التمرين الأول:باك علوم تجريبية[م1]

يحوي صندوق 10 ڪريات متماثلۃ لانفرق بينها باللمس، منها 4 ڪرات بيضاء مرقمۃ ب1 ، 2 ، 2 ، 3 و ثلاث ڪريات حمراء مرقمۃ ب2 ، 3 ، 3 ، 4 و ثلاث ڪريات خضراء مرقمۃ ب2 ، 3 ، 3 ، 4

نسحب عشوائيا وفي آن واحد 3 كريات من هذا الصندوق.

نعتبر الحادثتين • A: " الكريات الثلاث المسحوبة تحمل ألوان العلم الوطني ".

و B: " الكريات الثلاث المسحوبة لها نفس الرقم ".

. الترتيب P(A) و P(A) احتمالي الحادثتين P(A) و على الترتيب (1

.
$$P\left(A\cup B\right)$$
 و $P_{A}\left(B\right)$ قم استنتج $P\left(A\cap B\right)=\frac{1}{20}$ و بــبين أن

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة عملية سحب عدد الكريات التي تحمل رقما فرديا . عرف قانون الإحتمال للمتغير العشوائي X و احسب أمله الرياضياتي $E\left(X\right)$.

التمرين الثاني: باك تقني رياضي[م2]

كيس به 7 كريات متماثلة، لانفرق بينها باللمس، منها 3 بيضاء و4 خضراء.

نسحب عشوائيا و في آن واحد كريتين من الكيس.

- اً الحسب إحتمال الحادثة A:" سحب كريتين مختلفتين في اللونA:
- (حيث α عدد طبيعي معطى و DA تعني دينار جزائري). (قرن α عدد طبيعي معطى و DA تعني دينار جزائري). فإذا سحب ڪريتين بيضاوين يتحصل على 100DA ، و إذا سحب ڪريتين مختلفتين في اللون يتحصل على 100DA ، و إذا سحب ڪريتين خضراوين يخسر ما دفعه . و ليڪن X المتغير العشوائي الذي يمثل ربح أو خسارة اللاعب بدلالة α .
 - برر أن قيم المتغير العشوائي هي $\{100-lpha,50-lpha,-lpha\}$ ثم عرَف قانون إحتماله . $\{100-lpha,50-lpha,-lpha\}$
 - . $E\left(X\right)=-\alpha+\dfrac{300}{7}$. بين أن الأمل الرياضياتي للمتغيّر العشوائي X بدلالة α هو α هو α بين أن الأمل الرياضياتي للمتغيّر العشوائي α حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب.

التمرين الثالث: باك رياضيات[م2]

كيس يحوي 9 كريات الانفرق بينها باللمس موزعة كما يلي:

خمس كريات حمراء مرقمة ب: 1، 1، 2، 2، 2 و ثلاث كريات خضراء مرقمة ب: 3 -، 2، 3 و كرية بيضاء مرقمة ب: 1 - . نسحب عشوائيا 4 كريات في آن واحد .

1) أحسب إحتمال الحوادث التالية:

A: "الحصول على أربع كريات من نفس اللون ".

B: " الحصول على كرية بيضاء على الأكثر ".

. " الحصول على أربع كريات مجموع أرقامها معدوم ${\cal C}$

2) ليكن X المتغير العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة سحب عدد الكريات الخضراء المتبقية في الكيس.

أ عين قيم المتغير العشوائي Xثم عرف قانون إحتماله .

X بـ أحسب الأمل الرياضياتي $E\left(X\right)$ للمتغير العشوائي

. " $X^{\,2}-X>0$ " : جـ أحسب إحتمال الحادثة

تصحيح التمرين الأول:باك علوم تجريبية[م1]

 $C_{10}^{3} = \frac{10!}{3 \times 7!} = 120$ عدد السحبات المكنة هو:

1) أـحساب الإحتمالات:

A: " الكريات الثلاث المسحوبة تحمل ألوان العلم الوطني ". أي الحصول على ثلاثة ألوان الأبيض و الأحمر و الأخضر .

$$P(A) = \frac{C_4^1 \times C_3^1 \times C_3^1}{120} = \frac{36}{120} = \frac{3}{10}$$

B: " الكريات الثلاث المسحوبة لها نفس الرقم " .

$$P(B) = \frac{C_5^3 + C_4^3}{120} = \frac{14}{120} = \frac{7}{60}$$

.
$$P(A \cap B) = \frac{1}{20}$$
: بــتبيان أن

هو إحتمال سحب ثلاث كريات تحمل نفس الرقم و من ألوان مختلفة. $P\left(A \cap B\right)$

$$P(A \cap B) = \frac{C_2^1 \times C_2^1 \times C_1^1 + C_1^1 \times C_1^1 \times C_2^1}{120} = \frac{6}{120} = \frac{1}{20}$$

$$.P_{A}\left(B
ight)=rac{P\left(A\cap B
ight)}{P\left(A
ight)}=rac{\dfrac{1}{20}}{\dfrac{3}{10}}=\dfrac{1}{6}$$
 : $P_{A}\left(B
ight)$ حساب الإحتمال الشرطي

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) = \frac{36}{120} + \frac{14}{120} - \frac{6}{120} = \frac{44}{120} = \frac{11}{30}$$

المتغير العشوائي الذي يرفق بكل نتيجة عملية سحب عدد الكريات التي تحمل رقما فرديا X (2) المتغير العشوائي الذي يرفق بكل

$$P(X=2) = \frac{C_5^2 \times C_5^1}{126} = \frac{50}{120} \quad , \quad P(X=1) = \frac{C_5^1 \times C_5^2}{126} = \frac{50}{120} \quad , \quad P(X=0) = \frac{C_5^3}{120} = \frac{10}{120}$$
$$P(X=3) = \frac{C_5^3}{126} = \frac{10}{120}$$

X_{i}	0	1	2	3
$P(X = X_i)$	1	5	5	1
	12	12	12	12

E(X)بـ حساب الأمل الرياضياتي

$$E(X) = 0 \times \frac{1}{12} + 1 \times \frac{5}{12} + 2 \times \frac{5}{12} + 3 \times \frac{1}{12} = \frac{18}{12} = \frac{3}{2}$$

نصحيح التمرين الثاني: باك تقني رياضي [20] كيس به 7 كريات متماثلة ، لانفرق بينها باللمس، منها 3 بيضاء و4 خضراء .

نسحب عشوائيا و في آن واحد كريتين من الكيس.

$$C_7^2 = \frac{7!}{2! \times 5!} = 21$$
 عدد السحبات المكنة هو:

1) الحادثة A: "سحب كريتين مختلفتين في اللون ".

$$P(A) = \frac{C_3^1 \times C_4^1}{21} = \frac{3 \times 4}{21} = \frac{12}{21} = \frac{4}{7}$$
 www.bacdz.net - مُوقع التحضير للبكالوريا

2)الحادثة B: "سحب كريتين من نفس اللون ".

$$P(B) = 1 - P(A) = \frac{3}{7}$$

: α المتغير العشوائي الذي يمثل ربح أو خسارة اللاعب بدلالة X

$$\{100-lpha,50-lpha,-lpha\}$$
 : هي X التبرير أن قيم المتغير العشوائي X

اللاعب يدفع αDA ويسحب كرتين في آن واحد .

الحصول على كرتين خضراوين ، الحصول على كرتين بيضاوين ، الحصول على كرة بيضاء وكرة خضراء .

 $X = 100 - \alpha$ ومنه X = 100DA ومنه کرتین بیضاوین پربح

 $X = 50 - \alpha$ ومنه $X = 50 - \alpha$ ومنه فتلفتين يربح

 $X = -\alpha$ الحصول على كرتين خضراوين يخسر ما دفعه ومنه

$$P(X = -\alpha) = \frac{C_4^2}{21} = \frac{6}{21}$$
 , $P(X = 50 - \alpha) = P(A) = \frac{12}{21}$, $P(X = 100 - \alpha) = \frac{C_3^2}{21} = \frac{3}{21}$: لدينا : قانون الإحتمال

X	100-α	50-α	-α
$P(X = x_i)$	$\frac{3}{21}$	$\frac{12}{21}$	$\frac{6}{21}$

 $E(X) = -\alpha + \frac{300}{7}$ هو: X هو الأمل الرياضياتي للمتغير العشوائي X هو: (2

$$E(X) = (100 - \alpha) \left(\frac{3}{21}\right) + (50 - \alpha) \left(\frac{12}{21}\right) + (-\alpha) \left(\frac{6}{21}\right) :$$
لدينا
$$E(X) = -\alpha + \frac{300}{7} : E(X) = \frac{300 - 3\alpha + 600 - 12\alpha - 6\alpha}{21} = \frac{-21\alpha + 900}{21} :$$
و منه
$$E(X) = -\alpha + \frac{300}{7} : E(X) = \frac{300 - 3\alpha + 600 - 12\alpha - 6\alpha}{21} = \frac{-21\alpha + 900}{21} :$$

• إيجاد أكبر قيمة للعدد α حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب:

 $E\left(X\right)>0$ حتى تكون اللعبة في صالح اللاعب يجب أن يكون

.
$$42DA$$
 ومنه $\alpha < 42,85$ ومنه $\alpha < 42,85$ ومنه $\alpha < \frac{300}{7}$ ومنه $\alpha < \frac{300}{7} > 0$. إذن أكبر قيمت ل

تصحيح التمرين الثالث: باك رياضيات[م2]

$$C_9^4 = \frac{9!}{4 \times 5!} = 126$$
 عدد السحبات المكنة هو:

3) حساب الإحتمالات:

A: "الحصول على أربع كريات من نفس اللون ".

$$P(A) = \frac{C_5^4}{126} = \frac{5}{126}$$

B: "الحصول على كرية بيضاء على الأكثر".

معناه إما واحدة بيضاء وثلاث من اللونين الآخرين أو الأربع كريات كلها مختلطة بين الأحمر والأخضر.

$$P(B) = \frac{C_1^1 \times C_8^3 + C_8^4}{126} = \frac{126}{126} = 1$$

C: "الحصول على أربع كريات مجموع أرقامها معدوم "C

$$.\{-3;-1;2;2\}$$
 أو $\{-3;-1;2;2\}$

و لدينا 4 ڪريات مرقمۃ بـ 2 و ڪريۃ مرقمۃ بـ 1 – و ڪريۃ مرقمۃ بـ 3 – و ڪريۃ مرقمۃ بـ 3 و ڪريۃ مرقمۃ ان بـ 4

$$P(C) = \frac{C_1^1 \times C_1^1 \times C_4^2 + C_1^1 \times C_1^1 \times C_1^1 \times C_1^1}{126} = \frac{6+2}{126} = \frac{8}{126}$$
ومنه:

)أ. Xهو عدد الكريات الخضراء المتبقية في الكيس X

في الكيس 9كريات من بينها 3كريات خضراء و منه عندما نسعب 4كريات فإما يتبقى 3كريات خضراء أو كريتين خضراوين أو كرية واحدة خضراء أو $X \in \{0;1;2;3\}$.

موقع التحضير للبكالوريا - www.bacdz.net

و لدينا:

$$P(X=2) = \frac{C_3^1 \times C_6^3}{126} = \frac{60}{126} \quad , \quad P(X=1) = \frac{C_3^2 \times C_6^2}{126} = \frac{45}{126} \quad , \quad P(X=0) = \frac{C_3^3 \times C_6^1}{126} = \frac{6}{126}$$

$$P(X=3) = \frac{C_6^4}{126} = \frac{15}{126}$$

قانون الإحتمال:

X_{i}	0	1	2	3
$P(X = X_i)$	_6_	45	60	<u>15</u>
, , ,	126	126	126	126

E(X)بـ حساب الأمل الرياضياتي

$$. E(X) = 0 \times \frac{6}{126} + 1 \times \frac{60}{126} + 2 \times \frac{45}{126} + 3 \times \frac{15}{126} = \frac{5}{3}$$

$$X^{2} - X > 0$$
" : " $X^{2} - X > 0$ " : أحسب إحتمال الحادثة

$$X\in\left\{ 2;3
ight\}$$
 ومنه $X\left(X-1
ight) >0$ معناه $X^{2}-X>0$

$$P(X^{2}-X>0) = P(X=2) + P(X=3) = \frac{60}{126} + \frac{15}{126} = \frac{75}{126} = \frac{25}{42}$$