

الجمهورية الجزائرية الديمقراطية الشعبية

وزارة التربية الوطنية

المفتشية العامة للتربية الوطنية

المديرية العامة للتعليم

مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي

التدرُّجات السَّنوية وآليات تنفيذها

المادة: الرياضيات

المستوى: السنة الثالثة ثانوي

الشعبة: تقني رياضي

جوان 2021

المقدمة:

تحضيراً للموسم الدراسي 2021 . 2022، وسَعياً من وزارة التربية الوطنية لضمان تنفيذ المناهج التعليمية في ظل الظروف الاستثنائية (كوفيد19) تضع مديرية التعليم الثانوي العام والتكنولوجي بالتنسيق مع المفتشية العامة للتربية الوطنية بين أيدي السيدات والسادة المفتشين والأساتذة التدرجات السنوية للتعليمات، المعدلة بصفة استثنائية بما يتماشى والحجم الزمني المتاح.

يشكل التخطيط لتنفيذ المناهج التعليمية عاملاً مؤثراً في تحقيق أهداف العملية التعليمية /التعلمية وتنمية كفاءات المتعلمين، يرتبط هذا التخطيط بعامل الوقت الذي يجب أن ينظر إليه كمورد من الموارد المتاحة التي ينبغي استثمارها بالشكل الأمثل، تشكل التدرجات السنوية للتعليمات أداة بيداغوجية أساسية توضح كيفية تنفيذ المناهج التعليمية بحيث:

- تراعي التوافق بين حجم التعليمات والزمن البيداغوجي المتاح،
 - تضبط السير المنهجي للتعليمات بما يكفل تنصيب الكفاءات المستهدفة في المناهج التعليمية،
 - تضمن بناء المفاهيم الهيكلية للمادة بأقل الأمثلة والتمثيلات الموصلة إلى الكفاءات المستهدفة،
 - تضمن تناول المضامين وإرساء الموارد مع مراعاة وتيرة التعلم وقدرات المتعلم واستقلاليته،
 - تقترح فترات للتقويم المرحلي للكفاءة بما يضمن الانسجام بين سيرورة التعليمات وعملية تقويمها وتنمية قدرة المتعلم على إدماج الموارد وحل المشكلات،
- من هذا المنطلق نطلب من جميع الأساتذة قراءة وفهم مبادئ وأهداف وآليات هذا التعديل البيداغوجي للتدرجات السنوية والتنسيق فيما بينهم بالنسبة لكل مادة وفي كل ثانوية من أجل وضعها حيز التنفيذ، كما نطلب من المفتشين مرافقة الأساتذة ودعمهم بتقديم التوضيح اللازم.

مبادئ وأهداف التعديل البيداغوجي للتدرجات السنوية

المبادئ الأساسية	الأهداف
<p>المحافظة على الكفاءات كمبدأ منظم؛</p> <p>المحافظة على المفاهيم المهيكلية للمادة؛</p> <p>المحافظة على تقويم القدرة على الإدماج لدى المتعلم من خلال وضعيات مشكلة مركبة</p> <p>تستهدف التقويم المرحلي للكفاءات؛</p>	<p>تنصيب لدى المتعلم الكفاءات المسطرة في المناهج التعليمية؛</p> <p>تمدرس ناجح للتلاميذ يسمح بإرساء التعلّيمات الأساسية المستهدفة في المناهج التعليمية؛</p> <p>تزويد المتعلم بالأسس العلمية الضرورية لمتابعة الدراسة في المستويات الأعلى</p>

الآليات البيداغوجية والمنهجية للتعديل البيداغوجي

آليات التعديل البيداغوجي		
الجانب المنهجي	الجانب البيداغوجي	
<p>تحديد ملامح التخرج والكفاءات المستهدفة،</p> <p>توزيع التعلّيمات على 28 أسبوعاً دون احتساب أسابيع التقويم،</p> <p>ضبط التقويم المرحلي للكفاءات؛</p> <p>وضع مخطط زمني يسمح بمتابعة مدى تنفيذ المناهج التعليمية.</p>	<p>أ- الموارد المعرفية والنشاطات:</p> <p>تحديد الحد اللازم من الموارد الضروري لبناء الكفاءة (الموارد المهيكلية)،</p> <p>استغلال الحد الأدنى من الوثائق، السندات والنشاطات لبناء الموارد،</p> <p>الدمج بين النشاطات في إطار حل المشكلة،</p> <p>إدراج ضمن التقويم النشاطات التي تستهدف البناء التحصيلي للتعلّيمات،</p>	
	<p>ب- الممارسات البيداغوجية:</p> <p>منهجية استغلال الوثائق (استغلالها ضمن مسعى لحل مشكل)،</p> <p>بناء بطاقات منهجية، تقدم للمتعلم، توضح منهجية استغلال مختلف أنماط الوثائق (جداول، منحنيات، نصوص، أعمدة بيانية، خرائط...)،</p> <p>مرافقة المتعلم أثناء إنجازه للمهام بتقديم تعليمات تيسر الحل،</p>	

التدرجات السنوية
مادة الرياضيات
السنة الثالثة شعبة تقني رياضي

المادة: رياضيات	المستوى: السنة الثالثة ثانوي تقني رياضي	عدد الأسابيع	الحجم الساعي
الفصول	الدوال العددية (الاشتقاقية والاستمرارية)	أربعة أسابيع	16 ساعة
	الدالتان الأسية واللوغاريتمية	ثلاثة أسابيع	12 ساعة
	الدوال العددية (النهايات)	أربعة أسابيع	16 ساعة
	التزايد المقارن ودراسة الدوال		
	المتتاليات العددية	أسبوعان	8 ساعات
	الدوال الأصلية والحساب التكاملي	أسبوعان	8 ساعة
	الأعداد والحساب	أربعة أسابيع	16 ساعة
	الإحصاء والاحتمالات	أسبوعان	8 ساعات
	الأعداد المركبة والتحويلات النقطية	أربعة أسابيع	16 ساعة
	معالجة بيداغوجية	ثلاثة أسابيع	12 ساعة
المجموع		28 أسبوع	112 ساعة

المادة: رياضيات	المستوى: السنة الثالثة ثانوي تقني رياضي	عدد الأسابيع	الحجم الساعي
الفصل الاول 12 أسبوعا	الدوال العددية (الاشتقاقية والاستمرارية)	أربعة أسابيع	16 ساعة
	الدالتان الأسية واللوغاريتمية	ثلاثة أسابيع	12 ساعة
	الدوال العددية (النهايات)	أربعة أسابيع	16 ساعة
	التزايد المقارن ودراسة الدوال	أربعة أسابيع	16 ساعة
الفصل الثاني 10 أسابيع	معالجة بيداغوجية	أسبوع	4 ساعات
	المتتاليات العددية	أسبوعان	8 ساعات
	الدوال الأصلية والحساب التكاملي	أسبوعان	8 ساعة
	الأعداد والحساب	أربعة أسابيع	16 ساعة
	الاحصاء والاحتمالات	أسبوع	4 ساعات
	معالجة بيداغوجية	أسبوع	4 ساعات
	الاحصاء والاحتمالات تابع	أسبوع	4 ساعات
الفصل الثالث 6 أسابيع	الاعداد المركبة و التحويلات النقطية	أربعة أسابيع	16 ساعة
	معالجة بيداغوجية	أسبوع	4 ساعات
	معالجة بيداغوجية	أسبوع	4 ساعات
المجموع		28 أسبوع	112 ساعة

التدرج السنوي لبناء التعلمات في السنة الثالثة تقني رياضي

الأسابيع	المحور	الكفاءات المستهدفة	المحتويات المعرفية	السير المنهجي لتدرج التعلمات	توجيهات و آليات التنفيذ	الحجم الساعي
1	الدوال العددية الاشتقاقية و الاستمرارية		الاشتقاقية والاستمرارية: التذكير بالنتائج المحصل عليها في السنة الثانية العدد المشتق والمماس تعريف استمرار دالة عند قيمة و على مجال	<ul style="list-style-type: none"> التذكير بالنتائج المحصل عليها في السنة الثانية، من خلال أنشطة وتمارين هادفة مختارة بعناية. من خلال دوال مثل: $x \mapsto x^2$ ، $x \mapsto x$ و $x \mapsto \sqrt{x}$ نجعل التلاميذ يلاحظون أن الدالة تكون مستمرة على مجال، عندما يمكن رسم منحنيتها البياني على هذا المجال دون رفع القلم. كل الدوال المألوفة المقررة في هذا المستوى مستمرة على كل مجال من مجموعة تعريفها. لا تثار مسألة البحث في إثبات استمرارية دالة إلا في حالات بسيطة 	- يتم التذكير بالاشتقاقية من خلال أنشطة مختارة بعناية	4
2		إثبات وجود حلول للمعادلة $f(x) = k$ ، k عدد حقيقي.	مبرهنة القيم المتوسطة واستعمالها في إثبات وجود حلول للمعادلة $f(x) = k$ ، k عدد حقيقي.		يتم التطرق الى التفسير الهندسي	2
		حساب مشتق دالة مركبة.	المشتقات المتتابة،			2
		استعمال المشتقات لدراسة خواص دالة والمنحنى الممثل لها (اتجاه تغير دالة على مجال، التقريب الخطي، نقطة الانعطاف، ...)			يتم من خلال تمارين تطبيقية هادفة	2
3		توظيف المشتقات لحل مشكلات (دراسة اتجاه تغير دوال كثيرات الحدود، ناطقة، صماء)		<ul style="list-style-type: none"> ندرس أمثلة حول دوال من مثل: * الدوال الناطقة (حاصل قسمة كثير حدود من الدرجة 2 أو 3 على كثير حدود من الدرجة 1 أو 2). * الدوال الصماء $x \mapsto \sqrt{f(x)}$ ، حيث f دالة موجبة وقابلة للاشتقاق. 	تدعم بأنشطة لا صفية	2

2	تدعم بأنشطة لا صفية	<p>* الدوال المثلثية: $x \mapsto \cos(ax + b)$ ، $x \mapsto \sin(ax + b)$ ، $x \mapsto \tan(x)$.</p> <p>• فيما يخص الدوال الصماء نتطرق إلى المماس الموازي لحامل محور الترتيب.</p> <p>• يمكن الملاحظة أن كل دالة قابلة للاشتقاق على مجال هي دالة مستمرة على هذا المجال.</p> <p>• نشرح الكتابات $\frac{df}{dx}$ ، $\frac{d^2f}{dx^2}$ (المستعملة في الفيزياء) والكتابة $dy = f'(x).dx$.</p> <p>يمكن توظيف العلاقة $\Delta y \approx f'(x).\Delta x$ باستعمال جدول لتقريب دالة تكون حلا لإحدى المعادلات التفاضلية: $y' = y$ و $y(1) = 0$ و $y' = \frac{1}{x}$ ، $y(0) = 1$</p>	<p>توظيف المشتقات لدراسة الدوال المثلثية: $x \mapsto \sin x$ ، $x \mapsto \cos x$ ، $t \mapsto a \sin(\omega t + \varphi)$</p> <p>توظيف المشتقات لحل مشكلات.</p>	4
3	تدعم بأنشطة لا صفية	<p>• تُعرف الدالة الأسية كحل خاص للمعادلة التفاضلية $y' = y$ التي تحقق $y(0) = 1$.</p> <p>• نبدأ بإنشاء حل تقريبي لهذه المعادلة باستخدام جدول (بتطبيق طريقة أولير) ثم بعدها نقبل بوجود هذا الحل.</p> <p>• نقدّم هذه الدالة في مرحلة مبكرة من السنة الدراسية قصد توظيفها في العلوم الفيزيائية.</p> <p>• نستنتج من التعريف خواص الدالة الأسية: $\exp(x) > 0$ ، $\exp(x + y) = \exp(x) \times \exp(y)$. الترميز e^x ، النهايات والمنحنى الممثل لها.</p>	<p>الدالة الأسية: نشاط، تعريف وخواص الدالة $x \mapsto \exp(x)$</p> <p>دراسة الدالة الأسية النيبيرية وتوظيف خواصها في حل معادلات ومتراجحات</p> <p>- توظيف خواص الدالة الأسية النيبيرية لحل مشكلات.</p>	5
1	تكون التطبيقات متنوعة		حل معادلات ومتراجحات باستعمال خواص الدالة الأسية.	
1			توظيف خواص دوال أسية $x \mapsto e^{kx}$	6

1	نكتفي باتجاه التغير		دراسة الدالة $\exp ou$.		
2	من خلال تطبيقات هادفة	<ul style="list-style-type: none"> • نبين من أجل كل عدد حقيقي a موجب تماماً، أنَّ المعادلة $e^x = a$ تقبل حلاً وحيداً نرسم له بالرمز $\ln a$، يمكن القول حينئذ أنَّ الدالة \ln هي الدالة العكسية للدالة الأسية، لكن لا تُعطى أي دراسة تفصيلية حول الدالة العكسية. • تُستنتج الخواص الجبرية والتحليلية للدالة اللوغاريتمية \ln من خواص الدالة الأسية \exp. • تتم الإشارة إلى أنَّ المنحنيين الممثلين للدالتين \ln و \exp متناظران بالنسبة للمنصف الأول في المعلم المتعامد والمتجانس وتبرير ذلك. 	الدوال اللوغاريتمية: تعريف وخواص الدالة اللوغاريتمية النيبيرية	دراسة الدالة اللوغاريتمية النيبيرية وتوظيف خواصها في حل معادلات ومترجمات.	
1	تكون التطبيقات متنوعة		حل معادلات ومترجمات باستعمال خواص الدالة اللوغاريتمية النيبيرية.		
2	نكتفي باتجاه التغير	<ul style="list-style-type: none"> • يعطى تعريف دالة اللوغاريتم العشري (التي نرسم إليها بالرمز \log) ويشار إلى أهمية تطبيقاتها في مواد أخرى. 	دراسة الدالة $\ln ou$ ، تعريف اللوغاريتم العشري.		7
1	تدعم بأنشطة لا صفية			حل معادلات تفاضلية من الشكل: $y' = ay + b$.	
1		<ul style="list-style-type: none"> • ننطلق من وضعيات ذات دلالة تتعلق بالدوال المدروسة في السنة الثانية ثانوي، ونهتم فقط بدوال تكون مجموعة تعريفها معطاة أو سهلة التعيين. • تُدعم مكتسبات التلاميذ حول مفهوم النهاية في وضعيات بسيطة (مثلاً النهاية المنتهية عند عدد حقيقي x_0) وتوظيف ذلك في أمثلة بسيطة ثم توسع إلى وضعيات أخرى. ولتوضيح ذلك، نعتمد على تمثيلات بيانية باستعمال برمجيات مناسبة كالمجذولات. كما يمكن توظيف الحاسبة البيانية: * لإزاحة النافذة نحو اليسار عندما يؤول x إلى $-\infty$. * لإزاحة النافذة نحو اليمين عندما يؤول x إلى $+\infty$. * لإنجاز تكبير للنافذة بجوار x_0 عندما يؤول x إلى x_0. 	النهايات: المستقيمات المقاربة الموازية للمحورين.	حساب نهاية منتهية أو غير منتهية لدالة عند الحدود (المنتهية أو غير المنتهية) لمجالات مجموعة تعريف	8

		وذلك لتخمين نهاية أو المصادقة عليها. تُستغل هذه المناسبة للتذكير بالمستقيم المقارب الموازي لحامل المحورين			
2	حساب النهايات من خلال أمثلة وتطبيقات متنوعة	<ul style="list-style-type: none"> • تُعطى المبرهنات الشهيرة المتعلقة بمجموع وجداء وحاصل قسمة نهايتين دون برهان. (يمكن أن يُقدم برهاناً على حالة بسيطة). • تُعطى مبرهنات الحصر (نهاية منتهية، غير منتهية، وكذا المبرهنة التي تربط الترتيب بين دالتين والترتيب بين نهايتين). • حساب نهاية دالة مركبة $g \circ f$ يطبق في الحالة التي تكون فيها g دالة مألوفة. 	النهايات باستعمال المبرهنات المتعلقة بالعمليات على النهايات.	حساب نهاية باستعمال المبرهنات المتعلقة بالعمليات على النهايات أو المقارنة وتركيب دالتين	
1			حساب نهاية باستعمال المقارنة أو الحصر وتركيب دالتين.		
1	من خلال أمثلة	<ul style="list-style-type: none"> • تسمح الملاحظة عند استعمال برمجيات مناسبة أو حاسبة بيانية بتخمين وجود مستقيم مقارب أو منحن مقارب للمنحنى الممثل لدالة، وتحديد الوضعية النسبية لهما وتبرّر النتائج الملاحظة عن طريق الحساب. 	المستقيم المقارب المائل	دراسة السلوك التقاربي لدالة، المستقيم المقارب المائل	
2	دون توسع		دوال القوى والجذور النونية وتوظيف خواصهما.		
1		<ul style="list-style-type: none"> • نجعل التلميذ يلاحظ، انطلاقاً من التمثيلات البيانية للدوال $x \mapsto \ln x$، $x \mapsto e^x$، $x \mapsto x^n$ حيث n عدد طبيعي غير معدوم، أنّ هذه الدوال تؤول كلّها نحو $+\infty$ عندما $x \rightarrow +\infty$، لكن سلوكها مختلف ومن ثمّ استنتاج التزايد المقارن لها: في اللانهاية، تتفوق الدالة الأسية على الدالة "قوة" والدالة "قوة" على الدالة اللوغاريتم. في هذا المجال يمكن استعمال الحاسبة البيانية أو الجدول لتجسيد هذه السلوكات. 	التزايد المقارن للدوال الأسية و دوال القوى و اللوغاريتمات.	<p>معرفة وتفسير النهايات:</p> $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{e^x}{x} = +\infty$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x = 0$ $\lim_{x \rightarrow 0^+} x \ln x = 0$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} = 0$	9
2	عن طريق أمثلة و تطبيقات متنوعة		تطبيقات على النهايات الأسية واللوغاريتمية		
2			دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء،	دراسة دوال كثيرات حدود، ناطقة، صماء، مثلثية،	10

11	دراسة دوال أسية، اللوغاريتم، دوال القوى وحل مشكلات باستعمالها.	دوال أسية، اللوغاريتم، دوال القوى وحل مشكلات باستعمالها.	<ul style="list-style-type: none"> • تُدرج دراسة بعض الأمثلة لدوال من الشكل: $x \mapsto e^{-\lambda x^2}$ حيث $(\lambda > 0)$ ؛ $x \mapsto a^x$ حيث $(a > 0)$ أو $x \mapsto x^a$ حيث $(a \in \mathbb{Q} \text{ و } x > 0)$. • نقبل العلاقة: $a^b = e^{b \ln a}$ من أجل كل عددين حقيقيين a و b حيث $a > 0$ و b كيفي. 	تدعم بأنشطة لا صفية
12	معالجة بيداغوجية			4
13	توليد متتالية عددية: استعمال التمثيل البياني لتخمين سلوك ونهاية متتالية عددية.	استعمال التمثيل البياني لتخمين سلوك ونهاية متتالية عددية.	<ul style="list-style-type: none"> • تقترح متتاليات معرفة بعلاقة من الشكل: $u_n = f(n)$ أو $u_{n+1} = f(u_n)$ حيث f دالة 	2
	التذكير بالمتتالية الحسابية و المتتالية الهندسية		يتم التذكير من خلال أنشطة و تطبيقات عليها	2
	اثبات خاصية بالتراجع.	الاستدلال بالتراجع: إثبات خاصية بالتراجع.	يمكن توظيف الاستدلال بالتراجع لإثبات بعض التعميمات التي اعطيت دون برهان	1
	دراسة سلوك ونهاية متتالية.	خواص المتتاليات: دراسة سلوك ونهاية متتالية.	<ul style="list-style-type: none"> - في دراسة نهايات المتتاليات تطبق النتائج المحصل عليها في السنة الثانية أو المبرهنات المعروفة على الدوال عندما يؤول n إلى $+\infty$. - عندما تقبل الدالة f نهاية ℓ عندما يؤول المتغير إلى $+\infty$ فإن المتتالية (u_n) المعرفة بالعلاقة $u_n = f(n)$ تقبل نفس النهاية ℓ عندما يؤول n إلى $+\infty$ (ننبه أن العكس غير صحيح). - تُعطى أمثلة عن متتاليات محدودة من الأعلى (بالقيمة المطلقة) بمتتالية هندسية مقاربة. - من خلال أمثلة، ندرس تقارب المتتاليات من الشكل $u_{n+1} = f(u_n)$ خاصة عندما تكون الدالة f تآلفية ، في هذه الحالة نناقش سلوك المتتالية حسب قيم العددين الحقيقيين a و b 	1
14	اثبات تجاور متتاليتان	المتتاليتان المتجاورتان: تعريف ومفهوم متتاليتين متجاورتين.	يُعطى تعريف متتاليتين متجاورتين وتقبل النظرية التي تنص على أنه إذا كانت متتاليتين متجاورتين فإنهما تتقربان إلى نفس النهاية ويستثمر ذلك لحساب مساحة الحيز تحت المنحنى الممثل لدالة.	1

الدوال الأصلية الحساب التكاملي

15

1	يوسع حساب مساحة شكل هندسي مألوف الى مساحة حيز محدد بين منحنى دالة ومحور فواصل	<p>• نُدْرَج خواص التكامل في حالة f موجبة والمتعلقة:</p> <p>* بعلاقة شال $\int_a^b f(x)dx = \int_a^c f(x)dx + \int_c^b f(x)dx$ ونتائجها وبالخطية.</p> <p>* بالمقارنة: إذا كان $f \leq g$ فإن $\int_a^b f(x)dx \leq \int_a^b g(x)dx$</p> <p>* بالقيمة المتوسطة لدالة: $\frac{1}{b-a} \int_a^b f(x)dx$</p> <p>* حصر القيمة المتوسطة: إذا كانت $m \leq f(x) \leq M$ على مجال $[a; b]$ فإن $m \leq \frac{1}{b-a} \int_a^b f(x)dx \leq M$</p> <p>• بعد التعرف على الخواص السابقة يتم التعميم شيئاً فشيئاً من أجل:</p> <p>* f سالبة حيث: $\int_a^b f(x)dx = - \int_a^b f(x) dx$</p> <p>* f تغيّر إشارتها .</p> <p>* إشارة العدد $\int_a^b f(x)dx$ بدلالة إشارة f على المجال $[a; b]$.</p>	<p>الحساب التكاملي: تعريف، خواص، حساب مساحات سطوح مستوية</p> <p>توظيف خواص التكامل لحساب مساحة سطح معطى.</p> <p>مفهوم القيمة المتوسطة لدالة على مجال وحصرها.</p>		16
1	تدعم بأنشطة لا صفية			استعمال التكامل بالتجزئة.	
1		<p>• تعريف الدالة الأصلية للدالة f على $[a; b]$ والتي تنعدم من أجل a على أنها الدالة التي ترفق كل x من $[a; b]$ بالعدد $\int_a^x f(t)dt$</p>	توظيف الحساب التكاملي	توظيف الحساب التكاملي لحساب دوال أصلية.	

		<p>• حساب الحجم: $\int_a^b \pi [f(x)]^2 dx$ نقتصر على الأمثلة البسيطة سهلة الحساب.</p>			
1	نقتصر على الأمثلة البسيطة	<p>• يتعلق الأمر بمعالجة مشكلات من الواقع أو المرتبطة به مثل العبارة التكاملية للمسافة المقطوعة على مستقيم بمعرفة السرعة اللحظية.</p>		حساب حجم لمجسمات بسيطة. توظيف الحساب التكاملي لحل مشكلات بسيطة.	
1			قابلية القسمة \mathbb{Z}	إثبات أن عدداً صحيحاً يقسم عدداً صحيحاً آخرًا.	
1	يتم التركيز على التطبيقات ويعتبر الحساب فرصة لممارسة البرهان	<p>• يتعلق الأمر بالخواص التالية، التي يتعين إثباتها: * إذا كان a يقسم b و b يقسم c فإن a يقسم c * إذا كان a يقسم b فإنه من أجل كل عدد صحيح k، a يقسم ka و kb يقسم kb. * إذا كان a يقسم b و c فإنه من أجل كل x و y من \mathbb{Z}، لدينا a يقسم $bx + cy$. • نجد هنا فرصاً لممارسة بعض أنماط البرهان.</p>		استعمال خواص قابلية القسمة في \mathbb{Z} .	
1	تدعم بأنشطة لا صفية	<p>• نُبرهن الخاصية: من أجل $a \in \mathbb{Z}_+$ و $a \in \mathbb{Z}$، توجد ثنائية وحيدة $(q; r)$ (q و r عدنان صحيحان) حيث: $a = bq + r$ و $0 \leq r < b$. • كما نُبرهن المساواة: $PGCD(a; b) = PGCD(b; r)$ • نُبرهن أن: $PGCD(ka; kb) = k \times PGCD(a; b)$ وأن: $PGCD(a; b) = d$ يكافئ $a = da'$ و $b = db'$ مع a' و b' أوليين فيما بينهما. • توسيع مفهوم القاسم المشترك الأكبر إلى \mathbb{Z}.</p>	القسمة الإقليدية في \mathbb{Z} القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين. قابلية القسمة في	: استعمال خوارزمية إقليدس لتعيين القاسم المشترك الأكبر لعددين طبيعيين.	
1	الموافقات فرصه لحل مشكلات من الواقع كتحديد يوم من سنة أو التشفير	<p>• يمكن اقتراح أنشطة من النوع: إيجاد الأعداد الصحيحة a و b إذا أعطي $PGCD(a; b)$ وعلاقة بين a و b. • يمكن اقتراح مشكلات من الواقع مثل تبليط أرضية مستطيلة الشكل، رصف علب (متوازي مستطيلات) في صندوق (متوازي مستطيلات) ذي أبعاد معلومة، ...</p>		حل مشكلات بتوظيف خواص القاسم المشترك الأكبر.	

الأعداد والحساب

17

2	تدعم بأنشطة لا صفية	<p>- تُبرهن الخواص المتعلقة بتلاؤم الموافقة مع العمليتين $+$ و \times.</p> <p>- تُقترح أنشطة متنوعة مثل: إيجاد باقي قسمة، حيث يمكن إبراز محدودية الحاسبة.</p> <p>- حل معادلات في \mathbb{Z}، من الشكل: $ax + by = c$.</p> <p>- تُقترح أنشطة متنوعة حول قابلية القسمة تُوظف فيها الموافقات.</p>	الموافقات في \mathbb{Z} تعريف و خواص	معرفة واستعمال خواص الموافقات في \mathbb{Z} .	18
1		يُبرهن وجود ووحدانية نشر عدد طبيعي N وفق أساس x من الشكل: $N = a_0 + a_1 x^1 + a_2 x^2 + \dots + a_n x^n$.	التعداد	نشر عدد طبيعي وفق أساس. الانتقال من نظام أساسه α إلى نظام أساسه β .	
1			الأعداد الأولية	التعرّف على أولية عدد طبيعي.	
1		<p>- يُبرهن وجود تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أولية ونقبل، دون برهان، وحدانية هذا التحليل.</p> <p>- تُقترح أنشطة متنوعة يُوظف فيها تحليل عدد طبيعي إلى جُداء أعداد أولية لتعيين قواسمه (أو عددها) أو مضاعفاته.</p>		استعمال تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أولية لتعيين مضاعفاته وقواسمه.	
1	فرصة لممارسة البرهان وتنمية التفكير المنطقي	<p>- تبرهن الخاصية: $PGCD(a;b) \times PPCM(a;b) = ab$.</p> <p>- يمكن اقتراح أنشطة حول إيجاد الأعداد الصحيحة a و b إذا أُعطي $PGCD(a;b)$ أو $PPCM(a;b)$ أو علاقة بين a و b.</p>	المضاعف المشترك الأصغر:.	استعمال تحليل عدد طبيعي إلى جُداء عوامل أولية لتعيين المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر استعمال العلاقة بين المضاعف المشترك الأصغر والقاسم المشترك الأكبر	19
1		تبرهن الخاصية: $PPCM(ka; kb) = k PPCM(a; b)$ حيث k عدد صحيح غير معدوم.		استعمال خواص المضاعف المشترك الأصغر.	
1	تدعم بأنشطة لا صفية	تُقترح أنشطة حول مبرهنة "بيزو" ومبرهنة "غوص".	مبرهنة بيزو: مبرهنة غوص:	استعمال مبرهنة بيزو.	
2		<p>- نقصد بنتائج مبرهنة غوص، ما يلي:</p> <p>$a \in \mathbb{N}^*$ و $b \in \mathbb{N}^*$ و p عدد أولي. إذا كان p يقسم ab فإن p يقسم a أو p يقسم b.</p> <p>a, b و c أعداد طبيعية غير معدومة. إذا كان a مضاعف b و</p>		استعمال مبرهنة غوص ونتائجها.	20

		$PGCD(a;b)=1$ فإن a مضاعف bc . - يمكن استعمال مبرهنة غوص لحل في \mathbb{Z} ، المعادلة $ax+by=c$.			
2			حل مسائل في الحساب		
1		مفهوم الاحتمال والمتغير العشوائي غير جديد على التلميذ، لذا تستغل هذه الفقرة في معالجة أنشطة تدعم مكتسباته حول الموضوع وتوفر له فرصة توظيفها من جديد لتهيئه إلى التوسع فيها لاحقاً.	إيجاد قانون احتمال لمتغير عشوائي. الاحتمالات المتساوية على مجموعة منتهية:		
1	تدعم بأنشطة لا صفية	<ul style="list-style-type: none"> • يُفسّر الأمل الرياضي لمتغير عشوائي باعتباره المتوسط الحسابي لقيم هذا المتغير العشوائي مرفقة باحتمال كل منها، وتُعالج أنشطة متنوعة لتأكيد هذا المعنى وتوظيفه للإجابة عن تساؤلات تتعلق بالاحتمالات. • تُعالج أنشطة نموذجية بتدخل فيها متغير عشوائي وتوظف الانحراف المعياري والأمل الرياضي. 	حل مسائل في الاحتمالات توظف المتغيرات العشوائية، قانون احتمالها، التباين، الانحراف المعياري والأمل الرياضياتي		
1		<ul style="list-style-type: none"> • تستعمل مختلف التمثيلات كالمخططات، الجداول، شجرة الإمكانات لطرح المبدأ الأساسي للعدّ وشرحه. • تُبرّر قوانين التحليل التوافقي انطلاقاً من معالجة أنشطة في العدّ تتمحور حول تجارب بسيطة في السحب (السحب على التوالي دون إعادة، مع الإعادة، السحب في آن واحد) • تُعالج حالات بسيطة في العدّ لتدعيم مكتسبات التلميذ حول حل مسائل في الاحتمالات المتقطعة. 	المبدأ الأساسي للعدّ: (المبدأ الأساسي للعدّ، القوائم، الترتيبات، التبديلات، التوقيقات)	العدّ باستخدام المبدأ الأساسي للعدّ (المجموع والجداء).	
1			تنظيم معطيات من أجل عدّها باستخدام المبدأ الأساسي للعدّ (المجموع والجداء).		
4		معالجة بيداغوجية			22
1			استخراج بعض قوانين التحليل التوافقي (القوائم، الترتيبات، التبديلات، التوقيقات).		
1		يتم التوصل إلى قوانين التحليل التوافقي باعتماد دراسة نظرية بحيث تصبح هذه القوانين فيما بعد أدوات رياضية قوية تسمح بمعالجة وضعيات مركبة في العدّ تعتمد نمذجتها على تجارب إلقاء قطعة نقدية وإلقاء حجر نرد والسحب بأنواعه الثلاثة.	حل مسائل في العد باستخدام قوانين التحليل التوافقي		23

1	تدعم بأنشطة لا صفية		دستور ثنائي الحد.		
1		<ul style="list-style-type: none"> • يتعلّق الأمر بمعالجة تجارب تؤوّل نمذجتها إلى تجارب السحب بأنواعه الثلاثة وإلى إلقاء حجر النرد والقطعة النقدية، ثمّ تمديد هذه النمذجة إلى وضعيات تتدخل فيها المتغيرات العشوائية المنقطعة وشجرة الإمكانات. • تعتبر المحاكاة وسيلة ضرورية لنمذجة مبنية على التجربة وذلك باستعمال تواتر كل مخرج من مخرجها، في حين تصبح قوانين التحليل التوفيقي أداة رياضية قوية لنمذجة نظرية. 	نمذجة وضعيات بالاعتماد على التجارب المرجعية للسحب أو الإلقاء.		
1	نبرر الحاجة الى المجموعة \mathbb{C} دون توسع نظري	<ul style="list-style-type: none"> • ندرس الأعداد المركبة في إطار هندسي. • نقترح أنشطة تتعلق بالبحث عن مجموعات النقط و/أو استعمال المرجح. 	المجموعة \mathbb{C} :	إجراء العمليات الحسابية على الأعداد المركبة.	
1				استعمال خواص مرافق عدد مركّب، حساب طويلة عدد مركّب.	
1	تدعم بأنشطة لا صفية	تُقدّم المساعدة المناسبة للتلميذ لحل هذا النوع من المعادلات.	حل في \mathbb{C} ، معادلة من الدرجة الثانية ذات معاملات حقيقية.	حل في \mathbb{C} ، معادلات يؤوّل حلها إلى حل معادلة من الدرجة الثانية ذات معاملات حقيقية.	24
1	يمكن تناول الشكلين المثلثي والأسّي في نفس الوقت باستعمال مختلف الأشكال لتعيين الجذرين التربيعيين		الشكل المثلثي لعدد مركب غير معدوم	حساب عمدة لعدد مركب غير معدوم.	
1				الانتقال من الشكل الجبري إلى الشكل المثلثي والعكس.	
1		<ul style="list-style-type: none"> • يرمز $e^{i\alpha}$ للعدد المركّب $\cos \alpha + i \sin \alpha$. • نتطرق إلى الجذرين التربيعيين لعدد مركّب. 	ترميز أولير: $e^{i\alpha}$ الجذران التربيعيان لعدد مركّب غير معدوم	كتابة عدد مركب غير معدوم على الشكل الأسّي	
1	تدعم بأنشطة لا صفية	<ul style="list-style-type: none"> • نُميّز دائرة مركزها النقطة Ω ذات اللاحقة z_0 أو نصف مستقيم مبدؤه Ω بعلاقة من الشكل $z = z_0 + k e^{i\theta}$ ، k ثابت موجب و θ يسمح \mathbb{R} عندما يتعلّق الأمر بالدائرة أو θ ثابت و k يسمح \mathbb{R}^+ عندما يتعلّق الأمر بنصف المستقيم. 	التفسير الهندسي لطويلة وعمدة عدد مركب	التعبير عن خواص لأشكال هندسية باستعمال الأعداد المركبة.	25

		<p>• يُدرج تفسير طويلة وعمدة العددين $z_A - z_B$ و $\frac{z_A - z_B}{z_C - z_D}$ واستعمالها في حل مسائل هندسية.</p> <p>• نُبرهن الدساتير المتعلقة لطويلة وعمدة جُداء أو حاصل قسمة عددين مركّبين غير معدومين، نبين عندئذ أهمية ترميز أولير. (نستعمل ترميز أولير لإيجاد دساتير التحويل المدروسة سابقاً في حساب المثلثات).</p>	توظيف خواص الطويلة والعمدة لحل مسائل في الأعداد المركبة وفي الهندسة		
1			توظيف دستور موافر لحل مسائل في الأعداد المركبة وفي الهندسة.	دستور موافر	
1	عدم التطرق الى العبارة التحليلية لأي تحويل	<p>• نُبرز الكتابة المختصرة نُبرز الكتابة المختصرة $z' - z_0 = k(z - z_0)$ لكل من التحاكي والدوران.</p>	تعيين الكتابة المركبة للتحويلات النقطية المألوفة (الانسحاب، التحاكي، الدوران). - التعرف عن تحويل انطلاقاً من الكتابة المركبة	التحويلات النقطية المألوفة	
1		<p>• تُعالج مسائل هندسية يتم فيها برهان خواص هذه التحويلات كحفظ الاستقامية، التوازي، المُزَجج، ...؛ التأثير على الأطوال وعلى المساحات؛ ... يمكن في هذه الفقرة الاعتماد على تمييز الدائرة وتمييز نصف المستقيم المشار إليهما أعلاه.</p>	حل مسائل هندسية تتطلب استعمال انسحابات، تحاكيات أو دورانات بالأعداد المركبة. توظيف الأعداد المركبة لبرهان خواص الانسحاب، الدوران والتحاكي.	الأعداد المركبة والتحويلات النقطية من $M(Z) \mapsto$ الشكل $M'(Z')$ حيث $z' = az + b$	
1	يتم التركيز على الشكل المركب له	<p>• نُعرّف التشابه المباشر كتحويل نقطي يحافظ على نسب المسافات ويحافظ كذلك على الزوايا الموجهة.</p> <p>• في حالة التي تكون فيها نسبة التشابه المباشر هي 1، نقول عن التشابه المباشر إنه تقايساً موجباً (أو إزاحة).</p> <p>• نُبين أنّ التحويلات المدروسة سابقاً هي تشابهات مباشرة.</p>	التعرّف على تشابه مباشر.	التشابهات المستوية المباشرة تعريف، الكتابة المركبة حالة خاصة (التقايسات)، مركب تشابهين مباشرين، خواص	
1	من خلال أمثلة متنوعة	<p>• نقبل أنّه لا توجد تشابهات مباشرة أخرى شكلها المركب يختلف عن $z' = az + b$ مع $a \in \mathbb{C}^*$ و $b \in \mathbb{C}$. (يمكن برهان هذه النتيجة)</p> <p>• نُبين أنّ التشابه المباشر (ماعدا الانسحاب) يتميّز بثلاثة</p>	التعبير عن تشابه مباشر بالأعداد المركبة. تركيب تشابهين مباشرين.		

		<p>عناصر: مركزه ونسبته وزاويته.</p> <ul style="list-style-type: none"> ● تُعالج مسائل متنوعة ووضعيات نستعمل فيها المثلثات المتشابهة تدعياً لمكتسبات التلاميذ في السنة الأولى. ● نُبرهن أنّ إذا كانت A ، B ، A' و B' أربع نقط مختلفة مثنى مثنى فإنه يوجد تشابه مباشر وحيد يُحوّل A إلى A' و B إلى B'. 				
2	تدعم بأنشطة لا صفية			<p>تعيين التحليل القانوني لتشابه مباشر بواسطة الأعداد المركبة.</p> <p>توظيف التحليل القانوني لتشابه مباشر بواسطة الأعداد المركبة</p>		27
1				<p>توظيف خواص التشابهات المباشرة لحل مسائل هندسية.</p>		
1		<ul style="list-style-type: none"> ● تُقترح أنشطة حول تحويلات نقطية كتابتها المركبة هي $z' = az + b$ وذلك في حالات خاصة وبتقديم المساعدة المناسبة. 	<p>أنشطة حول تحويلات نقطية كتابتها المركبة هي $z' = az + b$.</p>			
4	معالجة بيداغوجية					28