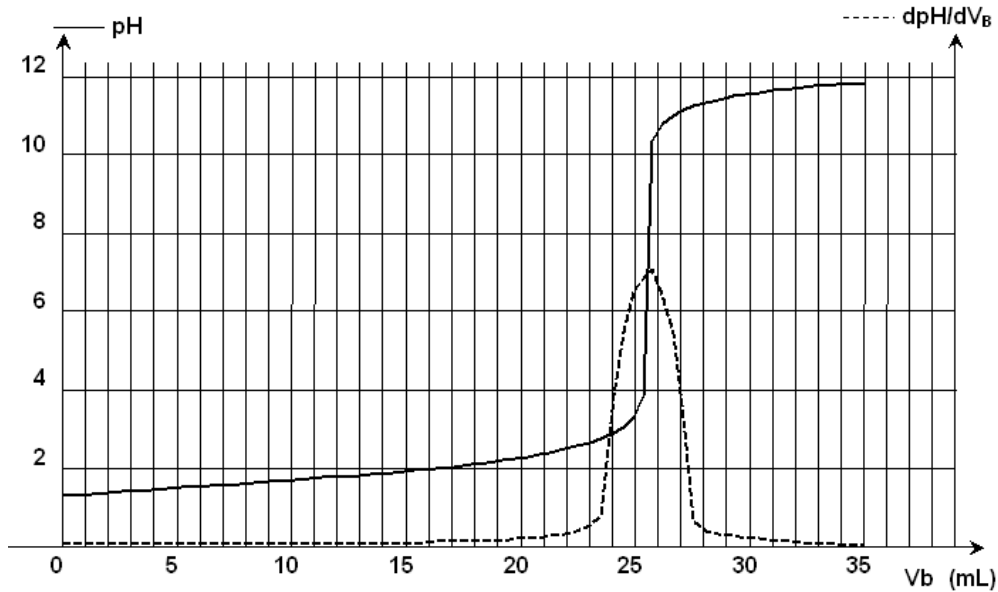


1. محلول تجاري S_0 يستعمل لتقليص pH ماء حوض سمك يتكون من محلول حمض كلور الماء ($H_3O^+ + Cl^- (aq)$) ذات تركيز مجهول C_0 .

نقوم بتخفيف المحلول S_0 مرة فنحصل على محلول S تركيزه C نعاير $V_A = 20\text{ml}$ منه بواسطة محلول هيدوكسيد الصوديوم تركيزه $c_B = 4,0 \times 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$ فنحصل على منحنى شكل 1



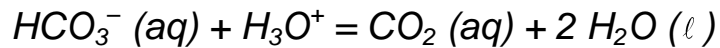
شكل 1

1.1 اكتب معادلة التفاعل الحادث

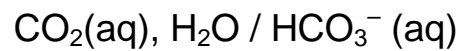
2.1 عرف نقطة التكافؤ، استنتج تركيز المحلول S ثم تركيز المحلول S_0

2. يحتوي ماء حوض السمك على شوارد البيكربونات ($HCO_3^- (aq)$) التي تتفاعل مع شوارد الهيدرونيوم H_3O^+ المضافة من المحلول التجاري السابق داخل الحوض.

معادلة التفاعل المنذج للتحويل هي:



1.2 وجد عبارة ثابت التوازن K بدلالة ثابت الحموضة K_A للثنائية



2.2 احسب قيمته علما ان $K_A = 10^{-6,4}$

من المواد اللتي يفرزها السمك في الحوض مادة اليوريا $(NH_2)_2CO$ تفككها يؤدي الى تشكيل شوارد الامونيوم NH_4^+ وفق المعادلة التالية:



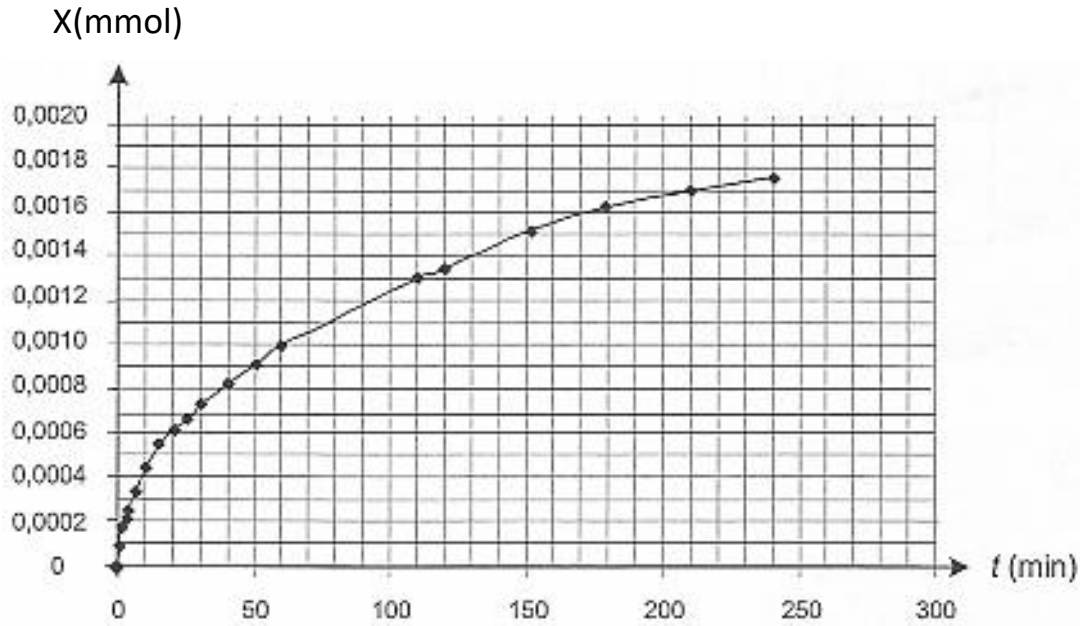
ناخذ من الحوض حجما $V=20ml$ من محلول $(NH_2)_2CO$ تركيزه $C=0.02mol/l$.

1.1 انجز جدول تقدم التفاعل

2.1 اوجد العلاقة بين تركيز NH_4^+ وتقدم التفاعل X .

3.1 احسب تقدم الاعظمي للتفاعل X_{max}

2. نمثل منحنى تقدم التفاعل X السابق بدلالة الزمن فنحصل على شكل 2



شكل 2

1.2 اوجد نسبة تقدم التفاعل في اللحظة $t=110min$

2.2 اكتب عبارة السرعة الحجمية للتفاعل ثم بين كيف تتطور بدلالة الزمن باستعمال المنحنى

3.2 علما ان تركيز شوارد الامونيوم النهائي هو $[NH_4^+]_f = 2,0 \times 10^{-2} mol.L^{-1}$

احسب نسبة تقدم التفاعل النهائي , ماذا تستنتج

الضباب ظاهرة طبيعية عبارة عن سحب منخفض قريب من سطح الأرض يتكون من قطرات مائية

دراسة سقوط قطرة ماء من الضباب:

نعتبرها كروية الشكل ذات نصف قطرها تسقط شاقوليا في الهواء بدون سرعة ابتدائية, تخضع الكرة اثناء حركة احتكاك غير ثابتة شدتها من الشكل $f=kv$ حيث k

باعتبار الكتلة الحجمية للماء هي $\rho_{eau}= 1000\text{Kg/m}^3$

و الكتلة الحجمية للهواء هي $\rho_{air}= 1,3\text{kg/m}^3$

1- بين ان دافعة ارخميدس مهم يعطى $g=9.8 \text{ m/s}^2$,

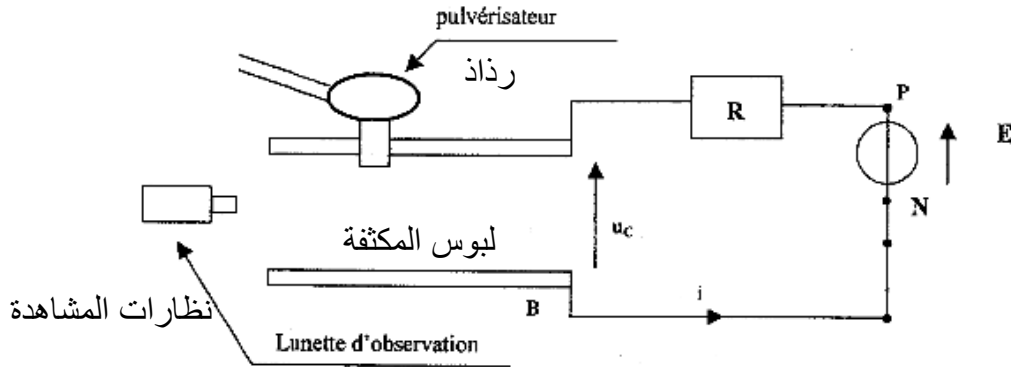
$$V=(4/3)\Pi R^3$$

2- اوجد المعادلة التفاضلية للحركة و اكتبها من الشكل $dv/dt+Av=B$ حيث A و B ثابتان

• اعطي عبارة السرعة الحدية بدلالة v_1 بدلالة g, m, k

• اوجد قيمة k $R=0.782\text{mm}$, $v_1=1.96\text{m/s}$

2- لفهم اكثر ظاهرة الضباب نشاهد بشكل دقيق حبيبات الماء باستعمال التجهيز التالي:



• ضع رمز الشحنة التي تظهر على كل لبوس المكثفة

• اوجد المعادلة التفاضلية لتوتر المكثفة u_c

• بين ان حلها هو من الشكل: $u_c(t) = E \times (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$ حيث تمثل C سعة المكثفة R مقاومة

الناقل الاومي E القوة المحركة الكهربائية للمولد

3- يوجد تماثل بين حل المعادلة التفاضلية لتوتر المكثفة و حل المعادلة التفاضلية لسرعة القطرة

السابقة والتي نمذجها كما يلي: $v(t) = v_L \cdot (1 - e^{-\frac{kt}{m}})$

• اكتب عبارة ثابت الزمن τ للدارة RC و اكتب عبارة $u_c(t)$ بدلالة τ

• بمقارنة عبارة $u_c(t)$ و $v(t)$ اوجد عبارة ثابت الزمن لحركة سقوط القطرة

4- الدراسة البيانية للدالتين $u_c(t)$ و $v(t)$ مكنت من رسم المنحنيين شكل 1 و شكل 2, باستعمال البيانيين:

• اوجد ثابت الزمن الموافق لحركة سقوط القطرة, استنتج قيمة معامل الاحتكاك K , هل

يوافق القيمة المحسوبة سابقا

• اذا كانت قيمة مقاومة الناقل الاومي $R=10^5 \Omega$ احسب قيمة سعة المكثفة C

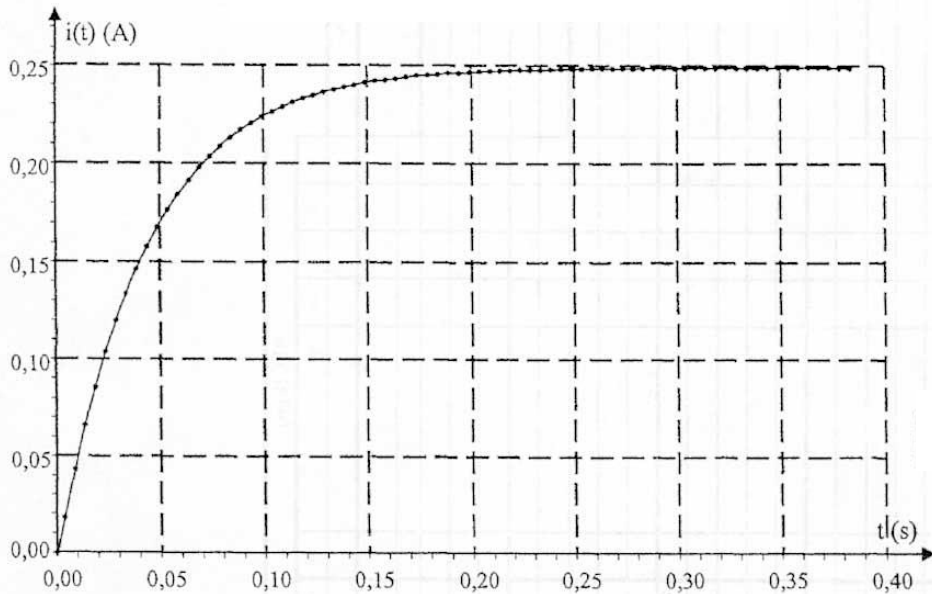
تسمح المعادلة التفاضلية $\frac{dx}{dt} + \alpha x = \beta$ (1) ... (حيث α و β ثوابت) بوصف عدد كبير من الظاهر الفيزيائية خلال الزمن مثل شدة التيار، التوتر، السرعة و النشاط الاشعاعي.....

تذكر ان حلها (2) ... $x(t) = \frac{\beta}{\alpha} \cdot (1 - e^{-\alpha t})$ اذا كان $\beta \neq 0$ و $x(t) = X_0 e^{-\alpha t}$ اذا كان $\beta = 0$ (حيث X_0 ثابت)

الجزء 1 في مجال الظواهر الكهربائية

في هذا المجال ندرس دائرة كهربائية تتكون من وشيعة كهربائية ذاتيتها L مقاومتها الداخلية $r = 11,8 \Omega$ وناقل اومي مقاومته $R = 12 \Omega$ ، الدارة مغذاة بمولد التيار المستمر قوته المحركة الكهربائية $E = 6,1 V$

الشكل 1 يمثل تطور شدة التيار بدلالة الزمن



شكل 1

- (1) عين مدة النظام الانتقالي و شدة التيار في النظام الدائم
- (2) عين عبارة ثابت الزمن ثم احسب قيمته
- (3) استنتج قيمة ذاتية الوشيعة L
- (4) اوجد المعادلة التفاضلية لشدة التيار

- بالمطابقة مع المعادلة 1 بين ان $\alpha = \frac{R+r}{L}$ ثم عين عبارة β
- استنتج المعادلة الزمنية $i(t)$ بدلالة $\{r, R, L \text{ et } E\}$
- بين ان هذا الحل صحيح

الجزء الثاني: في مجال الميكانيك

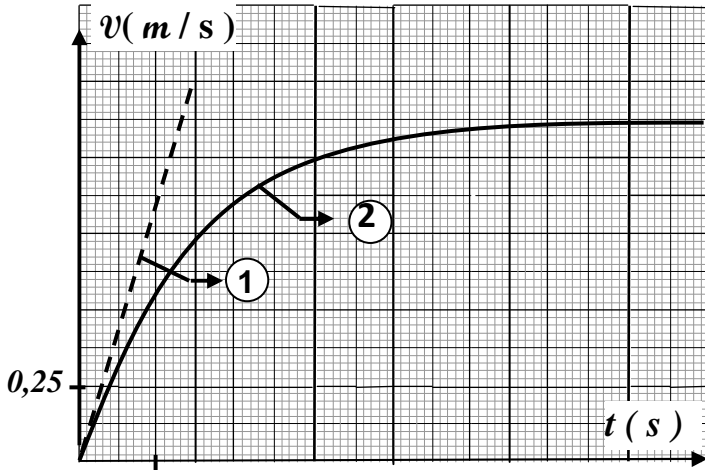
استغلت حركة سقوط كرة معدنية ، كتلتها m ، في مائع كتلته الحجمية ρ ، بواسطة برمجية خاصة التي سمحت برسم تطور سرعة مركز العطالة بدلالة الزمن، فتم الحصول على المنحنى البياني رقم 2 الموضح في الشكل 2 المقابل و الذي معادلته :

$$v(t) = 1,14 \cdot (1 - e^{-\frac{t}{0,132}}) \quad \text{حيث مقدره بـ } m \cdot s^{-1} \text{ و الزمن } t \text{ بـ } s .$$

I - استغلال المنحنى البياني و معادلته :

/ أذكر مع التعليل صحة أو خطأ العبارات التالية :
المعنى الفيزيائي للمنحنى البياني رقم 1 هو :

- مخطط سرعة الكرة عند اهمال قوى الاحتكاك .
- مخطط سرعة الكرة عند اهمال دافعة أرخميدس .
- تسارع الكرة لحظة تحريرها .



شكل 2

2 / هل معادلة المنحنى البياني تتطابق مع المعادلة رقم (2)

3 / أثبت أن المعادلة التفاضلية التي تحققها سرعة الكرة هي : $\frac{dv}{dt} + 7,58 \cdot v = 8,64$ ثم عين قيمة α و β .

II - دراسة الظاهرة الفيزيائية :

- الكرة المستعملة في تحقيق الدراسة هي كرة من فولاذ كتلتها $32g$ و حجمها V .

- تسارع الجاذبية في مكان الدراسة هو $g = 9,80 \text{ m.s}^{-2}$.

- تعطي قوى الاحتكاك المطبقة على الكرة بالعلاقة : $\vec{f} = -k \vec{v}$.

1 / أحص ثم مثل القوى المطبقة على الكرة أثناء سقوطها .

2 / بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكرة ، و باعتبار المحور الشاقولي موجه نحو الأسفل، أثبت أن المعادلة التفاضلية المتعلقة

$$\text{بالسرعة تحقق العلاقة : } \frac{dv}{dt} + \frac{k}{m} v = \left(1 - \frac{\rho_f \cdot V}{m}\right) \cdot g \quad (3)$$

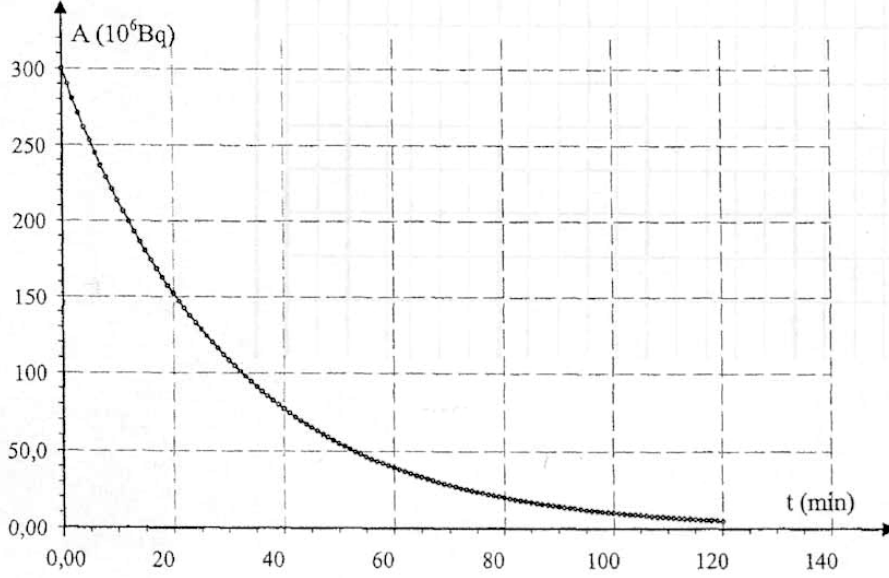
3 / بالمطابقة بين المعادلتين (1) و (3) ما هي العبارة الحرفية للمعامل β ، ثم حدد قيمة دافعة أرخميدس التي تخضع لها الكرة ؟

4 / أحسب قيمة كل من السرعة الحدية V_L و الثابت k و تسارع الكرة في اللحظة $t = 0 \text{ s}$.

في مجال النشاط الإشعاعي

نستخدم النظائر الإشعاعية في البيولوجيا و في البحث الطبي كرسامات احد ها نظير ^{11}C

تطور النشاط الإشعاعي للنظير ^{11}C مكن من رسم منحنى شكل 3



شكل 3

1. باستعمال التحليل البعدي اوجد وحدة λ (ثابت النشاط الإشعاعي)
2. باستعمال البيان اوجد قيمته مستنجا زمن نصف العمر $t_{1/2}$ بعد إعطاء تعريفه
3. اوجد عبارة النشاط الإشعاعي $A(t)$ بدلالة A_0 ، λ و t
4. باستعمال اجابتك في السؤال 3 والمعادلة التفاضلية 1 اوجد بدون برهان المعادلة التفاضلية للنشاط الإشعاعي

6 5 HCl 7 < 9