين الموضعـين A وB يكون:

$$W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right| = Ec_B \quad \text{فإنه: } v_A = 0 \rightarrow Ec_A = 0 \text{ وبما أن } Ec_A + W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right| = Ec_B$$

$$W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right| = Ec_B$$

$$\rightarrow Ec_B = W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right|$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right|$$

$$\rightarrow v_B = \sqrt{\frac{2\left(W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right|\right)}{m}} = \sqrt{\frac{2(2.6 - |-1.3|)}{200 \times 10^{-3}}} = \sqrt{13} = 3.605 \text{ m/s}$$

ـ- إيجاد ارتفاع النقطة C بالنسبة للمستوى لأفقى المار بال نقطتين A وB الذي نعتبره مرجعـا لقياس الارتفاعـات.

بكتابـة معادلة انـحـافـاظ الطـاقـة للـجـملـة (عربـة) بين المـوضـعـين B وC يكون:

$$Ec_B - \left| W_{BC}(\vec{P}) \right| = 0 \rightarrow Ec_C = 0 \rightarrow Ec_B - \left| W_{BC}(\vec{P}) \right| = Ec_C$$

$$Ec_B - \left| W_{BC}(\vec{P}) \right| = 0$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - |-mgh_C| = 0$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - mgh_C = 0$$

$$\rightarrow h_C = \frac{\frac{1}{2}v_B^2}{g} = \frac{\frac{1}{2}(\sqrt{13})^2}{10} = 0.65 \text{ m}$$

ـ- من أجل أي قوة \vec{F} يجب أن تدفع بها العربـة لتصل إلى النـقطـة C بـسرـعـة قـدرـها 4 m/s.

بتغيـرـ القـوـة \vec{F} بتـغـيـرـ عـمـلـيـاـ ليـصـبـحـ (\vec{F}_{AB}') وـتـغـيـرـ بـذـلـكـ السـرـعـةـ عندـ Bـ لـتـصـبـحـ v_B' أي تـغـيـرـ الطـاقـةـ الحـرـكـيـةـ عندـ Bـ لـتـصـبـحـ Ec_B' ومنـهـ نـكـتـبـ معـادـلـةـ انـحـافـاظـ الطـاقـةـ الجـديـدـةـ بـيـنـ Aـ وـBـ لـلـجـملـةـ كـالتـالـيـ:

$$W_{AB}(\vec{F}) = \left| W_{AB}(\vec{f}) \right| + Ec_B$$

$$\rightarrow F_{AB} = f_{AB} + Ec_B$$

$$\rightarrow F = \frac{f_{AB} + Ec_B}{AB} \quad \text{وـمـنـهـ: } W_{AB}(\vec{F}) - \left| W_{AB}(\vec{f}) \right| = Ec_B$$

$$\rightarrow F = f_{AB} + \frac{Ec_B}{AB} \quad \dots(1)$$

ولـكـنـ معـادـلـةـ انـحـافـاظـ الطـاقـةـ الجـديـدـةـ بـيـنـ Bـ وـCـ لـلـجـملـةـ تصـبـحـ: $Ec'_B - \left| W_{BC}(\vec{P}) \right| = Ec'_C$ أي:

$$Ec'_B = W_{BC}(\vec{P}) + Ec'_c \\ = mgh_c + \frac{1}{2}mv_c^2$$

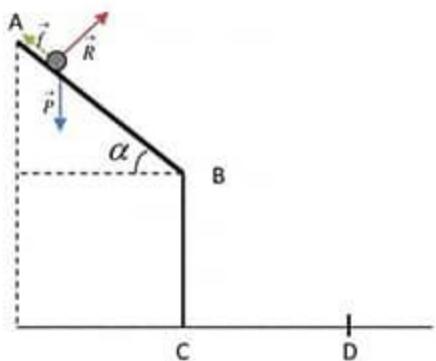
$$\rightarrow F = f + \frac{Ec_B}{AB} \\ = f + \frac{mgh_c + \frac{1}{2}mv_c^2}{AB}$$

نوع عن Ec' في (1) نجد:

$$= 1 + \frac{200 \times 10^{-3} \times 10 \times 0.65 + \frac{1}{2} 200 \times 10^{-3} \times 4^2}{1.3} \\ = 3.23N$$

حل التمرين 09:

أ- تمثيل القوى المطبقة على الجسم عندما يتحرك بين الموضعين A و B.



تخصيص الجملة أثناء حركتها إلى تأثير 3 قوى هي:

\vec{P} : ثقل الجملة.

\vec{R} : تأثير فعل السطح على الجملة.

\vec{f} : قوة الاحتكاك المؤثرة على الجملة.

ب- حساب عمل الثقل $W_{AB}(\vec{P})$ و عمل قوة الاحتكاك $W_{AB}(\vec{f})$

$$W_{AB}(\vec{P}) = mgh_A = mgAB \sin(\alpha) = 400 \times 10^{-3} \times 9.81 \times 2 \times \sin(30) = 3.924J$$

$$W_{AB}(\vec{f}) = f AB \cos(180^\circ) = -f AB = -0.4 \times 2 = -0.8J$$

ج- حساب الطاقة الحركية للجسم عند الموضع A .
بكتابة معادلة انفراط الطاقة للجملة بين الموضعين A و B يكون:

$$W_{AB}(\vec{P}) - |W_{AB}(\vec{f})| = Ec_B \quad \text{فإنه: } v_A = 0 \rightarrow Ec_A = 0 \quad \text{ويماناً } Ec_A + W_{AB}(\vec{P}) - |W_{AB}(\vec{f})| = Ec_B$$

$$Ec_B = W_{AB}(\vec{P}) - |W_{AB}(\vec{f})| \quad \text{ومنه:}$$

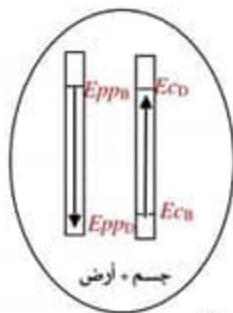
$$\rightarrow Ec_B = 3.924 - |-0.8| = 3.124J$$

ج- استنتاج سرعة الجسم عندما يصل إلى النقطة B.

$$Ec = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow v^2 = \frac{2Ec}{m} \rightarrow v = \sqrt{\frac{2Ec}{m}}$$

$$v_B = \sqrt{\frac{2Ec_B}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 3.124}{400 \times 10^{-3}}} = 3.95m/s \quad \text{ومنه:}$$

3-أ- تمثيل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم + أرض) بين الموضعين B و D .



ب- كتابة معادلة انحفاظ الطاقة.

$$Ec_B + Epp_B = Ec_D \text{ يكون: } Epp_D = 0 \quad \text{حيث: } Ec_B + Epp_B = Ec_D + Epp_D$$

4. أ- حساب الطاقة الكامنة الثقالية $E_{PP(B)}$ للجملة (جسم + أرض) عند B .

من المعادلة: $Ec_B + Epp_B = Ec_D$ نجد:

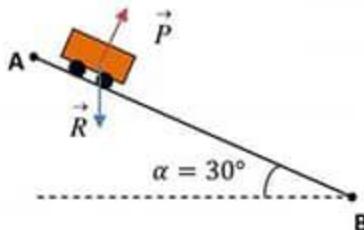
$$Epp_B = Ec_D + Ec_B = \frac{1}{2}mv_B^2 + Ec_B = \frac{1}{2} \times 400 \times 10^{-3} \times 10^2 + 3.124 = 23.124 \text{ J}$$

ب- استنتاج الارتفاع $h = BC$

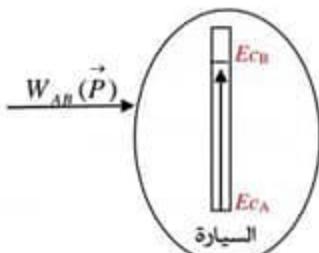
$$Epp_B = mgh \rightarrow h = \frac{Epp_B}{mg} = \frac{23.124}{400 \times 10^{-3} \times 9.81} = 5.89 \text{ m}$$

حل التمرين 10:

1- أ - تمثيل القوى المؤثرة على السيارة علما ان قوى الاحتكاك مهملة.



ب - تمثيل الحصيلة الطاقوية للسيارة بين الموضعين A و B .



كتابة معادلة انحفاظ الطاقة:

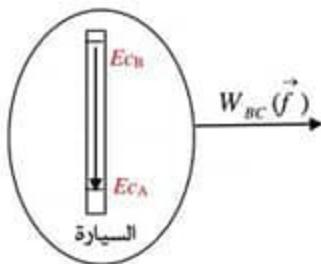
$$W_{AB}(\vec{P}) = Ec_B \text{ وبما أن } Ec_A = 0 \text{ فإن: } Ec_A + W_{AB}(\vec{P}) = Ec_B$$

ج - كتابة معادلة إنحفاظ الطاقة وتبيان ان سرعة السيارة عند الوضع B هي $v_B = 11 \text{ m/s}$

$$W_{AB}(\vec{P}) = Ec_B \rightarrow mgh_A = \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\rightarrow v_B = \sqrt{2gh_A} = \sqrt{2gAB \sin(\alpha)} = \sqrt{2 \times 10 \times 12.1 \times \sin(30^\circ)} = 11 \text{ m/s}$$

2- أ- تمثيل الحصيلة الطاقوية للسيارة بين الوضعين B و C.



3- استنتاج شدة قوة الاحتكاك f.

$$Ec_B - |W_{Bc}(\vec{f})| = Ec_C$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - |-f \cdot BC| = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BC = \frac{1}{2}mv_C^2$$

$$\rightarrow f = \frac{\frac{1}{2}mv_B^2 - \frac{1}{2}mv_C^2}{BC}$$

$$\rightarrow f = \frac{\frac{1}{2}m(v_B^2 - v_C^2)}{BC} = \frac{\frac{1}{2} \times 2(11^2 - 6^2)}{20} = 4.25N$$

4- حساب المسافة BD التي توافق توقف السيارة عند النقطة D.

$$Ec_C - |W_{CD}(\vec{f})| = 0 \text{ وبما أن } v_D = 0 \rightarrow Ec_D = 0 \text{ فإنه: } Ec_C - |W_{CD}(\vec{f})| = Ec_D$$

$$Ec_C - |W_{CD}(\vec{f})| = 0 \rightarrow \frac{1}{2}mv_C^2 - |-f \cdot CD| = 0 \rightarrow \frac{1}{2}mv_D^2 - f \cdot CD = 0$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_C^2 - f \cdot CD = 0$$

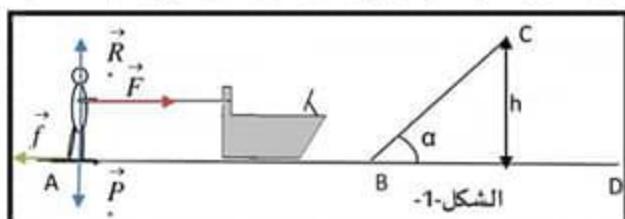
$$\rightarrow CD = \frac{\frac{1}{2}mv_C^2}{f}$$

$$= \frac{\frac{1}{2} \times 2 \times 6^2}{4.25} = 8.47m$$

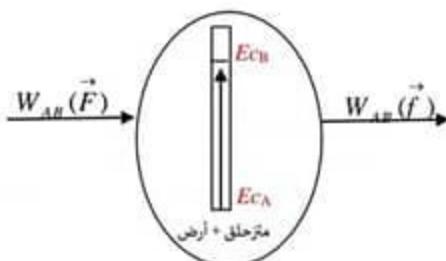
حل التمرين 12:

الجزء الأول: دراسة حركة المترافق من A إلى B :

1- تمثيل القوى المؤثرة على المترافق بين المواقع A و B في رسم مناسب.



2- تمثيل الحصيلة الطاقوية للجملة (متزحلق + أرض) بين الموضعين A و B.



3- كتابة معادلة لحفظ الطاقة

$$W_{AB}(\vec{F}) - |W_{AB}(\vec{f})| = Ec_B \quad \text{ويماناً } Ec_A = 0 \quad \text{فإن: } Ec_A + W_{AB}(\vec{F}) - |W_{AB}(\vec{f})| = Ec_B$$

استنتاج شدة قوة جذب الجبل F للمتزحلق.

$$W(\vec{F}) - |W_{AB}(\vec{f})| = Ec_B$$

$$\rightarrow W(\vec{F}) = |W(\vec{f})| + Ec_B$$

$$\rightarrow F \cdot AB \cdot \cos(0) = |-f \cdot AB| + \frac{1}{2}mv_B^2$$

$$\rightarrow F \cdot AB = f \cdot AB + \frac{1}{2}mv_B^2$$

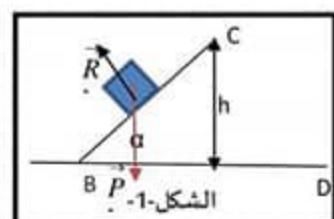
$$\rightarrow F = \frac{f \cdot AB + \frac{1}{2}mv_B^2}{AB} = \frac{100 \times 250 + \frac{1}{2} \times 80 \times 25^2}{250} = 200N$$

4- استنتاج استطاعة محرك الزورق.

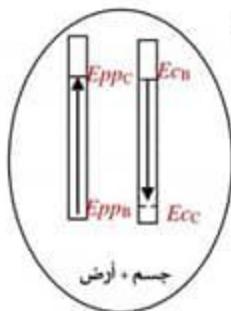
$$P = \frac{W_{AB}(\vec{F})}{\Delta t} = \frac{F \cdot AB \cdot \cos(0)}{\Delta t} = \frac{F \cdot AB}{\Delta t} = \frac{200 \times 250}{20} = 2500W$$

الجزء الثاني: دراسة حركة المتزحلق من B إلى C

1- تمثيل القوى المؤثرة على المتزحلق بين الموضعين B و C في رسم مناسب.



2- تمثيل الحصيلة الطاقوية للجملة (متزحلق + أرض) بين الموضعين B و C.



3- أكتب معادلة إنفاذ الطاقة في هذه الحالة، وبين أن قيمة الارتفاع h تساوي 2,45m

$$Ec_B = Ec_C + Epp_C \quad \text{وحيث: } Epp_B = Ec_B + Epp_B = Ec_C + Epp_C$$

نأخذ المستوى المار من AB مرجعاً لقياس الطاقة الكامنة الثقالية.

$$Ec_B = Ec_C + Epp_C \rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 = \frac{1}{2}mv_C^2 + mgh$$

$$\rightarrow h = \frac{v_B^2 - v_C^2}{2g} = \frac{25^2 - 24^2}{2 \times 10} = 2.45m$$

الجزء الثالث: دراسة حركة المتخلق من C إلى D :

1- وصف حركة المتخلق عندما يغادر الموضع C.

المتخلق يتحرك على شكل قذيفة حيث عند الصعود تتناقص سرعته إلى أن تبلغ أقل قيمة لها عند أقصى ارتفاع، ثم عند التزول تزداد سرعته إلى أن تبلغ أعلى قيمة لها عند ارتطامه بسطح البحر.

2- $(Ec = f(t))$ يمثله البيان رقم (2) و $Epp = g(t)$ يمثله البيان رقم (1) حسب الشرح السابق.

3- نسعي M الموضع الذي من أجله يبلغ المتخلق أقصى ارتفاع ممكن h_{max} .

أ- إيجاد من المنحني قيمة الطاقة الحركية و الطاقة الكامنة للجملة (متخلق+أرض) عند الموضع M ، مع تبرير الإجابة .

$$Ec_M = 17.28kJ \quad \text{من البيانات: } \\ Epp_M = 7.72kJ$$

ب- استنتاج قيمة h_{max}

$$Epp_M = mg h_M$$

$$\rightarrow h_M = \frac{Epp_M}{mg} = \frac{7.72 \times 10^3}{80 \times 10} = 9.65m$$

4- حساب سرعة إصطدام المتخلق بسطح الماء (أي سرعته في الموضع D).

$$Ec_D = \frac{1}{2}mv_D^2$$

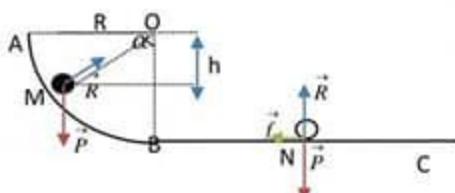
$$\rightarrow v = \sqrt{\frac{2Ec_D}{m}} = \sqrt{\frac{2 \times 25 \times 10^3}{80}} = 25m/s$$

من البيان: $Ec_D = 25kJ$ ومنه:

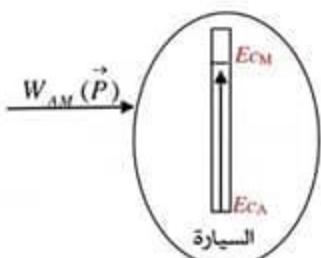
حل التمرين 13:

-1

أ- تمثيل القوى المطبقة على الجسم النقطي بين الموضعين A و B، ثم بين الموضعين B و C.



بـ- تمثيل الحصيلة الطاقوية للجملة جسم بين الموقعين A و M، ثم أكتب معادلة احتفاظ الطاقة.



معادلة احتفاظ الطاقة:

$$W_{AM}(\vec{P}) = Ec_M \quad \text{ويمـا أن } Ec_A + W_{AM}(\vec{P}) = Ec_M$$

جـ- إيجاد عبارة السرعة v_M عند الموضع M بدلالة g، R و α .

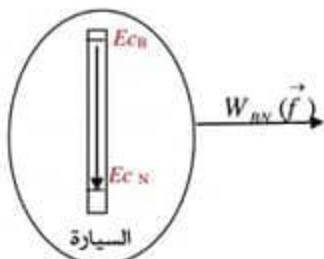
$$W_{AM}(\vec{P}) = Ec_M \rightarrow mgh = \frac{1}{2}mv_M^2$$

$$\rightarrow v_B = \sqrt{2gh} = \sqrt{2gR \cos(\alpha)}$$

دـ- استنتاج قيمة السرعة v_M عند الموضع B

$$\rightarrow v_B = \sqrt{2gR \cos(0)} = \sqrt{2gR} = \sqrt{2 \times 10 \times 0.8} = 4\text{m/s}$$

عند يكون B : $\alpha = 0$ ومنه: $\alpha = 0$.
أـ- تمثيل الحصيلة الطاقوية للجملة (جسم) بين الموقعين B و N.



معادلة احتفاظ الطاقة:

$$Ec_B - |W_{BN}(\vec{f})| = Ec_N$$

أـ- التأكـد أن علاقـة السـرـعة v بـدلـالـة المسـافـة المقـطـوعـة x : $v_N^2 = \lambda x + \beta$ حيث يـطلـب تحـديـد عـبـارـة كلـ من λ و β .

$$Ec_B - |W_{BN}(\vec{f})| = Ec_N$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - |-f \cdot BN| = \frac{1}{2}mv_N^2$$

$$\rightarrow \frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BN = \frac{1}{2}mv_N^2$$

$$\rightarrow v_N^2 = \frac{\frac{1}{2}mv_B^2 - f \cdot BN}{\frac{1}{2}m}$$

$$\rightarrow v_N^2 = v_B^2 - 2 \frac{f \cdot BN}{m}$$

$$\rightarrow v_N^2 = v_B^2 - 2 \frac{f \cdot x}{m}$$

$$\rightarrow v_N^2 = -2 \frac{f}{m}x + v_B^2$$

$$\lambda = -2 \frac{f}{m} \quad \beta = v_N^2 = \lambda x + \beta$$

بـ- إيجاد العبارة الرياضية للمنحنى البياني.

البيان خط مستقيم لا يمر من المبدأ معادلته من الشكل: $v^2 = ax + b$ حيث a معامل توجيه البيان و b هو نقطة تقاطع البيان مع محور التربيع.

جـ- استنتاج من المنحنى البياني شدة قوة الإحتكاك.

$$v^2 = -2 \frac{f}{m} x + v_0^2$$

$$v^2 = ax + b$$

بالمقارنة بين العلاقتين النظرية والبيانية نجد:

$$f = -\frac{a \times m}{2} = -\frac{-1 \times 0.1}{2} = 0.05N$$

وحيث ان: $v^2 = s^2$ فإن: $a = \frac{8-4}{2-6} = -1m/s^2$