

ملخص بسيط في مادة الرياضيات



إعداد: محمد عبّوب

www.bacdZ.net
موقع التحضير للبكالوريا

١٥ داء

أهدى هذا العمل امتناعاً إلى روح أبي الطاھر
والى أرواح موتى المسلمين الطاھرين وكما أهدى
لطلبة النھائی وامتنان في طرق بسيطة في
فهم مادة الرياضيات التي تعد من ضمن امداد
التي ينفر منها بعض الطلبة ولعل هذه الطرق
تساعدك على تذوق مادة الرياضيات وأتمنى
لهم التوفيق والنج
اح في

شہادۃ البک
الوریا



هذا الكتاب موجه للتلמיד



ويسن للأستاذ



لهم مني خالص التقدير والاحترام

الفهرس:

- 01..... الدوال
- 09..... امتثاليات العددية
- 13..... الاحتمالات
- 18..... الأعداد المركبة
- 21..... الهندسة الفضائية

حقوق الطبع محفوظة...

الدوال اللوغاريتمية:

1. عقایس نتائج النهائية:

دیر في بالک هذو الصوالح نتائج النهايات صحيحة

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} \ln x &= +\infty & \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln x}{x} &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow 0} \ln x &= -\infty & \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x+1)}{x} &= 1 \\ \lim_{x \rightarrow 0} x \ln x &= 0 \end{aligned}$$

مثال:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} (\ln x - 2x - 1) &= \text{ح.ع.ث.} \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} x \left(\frac{\ln x}{x} - 2 - \frac{1}{x} \right) &= +\infty (-2) = -\infty \\ \lim_{x \rightarrow -2^+} \left(\frac{4}{x+2} + \ln(x+2) \right) &= \text{ح.ع.ث.} \\ \lim_{x \rightarrow -2^+} \frac{1}{x+2} (4 + (x+2) \ln(x+2)) &= +\infty (4) \\ &= +\infty \end{aligned}$$

ملاحظة بينانا:

کی تجیہ کا حالت عدم التعيین عند ∞ اخراج مادا خالل ال \ln عامل مشترکاً اما إذا كانت حالة عدم التعيين عند عدد آخر مقابلاً وبما داعل ال \ln عامل مشترکاً وتبقى ملاحظة نسبة بیت

2. عقایس نتائج آنچے واضح:

- 1) $\ln 1 = 0$
- 2) $\ln e^x = x$
- 3) $\ln x = 2$ يک افیع $x = e^2$
- 4) $\ln x = -2$ يک افیع $x = e^{-2}$

الاشتقاق:

$$\begin{aligned} f(x) &= \ln(5x+2) \\ f'(x) &= \frac{5}{5x+2} \\ g(x) &= 2x \ln x \\ g'(x) &= 2 \ln x + 2x \cdot \frac{1}{x} = 2 \ln x + 2 \end{aligned}$$

الدوال

1. الدوال الأسية:

1. عقایس نتائج النهائية:

دیر في بالک هذو الصوالح نتائج النهايات صحيحة

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} e^x &= +\infty & \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^x} &= 0 \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} e^x &= 0 & \lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} &= 1 \\ \lim_{x \rightarrow -\infty} x e^x &= 0 \end{aligned}$$

مثال:

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow +\infty} (e^x - x + 1) &= +\infty - \infty \text{ ح.ع.ث.} \\ \lim_{x \rightarrow +\infty} e^x \left(1 - \frac{x}{e^x} + \frac{1}{e^x} \right) &= +\infty \end{aligned}$$

لأن

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x}{e^x} = 0 \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{1}{e^x} = 0$$

ملاحظة بينانا:

کی تجیہ کا حالت عدم التعيین اخراج e^x عامل مشترکاً او اخراج x عامل مشترکاً فی بعض الحالات

2. عقایس نتائج آنچے واضح:

- 1) $e^0 = 1$
- 2) $e^{\ln x} = x$
- 3) $e^x = 2$ يک افیع $x = \ln 2$
- 4) $e^x = -2$ مستبعد

الاشتقاق:

$$\begin{aligned} f(x) &= e^{5x+1} \\ f'(x) &= 5e^{5x+1} \\ g(x) &= 2xe^{3x+1} \\ g'(x) &= 2e^{3x+1} + 6xe^{3x+1} \\ g'(x) &= (2+6x)e^{3x+1} \end{aligned}$$

ملحوظة:

كي يكون $0 < x < 1$ يعني أن $\ln x < 0$
 كي يكون $x > 1$ يعني أن $\ln x > 0$
3. مستقيم المقارن العمودي واثباته:

$$\lim_{x \rightarrow a} f(x) = \infty$$

نقول في هذه الحالة أن $x = a$ هو مستقيم
 مقارب عمودي وتلقاء في مجموعة التعريف وهو
 العدد موسى معرفة فيه الدالة ببياننا

$$f(x) = \ln x \quad \text{مثال:}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \ln x = -\infty$$

إذن $x = 0$ هو مستقيم مقارب عمودي
4. مستقيم المقارن الأفقي واثباته:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = a$$

نقول في هذه الحالة أن $y = a$ هو مستقيم
 مقارب أفقي وتلقاء في النهاية أي أنه كي تجيء رابع
 تحسب النهاية عند ∞ ببياننا

$$f(x) = 2 + \frac{\ln x}{x} \quad \text{مثال:}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left[2 + \frac{\ln x}{x} \right] = 2$$

إذن $y = 2$ هو مستقيم مقارب أفقي

5. الفروع اللا نهائية:

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left[\frac{f(x)}{x} \right] =$$



فرع قطع مكافئ
 باتجاه محور الفواصل
 باه منساش بر لـ 0 يشبة لدورة ثانع درف الفاء
 فـ. والـ 0 تشبـه كرف الناء ببياننا بر لـ

ملاحظة عطرية:

رد بالـ ديرهم حالات عدم التـ عين

$$\frac{\infty}{0} = \infty \quad . \quad \frac{0}{\infty} = 0$$

$$\frac{A}{0} = \infty \quad . \quad \frac{A}{\infty} = 0$$

3. لـ ايسن اللي لازم تعرفـها :

1. إثبات $y = ax + b$ هو مستقيم مقارب

مائـل بـوار ∞ :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} [f(x) - (ax + b)] = 0$$

2. الوضعيـة النـسبـية بين مستـقيمـا وـالـدـالـةـ:

لازمـكـ تـدرـسـ إـشارـةـ الفـرقـ

$$(c_f) \text{ تحت } (\Delta) \quad f(x) - (ax + b) < 0$$

$$(c_f) \text{ فوق } (\Delta) \quad f(x) - (ax + b) > 0$$

$$\text{مثال: } f(x) = x - 2 + \frac{\ln x}{x}$$

- اثبتـ أـنـ 2 $y = x - 2$ هو مستـقيمـ مـقاربـ

مائـل بـوار $+\infty$ نـطبقـ القـانـونـ

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} [f(x) - (x - 2)]$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} \left[x - 2 + \frac{\ln x}{x} - (x - 2) \right] = \lim_{x \rightarrow +\infty} \left[\frac{\ln x}{x} \right] = 0$$

ومنـ 2 $y = x - 2$ هو مستـقيمـ مـقاربـ مـائـلـ

ادرـسـ الـوضـعيـةـ النـسبـيةـ

نـقومـ بـدرـاسـتـ إـشارـةـ الفـرقـ شـوفـ معـاـياـ

$$f(x) - (x - 2) = \frac{\ln x}{x}$$

$$x = e^0 = 1 \text{ يـكـافـيـ } \ln x = 0$$

x	0	1	$+\infty$
$f(x) - (x - 2)$	-	0	+
الوضعيـةـ	(c_f) تحت (Δ)	(c_f) فوق (Δ)	نـقـاطـ

مثال: مثلاً كـ $f(6 - x) + f(x)$ كي تحسب وتلقي النتيجة

مثلاً تساوي 8 اقسمهم على 2 وقولو نستنتج بلي
النقطة (3, 4) هي مركز تناظر

بـ. محور تناظر: $x = \alpha$

$$f(2\alpha - x) = f(x)$$

10. شفاعة دالة:

يعني نقوله زوجية ولا فردية طبق القانون برئ
 $f(-x) = -f(x)$ نقول أنها دالة فردية
 $f(-x) = f(x)$ نقول أنها دالة زوجية

مثال: $f(x) = x^3 + 7x$

$$f(-x) = (-x)^3 + 7(-x)$$

$$= -x^3 - 7x = -f(x)$$

ومن $f(x)$ دالة فردية

مثال: $f(x) = x^2 + 7$

$$f(-x) = (-x)^2 + 7 = x^2 + 7 = f(x)$$

ومن $f(x)$ دالة زوجية

11. الانسجام:

$$g(x) = f(x + a) + b$$

في هذه الحالة نقول (c_f) صورة (c_g) بالانسجام

الذي شعاعه $\vec{v}(-a; b)$

مثال: شرح كيفية إنشاء (c_g) انطلاقاً من (c_f)

$$g(x) = \ln(x + 2) + 3 \quad f(x) = \ln x$$

(c_f) صورة (c_g) بالانسجام الذكي

شعاعه $\vec{v}(-2; 3)$

12. عقایس المعملات: a و b و c

1. كـ يقلـكـ أوجـدـ المـعـامـلـاتـ a و b و c ويـقـلـكـ
بـلـيـ (c_f) يـشـملـ النـقـطـةـ مـثـلاـ (A(4;-2); B(3;5)) وـيـقـلـ
مـماـسـعـنـدـ Aـ معـاـمـلـ تـوـجـيهـهـ 6ـ وـيـشـملـ ذـرـوـةـ
أـوـ قـيـمـتـ حـدـيـتـ هـيـ (5;3)ـ وـلـيـدـهـ مـماـسـاـ مـواـزـياـ
مـحـورـ الـفـوـاصـلـ ايـ أـفـقـيـ عـنـ الـفـاـصـلـ 1ـ..ـ
شـوـفـ مـعـاـيـاـوـاشـ تـكـتبـ:

$$A(4; -2) \dots f(4) = -2 \quad \text{معناه يشمل النقطة}$$

$$A(4; -2) \dots f'(4) = 6 \quad \text{معناه يقبل مماساً عند النقطة A}$$

6. معادلة المماس:

$$y = f'(x_0)(x - x_0) + f(x_0)$$

مثال: $f(x) = x^2 + 7x + 5$

احسب المماس عند $x_0 = -2$

$$f'(x) = 2x + 7$$

$$y = f'(-2)(x - (-2)) + f(-2)$$

$$y = 3(x + 2) - 5 = 3x + 1$$

إذا قالـكـ اـحـسـبـ اـطـمـاسـعـنـدـ $x_0 = -2$ فيـ هـذـهـ

أـكـالـتـ لـازـمـكـ تـحـسـسـ عـلـىـ x_0 رـوحـ عـلـىـ المعـادـلـةـ

$f(x) = -2$ كـيـ تـلـقـيـ x_0 هـذـيـكـ السـاعـةـ

احسب المماس عند $x_0 = 0$ كـاـ هوـ

7. نقطة الانعطاف:

$w(x_0, f(x_0))$ بـنـجـدـ النـقـطـةـ $f''(x) = 0$

مثال: $f(x) = x^3 + 6x^2 - 11$

احسب المشتق الأول $f'(x) = 3x^2 + 12x$

احسب المشتق الثاني $f''(x) = 6x + 12$

$$6x + 12 = 0 \quad \text{كافـعـ}$$

$$x = -2 \quad \text{كافـعـ}$$

$$w(-2, 5) \quad \text{إذن } (-2, f(-2))$$

والمشتـقـ الـثـالـثـ إـنـيـ يـغـيـرـ إـشـارـتـهـ عـنـ w

ملحوظـةـ: إـذـاـ انـعـدـ اـمـشـتـقـ الـأـولـ عـنـ w وـهـ

يـغـيـرـ اـشـارـتـهـ فـنـقـوـلـ أـنـ w هـيـ نـقـطـةـ انـعـطـافـ

8. نقاط تقاطع المنحنى c_f مع المحاور:

1. مع محور الفواصل: ساوي الدالة بالصفر

$$f(x) = 0 \quad \text{تلـقـيـ قـيمـ xـ ليـ تـقـطـعـ فـيـ}$$

بـ. مع محور الترتيبـ: عـوـضـ xـ بـالـصـفـرـ فـيـ الدـالـتـ

$$f(0) = y_0 \quad \text{تلـقـيـ قـيمـ y_0ـ ليـ تـقـطـعـ فـيـهاـ}$$

9. التـنـاظـرـ:

1. مرـكـزـ تـنـاظـرـ: (α, β)

$$f(2\alpha - x) + f(x) = 2\beta$$

ج. كي يقلل $g(x) = -f(x)$
 روح ملحنى (c_f) أجزاء لي فوق محور الفواصل أرسموا
 لتيت ولې تخت محور الفواصل أرسموا لفوق دير لهم
 تناظر بالنسبة طحور الفواصل بيكى منحنى (c_g)
 د. كي يقلل $g(x) = f(-x)$
 روح ملحنى (c_f) أجزاء لي $x > 0$ أرسموا في أجهة
 نتاع $x < 0$ وأجزاء نتاع $0 < x$ أرسموا في أجهة
 نتاع $x > 0$ دير لهم تناظر بالنسبة طحور التراتيب
 بيكى منحنى الداله (c_g)....

14. الاستمراريه:

$$\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = f(2)$$

نقول في هذه الحاله أن f مستمرة عند 2
 كل داله مستمرة على مجال تعريفها

15. الاشتقاء:

$$\lim_{x \rightarrow x_0} \frac{f(x) - f(x_0)}{x - x_0} = f'(x_0)$$

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(h + x_0) - f(x_0)}{h} = f'(x_0)$$

اخدم بالقانون لي يعبيك اطمهم التفسير الهندسي
 للاشتقاق هو أن الداله تقبل مماسه عند x_0
 أو تقبل نصف مماسه حاله عارف القيمه المطلقة
ملحوظه إذا جاتك النتيجه 0 فولو اطماس افقي
 يوازي محور الفواصل واذا جاتك 00 فولو اطماس
 عمودي موازي لمد
 ور التراتيب

16. المعادلات التفاضليه:

نفترج أكل هو $f(x)$ يعني حلوها عباره عن داله

أ. الشكل $y' = ay$

$$f(x) = ce^{ax} \quad \text{أكل هو } y' = ay$$

$$f(x) = ce^{2x} \quad \text{أكل هو } y' = 2y$$

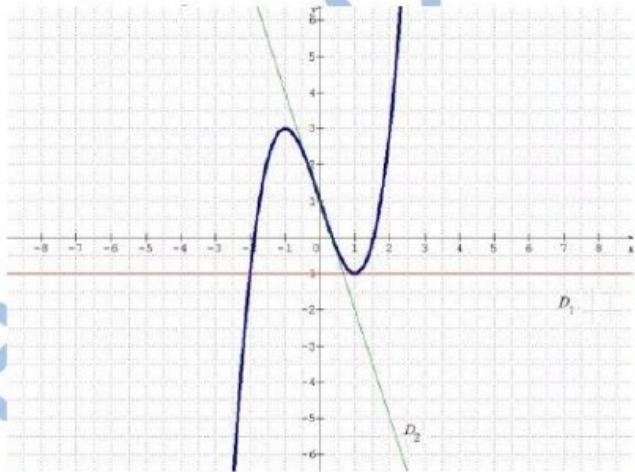
ب. الشكل $y' = ay + b$

$$f(x) = ce^{ax} - \frac{b}{a} \quad \text{أكل هو } y' = ay + b$$

$$f(x) = ce^{2x} - \frac{3}{2} \quad \text{أكل هو } y' = 2y + 3$$

الذروه (5; B) فيها زوج معادلات تشملها الداله
 وتعد الممشتق $f'(3) = 0$ و $f(3) = 0$
 معناه يقبل مماسا افقي عند -1
 2. كي يعطيك العباره ويقولك جيب a و b هاباين توحد اطقاماته وتطابق مكلاه زيدو نفصلو
 3. كي يعطيك بيان ويقلل (c_f) يقبل مماسا D_1
 عند الفاصله 1 و يقبل مماسا D_2 عند الفاصله 0
 ويقلل عين من البيان:

(2) f' و $f(0)$ كما هو موضع هنا



بما أن اطماس D_1 موازي محور الفواصل عند 1
 فان الممشتق عند 1 مع دوم يعني $f'(1) = 0$
 نحسب ميل اطماس D_2 مختار نقطتين بقوته بيهem
 فنلاحظ $A(0; 1)$ و $B(1; -2)$ فنقوم بأخذ:
 $f'(0) = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{-2 - 1}{1 - 0} = -3$
 $f(2) = 3$ و $f'(0) = -3$ ومذ

13. القيمه المطلقة والتنازرات:

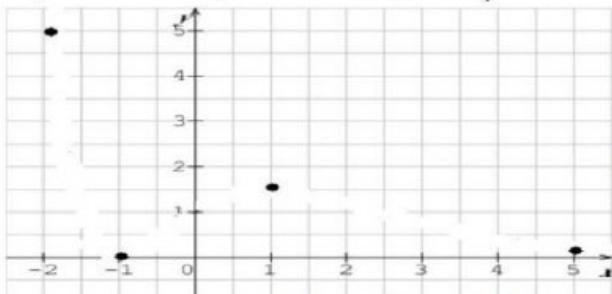
1. كي يقلل $g(x) = |f(x)|$

روح للمنحنى (c_f) أجزاء لي فوق محور الفواصل عاود
 أرسموا ولې تخت محور الفواصل طلعوا لفوق دير لهم
 تناظر بالنسبة طحور الفواصل بيكى منحنى (c_g)

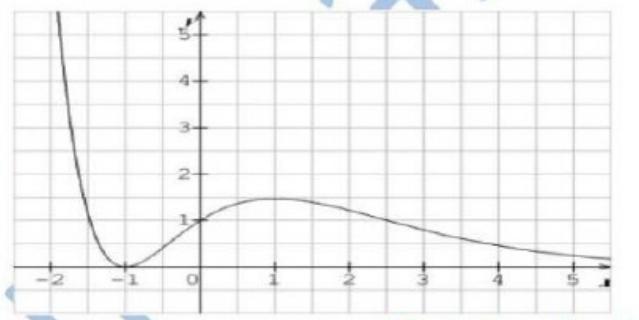
ب. كي يقلل $g(x) = f(|x|)$

روح للمنحنى (c_f) أجزاء لي $g(x) = f(x)$ عاود
 أرسموا وزيد هو نفس أجزاء دير لهم تناظر بالنسبة طحور
 التراتيب بيكى منحنى (c_g) لأنها داله زوجيه

نناع x هذولك عبارة على فواصل ولی راهم لتدخن
في كانت نناع $f(x)$ عبارة على ترتيباته يعني
هذيلك -2 - ترتيبات تاعها $+\infty$ وال 1 - ترتيبتها
 0 ومن بعد عندنا 1 ترتيبتو $2/3$ والاخير $+\infty$
ترتيبتها 0 الخطوة المهمة هنا حبينا هذيلك $+\infty$
ندروها شغل عدد حقيقي يساوي 5 ولا 8 كيما
تحب انت مثلما في هذا المثال ندروها تساوي 5 باه
نسهلو العمليت $\frac{u}{u}$
امنهني يبدأ من $(-2; +\infty)$ و هي كيما
تفاهمنا نكتبوها هكذا $(-2; 5)$ يعني $+\infty$
نبدلها ندروها 5 ومن بعد يعطي المنهني الى
النقطة $(0; -1)$ ومن بعد يزيد بطلع $(1; 3/2)$
ومن بعد يعطي في الاخير الى $(5; -2)$. روح علم
النقط في اعلم كيما هكذا شوف النقط السوداء



من بعد نوصلو بين النقط بالكتابه شوف كيفاه يولي



أيا خلاص فيها برأس : m الوسيط

1. كي تكون عندك $f(x) = m$

في هذه الحال أرسم مستقيمات ذو المعاشرات
 $y = m$ وتكون موازية طلور الفواصل يعني أفقية
وتقاطعهم مع الدالة هذيلك هي الحال وله

مثال: الهدف هو حل المعادلة (1)

$$y' - 2y = (x - 3)e^x \dots\dots\dots (1).$$

1. أوجد a و b حتى تكون حل للمعادلة (1) نعرض ونطابق فقط

$$u' - 2u = (x - 3)e^x$$

روح اشتق u وزيد لها $2u$ - وعرض لهما في
المعادلة وطبقهما مع الطرف الآخر رايح تلقى

$$b = 2 \quad \text{و} \quad a = -1$$

$$u(x) = (-x + 2)e^x \quad \text{إذن}$$

2. حل المعادلة (2)

$$y(x) = ce^{2x} \quad y' = 2y$$

3. نعتبر حلول (1) هي $u + y$ إذن استنتاج

$$f(x) = y(x) + u(x) \quad \text{أكلوه}$$

$$f(x) = ce^{2x} + (-x + 2)e^x$$

4. استنتج أكل المقادير حيث

$$f(0) = 5 \quad \text{نعرض} \quad 5 = ce^0 + (-0 + 2)e^0$$

$$c = 3 \quad \text{ومنه}$$

ولـ (1) هي

$$f(x) = 3e^{2x} + (-x + 2)e^x$$

تحب تزيد تبسيطها أخرج e^x \times املا مشتركة

$$f(x) = (3e^x - x + 2)e^x$$

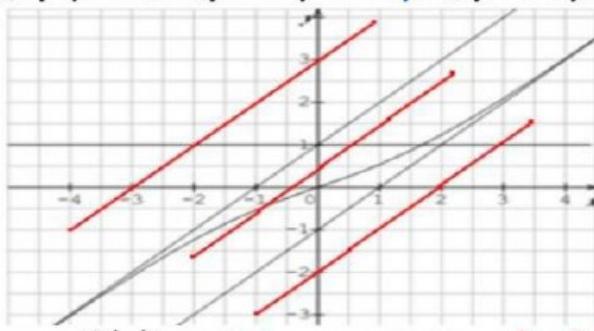
17. كيفية رسم منحنى دالة :

عندنا جدول تغيراته حبينا نرسمو منو منهني الدالة
مع معايا واشن رايحين ندرو

X	-2	-1	1	$+\infty$
$f(x)$	$+\infty$	0	$\frac{3}{2}$	0

رسمو معلم ونعنيو عليه احداثيات النقط شوف
معايلي فوق جدول التغيرات الي راهم في خانة

كـي بـي نـديـرـو فـي مـنـاقـشـة 1 - < m لا يوجد حلول
و $1 < m < 1$ - كـاـيـنـ خـلـ وـحـيدـ وـ 1 > m لا يوجد حلول شـوـفـ الخطـوطـ أـخـطـوطـ أـخـمـورـةـ كـيـفـاهـ مـرـسـومـينـ



د. كـي تكون عندـك

يـسمـوهـاـ اـمـنـاقـشـةـ الدـوـرـانـيـةـ يـعـنيـ اـمـسـتـقـيمـ يـدـورـ
حـولـ نـقـطـ ثـابـتـ لـازـمـ تـعـرـفـ تـحـسـبـهـاـ اوـلاـ مـثـلاـ
 $y = mx - 2m - 3$ يـعـطـيـكـ مـسـتـقـيمـ مـعـادـلـتـوـ 3
يـقـولـكـ جـيـبـ اـمـسـتـقـيمـاتـ لـيـ تمـ بـنـقـطـ ثـابـتـ
يـطـلـبـ تـعـيـيـنـهـاـ شـوـفـ وـاـشـ دـيرـ اـجـعـلـهـاـ صـفـرـ

$$y - mx + 2m + 3 = 0$$

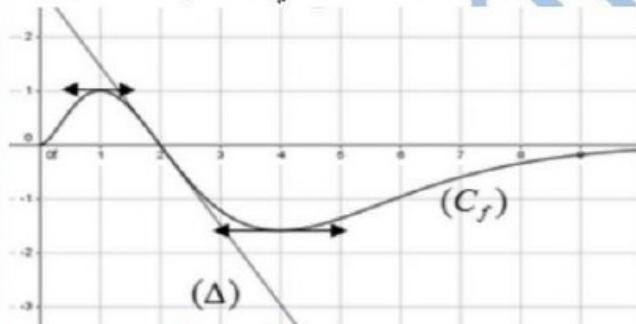
$$y + 3 + m(-x + 2) = 0$$

$$\begin{cases} -x + 2 = 0 \\ y + 3 = 0 \end{cases}$$

منبعد دير

وـمنـبعـدـ تـحـسـبـ تـلـقـيـ النـقـطـ (2; -3)

نـديـرـوـ مـثـلاـ باـهـ تـقـدرـ تـفـهـمـ فـيـ بـيـاـ شـوـفـ اـمـنـاقـشـ



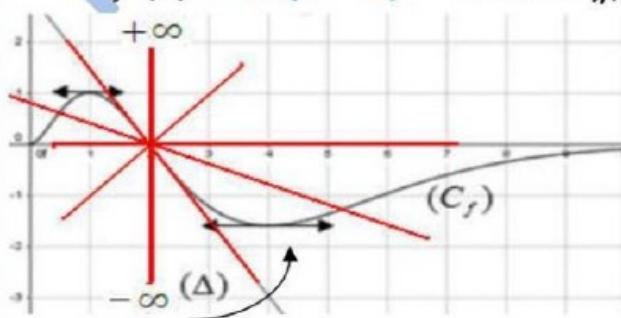
لوـاعـتـبـرـناـ كـلـ اـمـسـتـقـيمـاتـ ثـمـ بـالـنـقـطـ (0; 2)

$$y = -4e^{-1}(x - 2)$$

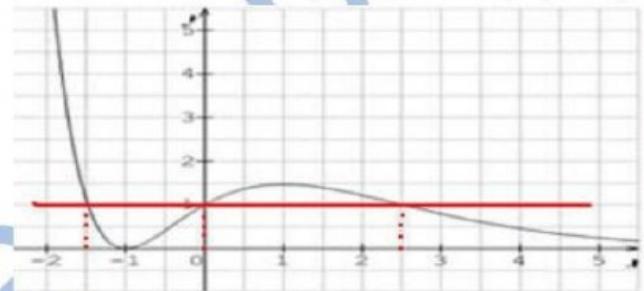
وـامـسـتـقـيمـ (Δ)ـ مـعـادـلـتـوـ

$$f(x) = m(x - 2)$$

نـديـرـوـ اـمـنـاقـشـةـ



مـثـالـ: اـنـظـرـ اـمـنـاقـشـيـ لـيـ فـيـ الصـفـيـدـةـ 5
هـنـاكـ تـلـاثـ تـقـاطـعـاتـ $0 < m < 1.5$
يـعـنيـ تـلـاثـ حـدـ وـلـ بـالـنـسـبـتـ إـشـارـةـ أـكـلـ
دـيرـ إـسـقـاطـ عـلـىـ مـحـورـ الـفـ وـاـصـلـ تـعـرـفـ إـلـاـشـارـةـ إـذـاـ
كـانـتـ جـهـةـ الـمـوـجـبـ أـوـ جـهـةـ السـالـبـ مـاـرـتـ
نـعـطـيـكـ مـثـالـ لـوـ تـرـسـمـ مـسـتـقـيمـ اوـفـةـ
معـادـلـتـ 1 = y تـلـقـيـهـ يـقـطـعـ الدـالـتـ تـلـاثـ مـرـاتـ
مـرـةـ فـيـ أـكـهـةـ اـمـلـ وـجـيـبـ كـيـ تـسـقـطـ بـيـكـ 2.5
وـالـثـانـيـتـ بـيـكـ مـعـ مـحـورـ التـرـتـيبـ نـقـولـ مـعـدـومـةـ
وـالـأـخـيـرـةـ فـيـ أـكـهـةـ السـالـبـ كـيـ تـسـقـطـ بـيـكـ 1.5
شـوـفـ الرـسـمـ اـمـسـتـقـيمـ الـأـمـ مـعـادـلـتـ 1 = y



بـ. كـي تكون عندـك

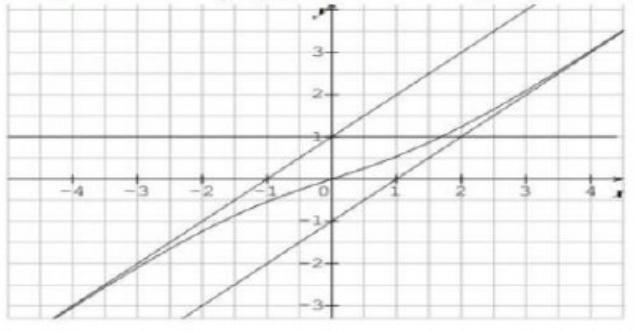
تـبـقـيـ نـفـسـ اـمـنـاقـشـةـ السـابـقـةـ رـوحـ لـلـدـلـولـ
الـسـابـقـةـ وـنـقـصـلـهـمـ 1 مـثـلاـ $0 < m + 1 < 1.5$
 $-1 < m < 0.5$ نـقـصـ 1 لـلـأـطـافـ تـصـبـعـ

جـ. كـي تكون عندـك

رـوحـ جـيـبـ اـمـسـتـقـيمـاتـ لـيـ كـيـفـوـ فـيـ مـعـاـمـلـ التـوـجـيهـ
مـثـلاـ تـلـقـيـ كـاـيـنـ مـسـتـقـيمـ مـعـادـلـتـوـ 1
 $y = x + m$ وـ $y = x + 1$
وـمنـبعـدـ دـيرـ مـطـابـقـتـ 1 وـ $m > 1$ وـ $m < 1$ وـ $m = 1$ فقط تكونـ

امـنـاقـشـةـ مـائـلـتـ كـيـمـاـ اـمـسـتـقـيمـ 1

شـوـفـ اـمـتـالـ عـنـدـنـاـ زـوـجـ مـسـتـقـيمـاتـ مـقـارـبـتـ مـتـواـزـينـ
وـاحـدـ مـعـادـلـتـ 1 + $y = x + 1$ وـلوـمـ 1



$$f'(x) = 2x \quad f(x) = x^2$$

$$g(x) = \ln x \quad g'(x) = \frac{1}{x}$$

وهم في القانون

$$\int 2x \ln x \, dx = x^2 \ln x - \int \frac{1}{x} x^2 \, dx$$

$$\int 2x \ln x \, dx = x^2 \ln x - \int x \, dx$$

$$\int 2x \ln x \, dx = x^2 \ln x - \frac{1}{2}x^2 + C$$

ومنه **الدالة الأصلية** تابع

$$x^2 \ln x - \frac{1}{2}x^2 + C$$

ولي ما فهمتنيش يروح بديه **رقيبة شرعية** عند

 **كاش طالب ما بيع بالشفاء**

20. حساب مساحة غير بالتكامل:

$$S = \int_a^b f(x) \, dx = F(b) - F(a)$$

كي يقللك احسب مساحة أكبر لي يحصر الدالة
 $y = x$ وامستقيم 1

وامستقيمين 2 و $x = 1$ من الإنشاء نلاحظ
 امتدحي تابع الدالة مربع فوق امستقيم يعني نديرو
 الدالة ناقص امستقيم والناتج نحسبه على التكامل تابع
 شوف معايا عارفلك ما هي

$$S = \int_1^2 (f(x) - y) \, dx =$$

$$S = \int_1^2 (x^2 - (x - 1)) \, dx = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 + x$$

نعرضو بال 2 ومبعد نقصولو النتيجة تابع 1 شوف

$$S = \left(\frac{1}{3}2^3 - \frac{1}{2}2^2 + 2 \right) - \left(\frac{1}{3}1^3 - \frac{1}{2}1^2 + 1 \right)$$

$$S = \frac{11}{3}$$

 بعد حساب اضرب النتيجة في وحدة الرسم

يدور كيما الدائرة المثلثية تحيل دور فيه لتدبر ∞
 حنان للمسقى لي معامل توجيه تابع $-4e^{-1}$
 يعني كاين حل واحد ومن المستقيم لي معامل
 توجيه تابع $-4e^{-1}$ حنان لصف يعني حتى يكون
 أفقى يقطع ثلاثة مرات يعني ثلاثة حلول وعنده
 الصفر يعني أفقى يقطع مرتين عند 0 وعنده 2 ومن
 الصفر إلى ∞ حتى يولي عمودي يوجد حل واحد

19. الدوال الأصلية:

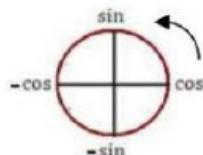
1. **الدالة الأصلية** هي $\frac{Ax^{n+1}}{n+1} + C$
 $\frac{1}{3}x^3 + 7x + C$ هي **الأصلية**
 و C هو عدد ثابت يمكن حسابه

2. **الدالة الأصلية** هي $\frac{f'}{f} \ln f + C$
 $\ln(3x + 2) + C$ هي **الأصلية**

3. **الدالة الأصلية** هي $\frac{1}{a}e^{ax+b} + C$
 $\frac{1}{5}e^{5x+1} + C$ هي **الأصلية**

4. **الدالة الأصلية** هي $\frac{f'^{n+1}}{n+1} + C$
 $\frac{1}{3}(5x + 2)^3 + C$ هي **الأصلية**

5. **الدالة الأصلية** هي $\frac{1}{a} \cdot \sin(ax + b) + C$



هـ. **قانون التكامل بالتجزئة**
 ماننسوهشن هذا هو القانون

$$\int f \cdot g \, dx = f \cdot g - \int g \cdot f' \, dx$$

باه تحسبي بالتكامل بالتجزئة لازمك تقسيم الدالة
 إلى دالتين اطلاعهم أسهل طريقة للحساب هوأجرء لي
 دالتها الأصلية تجيئ سائلة هولي ديره امشتق
 مثل: حساب التكامل $2x \ln x$

نور ماطوا 2 هي دالتها الأصلية تجيئ سائلة
 مالا هي ديره لها امشتق $\frac{d}{dx}(2x \ln x)$ وف معايا

امثلة على اليات العددية



دیر هذو العفایس فی راسکه عزیزی

اللائحة الحسابية

$$v_5 = v_2 + 3r$$

$$(5 - 2) = 3$$

إذن القان ون

$$v_n = v_p + (n - p)r$$

$$v_1 + v_3 = 2v_2$$

إذا كانت عن دك

تملت معادلتين عوضها

في معادلة **جمع**

مجموع

$$S_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$$

$$n - 0 + 1 = n + 1 \quad \text{عدد أحدود}$$

$$S_n = \frac{\text{عدد الحدود}}{2} (v_0 + v_n)$$

$$S_n = v_0 \frac{q^n - 1}{q - 1}$$

$$S_n = \frac{n+1}{2} (v_0 + v_n)$$

$$S_n = v_0 \frac{q^{n+1} - 1}{q - 1}$$

1. البرهان بالترابع:

$$\begin{cases} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 1 \end{cases}$$

برهن بالترابع أن $u_n > 2$

أولاً ثبته صحت الشرط الابتدائي $u_0 = 3$ ولدينا

$2 > 3$ ومنه محقق إذن صحته

ثانياً نفرض أن $u_n < 2$ ونبرهن صحته u_{n+1}

أي نبره $u_{n+1} > 2$ لأن $u_n > 2$

ندير و عقست تداع **أكصر** تنطلق من $2 >$

تضرب الطرفين في $\frac{1}{2} \dots \frac{1}{2} 2$

تضيف لطرفين $\frac{1}{2} u_n + 1 > 1 + 1 \dots 1$

إذن تصبح $u_{n+1} > 2$ ومنه صحته

إذن $2 > u_n$ صحته ملهمما يكن n طبيعي

مقدمة:

كل استنتاج يأتي بعد البرهان بالترابع نقول بلي (u_n) محدودة من الأسفل أو الأعلى شوفه كيفاه

هنا نقول محدودة من الأسفل بـ $2 > u_n$

هنا نقول محدودة من الأعلى بـ $u_n < 2$

2. اتجاه التغير:

$u_{n+1} - u_n < 0$ اقصه

$u_{n+1} - u_n > 0$ زايده

مثال السابق :

$$u_{n+1} - u_n = \frac{1}{2}u_n + 1 - u_n$$

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{1}{2}u_n + 1$$

خرج $-\frac{1}{2}u_n$ عامل مشتركاً فيصبح الفرق

$$u_{n+1} - u_n = -\frac{1}{2}(u_n - 2)$$

شوف ندiero أكصر ونعرفوه موجب او سالب

نقولو لدينا $u_n > 2$

تضيف العدد 2 - لطرف

$$u_n - 2 > 0$$

تضرب في العدد $\frac{1}{2}$ - وراث عارف يتغير الاتجاه

$$-\frac{1}{2}(u_n - 2) < 0$$

إذن $u_{n+1} - u_n < 0$ ومنه (u_n) متناقصه

5. كيفية إثبات ممتاليت هندسية:

$$v_{n+1} = v_n \cdot q$$

ننطلق من v_{n+1} لنصل إلى $v_n \cdot q$ وفي هذه الحاله

نقول أن (v_n) هندسيه وأساسها

مثال 1: اثبت $v_n = e^{2n+1}$ هندسيه

نضع في بلاصت $n + 1$ نضع 1 فتم بع

$$v_{n+1} = e^{2(n+1)+1}$$

$$v_{n+1} = e^{2n+2+1}$$

نحافظ على $2n + 1$ والعدد 2 أبجدid خرجوه

$$v_{n+1} = e^2 \cdot e^{2n+1} = e^2 \cdot v_n$$

ومنه هندسيه وأساسها

مثال 2: شوف شكل آخر في إثبات الهندسيه

$$\left\{ \begin{array}{l} u_0 = 3 \\ u_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 2 \end{array} \right.$$

أثبت أن $v_n = u_n - 6$ ممتاليت هندسيه

تقدر تعرف الأساس قبل ما تبدا تبرهن وهو العدد

لي مصربي في u_n اللي هو $\frac{2}{3}$ عليهما بينانا

نفس الطريقة ننطلق من v_{n+1} لنصل $q \cdot v_n$.

$$v_n = u_n - 6$$

$$v_{n+1} = u_{n+1} - 6$$

نعرض u_{n+1} بقيمتها فيكون عندنا

$$v_{n+1} = \frac{2}{3}u_n + 2 - 6 = \frac{2}{3}u_n - 4$$

خرج $\frac{2}{3}$ املأ مشتركا فيصبح لدينا

$$v_{n+1} = \frac{2}{3}(u_n - 6)$$

$$v_{n+1} = \frac{2}{3}v_n$$

إذن هندسيه أساسها $\frac{2}{3}$

ونقدر دير الطريقة **نناع** القسمة $q = \frac{v_{n+1}}{v_n}$

دير راسك أنت دير الطريقة لي تعجبك

التق _____ ارج:

1. إذا لقيت (u_n) متناقصه ومحدوده ن

الأسفل نقول أن (u_n) متقدمة ارتب

2. إذا لقيت (u_n) متزايدة ومحدوده من

الأعلى نقول أن (u_n) متقدمة ارتب

3. النهاية : روح العبارة أكدر العام

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = L$$

u_n هي عبارة أكدر العا

عفسته ال L : روح للعبارة التراجعيه

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_{n+1} = \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = L$$

مثال السابق : خصي النهاية L

$$u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 1$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_{n+1} = \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = L$$

يمان لديها نفس النهاية زورو نديرو عفسته ال L

$$L = \frac{1}{2}L + 1$$

$$L - \frac{1}{2}L = 1$$

$$L = 2 \text{ يكفي أن } \frac{1}{2}L = 1$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$$

وهو العدد لي تلقاء في البرهان بالـ

ملاحظة :

كل استنتاج يجي بعد حساب نهاية عـ ارة
أكدر العام يقصد به التقـ ارب

4. امتحالية الأـ ابنة:

$$u_0 = u_1 = u_2 = \dots = u_n = u_{n+1}$$

أي أن:

$$u_{n+1} - u_n = 0$$

٩. عقایس المجمـوع:

$s_n = v_0 + v_1 + v_2 + \dots + v_n$ ممتاليـة هندسيـة طبق قانون المجموع

$$s_n = v_0 \frac{q^{n+1}-1}{q-1}$$

إذا كانت : لتكن الممتاليـة (u_n) امـعرـفـتـ بالـعـبـارـةـ

$$u_n = v_n + 3$$

نـسـبـ المـجـمـوعـ s_n' بـدـلـالـةـ n

$$s_n' = u_0 + u_1 + \dots + u_n$$

بـأـنـ $u_n = v_n + 3$

$$s_n' = s_n + 3(n+1)$$

عـدـدـ أـخـدـودـ

إذا كانت : ليـكـنـ المـجـمـوعـ k_n حـيـثـ (v_n) هـنـدـسـيـةـ

$$k_n = v_0^2 + v_1^2 + v_2^2 + \dots + v_n^2$$

قم بـتـرـبـيعـ أـخـدـودـ الـأـوـلـ وـالـأـسـاسـ وـطـبـقـ نفسـ القـانـونـ

$$k_n = v_0^2 \frac{q^{2(n+1)} - 1}{q^2 - 1}$$

نفسـ الشـيـعـ بـالـنـسـبـةـ لـلـمـجـمـوعـ

$$L_n = v_0^3 + v_1^3 + v_2^3 + \dots + v_n^3$$

قم بـتـكـعـبـ أـخـدـودـ الـأـوـلـ وـالـأـسـاسـ

$$L_n = v_0^3 \frac{q^{3(n+1)} - 1}{q^3 - 1}$$

نفسـ الشـيـعـ بـالـنـسـبـةـ لـلـمـجـمـوعـ

$$T_n = \frac{1}{v_0} + \frac{1}{v_1} + \frac{1}{v_2} + \dots + \frac{1}{v_n}$$

قم بـقـطـبـ أـخـدـودـ الـأـوـلـ وـالـأـسـاسـ

$$T_n = \frac{1}{v_0} \cdot \frac{\left(\frac{1}{q}\right)^{n+1} - 1}{\frac{1}{q} - 1}$$



كان فـهـمـتـيـ وـجـدـلـيـ

بـاهـ نـبـعـتـكـ لـلـجـامـعـةـ

5. القائمة:

n^p

هذا هو القـانون

مثال صندوق به 9 كريات نسبت منه ثلاثة
كريات و بإرجاع الكريت المسوبي إلى الصندوق
أكمل هو عدد الكريات في الصندوق أنس ثلاثة

$$9^3 = 729$$

6. لغافيسن ناع الأسئلة:

أ. الجمـعـانـه:

كي يقللـك جمعـيـة مـكونـت من مدـير و مـراقب 9999
و سـاعـات مـيدـزـكـرـلـكـشـنـ الوـظـيفـةـ شـوفـ بـواـهـ خـدمـ

إـذـاـ ذـكـرـ وـظـيفـةـ الـشـدـاصـ اـنـدـمـ بـالـتـرـتـيـبـ

إـذـاـ لمـيـذـكـرـ الوـظـيفـةـ اـنـدـمـ بـالـتـوـفـيقـتـ

بـ. السـعـدـه:

لـدـيـنـاـ nـ كـريـتـ وـ نـسـبـتـ pـ كـريـتـ
كي يـقـلـلـكـ نـسـبـتـ فـيـ آـنـ وـاحـدـ وـلاـ نـسـبـتـ وـنـرـجـعـ

وـلاـ نـسـبـتـ وـمـرـجـعـشـ شـوفـ بـواـهـ خـدمـ

إـذـاـ قـالـكـ نـسـبـتـ فـيـ آـنـ وـاحـدـ خـدمـوـ بـالـتـوـفـيقـتـ

إـذـاـ قـالـكـ نـسـبـتـ عـلـىـ التـوـالـيـ وـ بـدـونـ إـرـجـاعـ هـنـاـ

خـدمـ وـ بـالـتـرـتـيـبـ

إـذـاـ قـالـكـ نـسـبـتـ عـلـىـ التـوـالـيـ بـالـإـرـجـاعـ هـنـاـ

خـدمـ وـ بـالـقـائـمـهـ

7. كـيفـاهـ تـحـسـبـ بـالـآـلـتـ أـكـاسـتـ:

كـاـيـنـ رـمـزـ Xـ يـقـصـدـ بـهـ العـامـلـيـ تـرـوـخـلـوـ بـ

كـاـيـنـ خـانـتـ مـكتـوبـ عـلـيـهاـ ncrـ هـذـيـلـهـ معـناـهـاـ

الـتـوـفـيقـتـ باـهـ تـحـسـبـ مـثـلـاـ C²₅ـ شـوفـ وـاشـ دـيرـ

كـلـيـكـيـ عـلـىـ 5ـ وـمـنـبـعـ ncrـ وـمـنـبـعـ كـلـيـكـيـ عـلـىـ 2ـ

كـاـيـنـ خـانـتـ مـكتـوبـ عـلـيـهاـ nprـ تـرـوـخـلـهـاـ

هـيـ نـفـسـ أـكـانـتـ نـتـاعـ ncrـ هـذـيـلـهـ معـناـهـ التـرـتـيـبـ

باـهـ تـحـسـبـ مـثـلـاـ A²₅ـ شـوفـ وـاشـ دـيرـ كـلـيـكـيـ عـلـىـ 5ـ
وـمـنـبـعـ SHIFTـ وـمـنـبـعـ ncrـ وـكـلـيـكـيـ عـلـىـ 2ـ
كـاـيـنـ نـوـعـ تـلـقـيـ الرـمـزـ ncrـ وـnprـ فـيـ خـانـتـ Xـ وـ÷ـ
عـارـفـكـمـ هـارـبـينـ فـيـ الـآـلـتـ أـكـاسـتـ أـكـيدـ فـكـمـتوـنيـ

8. تمـرين بـسيـطـ وـشـاملـ:

صـنـدـوقـ بـهـ 12ـ كـرـيـتـ 5ـ ثـمـراءـ 3ـ صـفـراءـ 4ـ سـودـاءـ
نـسـبـتـ 3ـ كـرـيـتـ فـيـ آـنـ وـاحـدـ
ـ ماـهـوـ عـدـدـ السـبـابـاتـ اـمـمـكـنـتـ
ـ ماـهـوـ اـحـتـمـالـ ظـلـهـورـ 3ـ كـرـيـتـ ثـمـراءـ فـقـطـ
ـ ماـهـوـ اـحـتـمـالـ ظـلـهـورـ كـرـيـتـ سـودـاءـ وـاحـدـةـ
عـلـىـ الـأـقـلـ
ـ ماـهـوـ اـحـتـمـالـ ظـلـهـورـ كـرـيـتـينـ صـفـراءـ عـلـىـ الـأـكـثـرـ
ـ ماـهـوـ اـحـتـمـالـ ظـلـهـورـ كـرـيـتـينـ ثـمـراءـ وـكـرـيـتـ سـودـاءـ
لـيـكـنـ Xـ اـمـتـغـيرـ العـشوـائـيـ الذـيـ يـرـفـقـ بـكـلـ سـبـبـ
ـ اـنـ أـكـمـاءـ
ـ عـدـدـ الـكـرـيـتـ

- حـدـدـ الـقـيمـ الـتـيـ يـأـعـذـهـ X
- حـدـدـ قـانـونـ الـاحـتـمـالـ
- اـخـسـبـ الـأـمـلـ الـرـيـاضـيـ
- اـخـسـبـ التـبـاـيـنـ
- اـخـسـبـ الـأـخـرـافـ الـطـعـيـارـيـ

الـإـجـابةـ

أـولـ خـاجـةـ خـدمـوـ بـالـتـوـفـيقـتـ C^p_nـ عـلـىـ خـاطـرـ قـالـكـ
نـسـبـتـ فـيـ آـنـ وـاحـدـ
الـسـبـابـاتـ اـمـمـكـنـتـ هـوـ مـنـ 12ـ نـهـرـوـ 3ـ يـعـنـيـ
 $C_{12}^3 = 220$

- اـحـتـمـالـ ظـلـهـورـ 3ـ كـرـيـتـ ثـمـراءـ فـقـطـ يـعـنـيـ منـ 5ـ
نهـرـوـ 3ـ يـعـنـيـ 10ـ = C³₅ـ وـنـقـسـمـهـمـ عـلـىـ أـكـالـاتـ
ـ اـمـمـكـنـتـ $P(A) = \frac{10}{220}$
- اـحـتـمـالـ ظـلـهـورـ كـرـيـتـ سـودـاءـ وـاحـدـةـ عـلـىـ الـأـقـلـ
يـعـنـيـ وـاحـدـةـ أوـ اـثـنـانـ أوـ ثـلـاثـ

$$\begin{aligned}(a+b)^3 &= 1a^3 1 + 3a^2 b^1 + 3a^1 b^2 \\&\quad + 1a^0 b^3 \\&= a^3 + 3a^2 b + 3ab^2 + b^3\end{aligned}$$

11. شجرة الاحتمالات:

مع احتراماتي للشجر هذه أسمط شجرة امهم عمتي الشجرة تقولكم كي نسبو عش وائيا بارجاع ولا بدون إرجاع أكاجة امسد وبته

 **نهجه** تبع معايا نعطيكم مثال ... ابتسنم نديرو مثال أحسن باه تفهموني **ولو بسم الله** امثال الأول

صندوق به 7 كريات منها 4 ثمراء و3 سوداء نسبو عشوائيا كريت نسجل لونها ثم نعيدها إلى الصندوق ثم نسحب مرة أخرى كريت ونسجل لونها حاب يقول نسحب كرياتان بارجاع الكريت امسدوبته **الأسئلة**

- أنشئ شجرة الاحتمالات
- ما هو احتمال أكتسول على كرتين ثمارتين
- ما هو احتمال أكتسول على كرتين سودتين
- ما هو احتمال أكتسول على كرتين مختلفتين في اللون

الإجابة

شوف معايا أنت كي نسحب مرتين وترجع الكريت امسدوبته معندها العدد تاعهم يبقى نفسو

فرمزو للكريت أكماء **R** والسوداء **N**
 $\frac{3}{7}$ نقصدو بيها 3 كريات سوداء من العدد الكلي 7
 $\frac{4}{7}$ نقصدو بيها 4 كريات ثمراء من العدد الكلي 7
 شوف معايا كي نسحب الأولى ممكن تكون ثمراء ولا سوداء يعني إما $\frac{3}{7}$ او $\frac{4}{7}$ كي تزيد نسحب الثانية يعني تكون أنت رجعت الأولى يعني يبقى العدد نفسه معناه الثانية قد تكون $\frac{4}{7}$ او $\frac{3}{7}$

معناه لي غلط في قيمة الأمل الرياضي نقولولو عزم

 الله أجرك وربى بعوضها لك في الفلسفة

9. تمرين ثاني أبسط من الأول :

- صندوق به 12 كريات 5 ثمراء و3 صفراء و4 سوداء نسبو 3 كريات على التوالي بدون إرجاع
- ما هو عدد السحبات الممكنة
 - ما هو احتمال ظهور 3 كريات ثمراء فقط
 - ما هو احتمال ظهور كريت سوداء على الأقل
 - ما هو احتمال ظهور كرتين صفراء على الأقل

الإجابة

نفس أخدت نتائج مقبيل غير خدموا بالترتيب عدد السحبات الممكنة

$$A_{12}^3 = 1320$$

$$P(A) = \frac{A_5^3}{1320} = \frac{60}{1320}$$

$$P(B) = \frac{3A_4^1 A_8^2 + 3A_4^2 A_8^1 + A_4^3 A_8^0}{1320} = \frac{984}{1320}$$

$$P(C) = \frac{3A_3^2 A_9^1 + 3A_3^1 A_9^2 + A_3^0 A_9^3}{1320} = \frac{1314}{1320}$$

10. دستور ثالثي أحد:

اسمو كبر منو متكافشن غير قانون برل

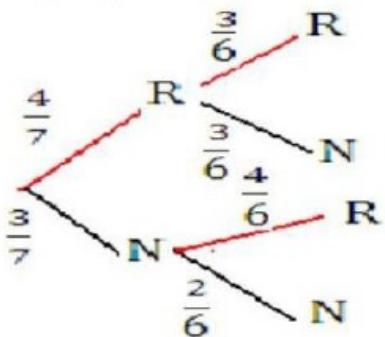
$$(a+b)^n = \sum_{p=0}^{p=n} C_n^p a^{n-p} b^p$$

$$(a+b)^n = C_n^0 a^{n-0} b^0 + C_n^1 a^{n-1} b^1 + C_n^2 a^{n-2} b^2 + \dots + C_n^n a^{n-n} b^n$$

نديرو مثال باه تفهموني مليح مليح هيا تبع معايا

$$(a+b)^3 = C_3^0 a^{3-0} b^0 + C_3^1 a^{3-1} b^1 + C_3^2 a^{3-2} b^2 + C_3^3 a^{3-3} b^3$$

يعني n تبقى تساوي 3 وأما P قيمتها تتغير من 0 إلى 3 عاود شوفه الفا اون دوك تفهم



نفسم طریقہ الإجابت

اذا كان زوج المرأة

$$P(R) = \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} = \frac{12}{42}$$

وادا كانوا زوج سوداء

$$P(N) = \frac{3}{7} \cdot \frac{2}{6} = \frac{6}{42}$$

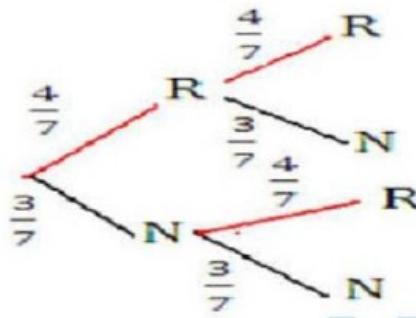
اذا كانوا مختلفين في اللون

$$P(B) = \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{6} + \frac{3}{7} \cdot \frac{4}{6} = \frac{24}{42}$$

A^p_n تحقق من أكساب باستدام التربية كان فهمتني مليئ وجدى الشكوى



الثقة بالنفس وكل على الله مطلوبته شرعا ، فاما مسلم يتعين عليه ان يحسن الظن بالله تعالى وأن يتفاءل لنفسه أخيراً والنهاية دائمًا ويسعى باستمرار في سبيل الارقاء للتحصيل **الكم**



باه تعرف روحله صدیع کي تجمع زوج اغصان اتم مع
 اسود پیکيله الناتيج واحد يعني $1 = \frac{3}{7} + \frac{4}{7}$

- ما هو احتمال حصول على كرتين تماروين او احتمال حصول على سوداوين يعني إما الزوج ثجورة ولا الزوج سوداء مثلاً كي شغل تقول الأولى تمراء **R** الثانية تمراء نديرو الضربة تتبع الغصن لي فيه

$$P(R) = \frac{4}{7} \cdot \frac{4}{7} = \frac{16}{49}$$

$$P(N) = \frac{3}{7} \cdot \frac{3}{7} = \frac{9}{49}$$

- ما هو احتمال الحصول على كرتين مختلفتين في اللون نشوافو الاغصان وبين تكون R مع N يعني

اما الاولى فراء والثانية سوداء او الاولى سوداء

$$P(B) = \frac{3}{7} \cdot \frac{4}{7} + \frac{4}{7} \cdot \frac{3}{7} = \frac{24}{49}$$

تحقق من أكساب باستعمال القائمات n^p

نفس الاستثنى بصيغ نسبت كبريتان بدون ارجاع
الكرينة المنسوبة شوف يعني اذا كانت الاولى
سوداء في السببية الثانية يكونو ناقصين كرينة
وحدة سوداء واذا كانت الاولى ثراء يعني في
السببية الثانية يكونو ناقصين حمورة وحدة
على خاطر تسبب وماترجعش معناه يتفق 3 كي
ماترجعش الكرينة المنسوبة يعني الصندوق في

4. الشكل الأسني :

كي تحسب الطولية والعمدة طبق العدد امكبي السابق $Z = -1 + \sqrt{3}i$ طولته 2 وعمدته $\theta = \frac{\pi}{3}$ نعوض في القانون يصبح $Z = 2e^{\frac{2\pi}{3}i}$ متقوليش بره هذه صعبية

5. الشكل المثلثي :

كيف نعم طبيق القانون هذا

$$Z = |Z|(\cos \theta + i \sin \theta)$$

من امثال الساق $Z = -1 + \sqrt{3}i$ عندك الطولية

$$Z = 2\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$$

6. الشكل الجبري :

هذا راهو مكتوب كتابة جبرية $i = -1 + \sqrt{3}i$

المشكل كيفاه نروح من الأسني والمثلثي إلى الجيري

$$\theta = \frac{\pi}{3}, \cos \theta = \frac{1}{2}, \sin \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$\theta = \frac{\pi}{3}$ هزو الروايا الشهيرة باه تجيينا ساهم

الانتقال من الأسني والمثلثي إلى الجيري **شوف** امثال

$$Z = 2e^{\frac{2\pi}{3}i} = 2\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$$

$$Z = 2(-0.5 + i0.866)$$

$$Z = 2\left(-\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = -1 + \sqrt{3}i$$

7. عقائين الشكل

$$\text{إذا كان } \frac{z_A - z_B}{z_C - z_B} = ai$$

a سالب فإن الزاوية

a موجبة فإن الزاوية

1. إذا كانت $1 = a$ أو $-1 = a$ في هذه الحال

نقول أن المثلث **ABC** قائم في **B** و متساوي الساقين

2. إذا كانت $1 \neq a$ و $-1 \neq a$ في هذه الحال

نقول أن المثلث **ABC** قائم في **B** فقط

أداء امكبي

ماعليش دخل في راسك بلي $i^2 = -1$

1. طولية عدد مركب $|Z|$:

ليكن العدد امكبي $Z = -4 + 3i$

$$|Z| = \sqrt{(-4)^2 + (3)^2} = \sqrt{25} = 5$$

أطونسيو دخل i تحت الجذر والدير كارنة

2. عمدة عدد مركب $\theta = \arg(Z)$:

علالي بيلا تكره $\cos \theta$ و $\sin \theta$ أصبر معایا

لازمك تعرف تحسب الطولية باه تحسب العمدة

مثال : ليكن العدد امكبي $Z = -1 + \sqrt{3}i$

تحسبو الطولية تجيينا

$$|Z| = \sqrt{4} = 2$$

$$\cos \theta = \frac{-1}{2}$$

$$\sin \theta = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

من الدائرة المثلثية الربع

لي \cos سالب و \sin موجب هو الربع الثاني يعني

هي الزاوية $\frac{\pi}{3}$ في الربع الثاني \Rightarrow $\theta = \pi - \frac{\pi}{3}$

نعطيك عقست ملحة شوف كيفاه تعرف

الروايا الشهيرة

$$Z = x + yi \quad x > y \quad \text{يعني الزاوية } \frac{\pi}{6}$$

$$Z = 1 + \sqrt{3}i \quad x < y \quad \text{يعني الزاوية } \frac{\pi}{3}$$

$$Z = \sqrt{3} + \sqrt{3}i \quad x = y \quad \text{يعني الزاوية } \frac{\pi}{4}$$

$$Z = \sqrt{3}i \quad x = 0 \quad \text{يعني الزاوية } \frac{\pi}{2}$$

اما الإشارة تدل على الربع روح لدائرة المثلثية

كيمما ديرنا امثال الساق **B** عرفنا الزاوية والربع وحسينا

3. مافق عدد مركب \bar{Z} :

$$\bar{Z} = 4\sqrt{3} - 4i \quad Z = 4\sqrt{3} + 4i$$

املهم **عكس** إشارة أكبر التذ

10. التحويلات النقطية

العبارة المركبة

$$Z' = \alpha Z + \beta$$

نعرف الطبيعة حسب السيد α

α انساب

$|\alpha| = 1$ دوران

$\alpha \neq 1$ تناكي

$|\alpha| \neq 1$ تشابه مباشر

العناصر الهمزة لتحويلات :

1. نسبة هي $|\alpha|$ بالنسبة لدوران والتشابه

اما بالنسبة لتناكي والانساب النسبة هي α

2. الزاوية هي $\arg(\alpha)$

3. امكز هو w حيث

ملاحظة : امكز w هو النقطة الصامدة يعني

$Z_w = \alpha Z_w + \beta$ تحويلها هو نفسها معناه

كي يقله اوجد Z_C حيث C صورة A بالتحويل

النقطي الذي مرکزه B (دبر في بالله بلی Z_C تجي في

بلاصه Z') اكتب مباشرة أجملة

$$Z_C = \alpha Z_A + \beta$$

$$Z_B = \alpha Z_B + \beta$$

$$Z_C - Z_B = \alpha(Z_A - Z_B)$$

إذا عطاك مثل دوران وقال لك مرکز O دبر في بالله

بلی $0 = \beta$ وزاويته $\frac{\pi}{2}$ متنساش بلی $1 = |\alpha|$ اي

العبارة امكبة بالشكل الاسيء هي Z'

وإذا عيت نكتتها على الشكل أخيري

: $\{(A, -1)(B, 2)(C, 2)\}$ امكجع G

$$Z_G = \frac{-Z_A + 2Z_B + 2Z_C}{-1 + 2 + 2}$$

إذا قال لك مرکز ثقل مثلث G اعمالاته

1.1.1

$$\therefore \text{إذا كان } a : \frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_B} = +\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}$$

باين المثلث ABC متقارن الأضلاع

$$\therefore \text{إذا كان } a : \frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_B} = a$$

إذا لقيت a عدد حقيقي يعني أن النقط

$\overrightarrow{BA} = a \overrightarrow{BC}$ على استقامة واحدة يعني

$$\therefore \text{إذا كان } a : \frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_D} = a$$

$z_A - z_B = a(z_C - z_D)$ نقدر ونكتبه من الشكل

نقولو يوجد تحويل نقطي وطبيعته حسب السيد a

$$\therefore \text{ملحوظة : } \frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_D} = \pm 1$$

تلقاء 1 نقولو $ABDC$ متوازي اضلاع

تلقاء 1 - نقولو $ABCD$ متوازي اضلاع

$$\therefore \text{8. تفسير الهندسي لشكل } \frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_D} = a$$

1. الطولية : $|BA| = a|BC|$

2. العمدة : $\arg(a) = (\overrightarrow{BC}; \overrightarrow{BA})$

9. دستور مواف

$$Z^n = |Z|^n(\cos n\theta + i \sin n\theta)$$

ساعات يقله اوجد قيمة n حتى يكون

يكون Z^n حقيقي صرفاً يعني $0 = \sin n\theta$

وهذا يكفي $n\theta = k\pi$ ومن بعد جيب قيمة n

إذا كان k زوجي يولي Z^n حقيقي موجب

إذا كان k فردي يولي Z^n حقيقي سالب

يكون Z^n تبلي صرفاً يعني $\cos n\theta = 0$

وهذا يكفي $n\theta = \frac{\pi}{2} + k\pi$ ومن بعد جيب n

إذا كان k زوجي يولي Z^n تبلي موجب

إذا كان k فردي يولي Z^n تبلي سالب

متنساش بلی n عدد طبيعي يعني k يكون طبيعي

ساعات يقله احسب مثلاً :

$$Z = 2e^{\frac{2016\pi}{3}i}$$

$$Z = 2e^{\frac{2016\pi}{3}i} = 2(\cos \frac{2016\pi}{3} + i \sin \frac{2016\pi}{3})$$

$$Z = 2(1 + i0) = 2$$

12. طبيعة الرباعيات:

ليكن الرباعي $ABCD$

حيث قطراه $[BD]$ و $[AC]$

أ. متوازي أضلاع:



يكفي أن تثبت أن القطران متساويان فان

$$Z_B - Z_A = Z_C - Z_D \text{ يعني } \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$$

ب. مستطيل: لازم يكون فيه $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

إما أن تثبت أن القطران $[BD]$ و $[AC]$ متساويان

وموش متعامدان أو $AB \neq BC$ وزيد متعامدان

ج. امطر: لازم يكون فيه $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

إما أن تثبت أن القطران $[AC]$ و $[BD]$ متساويان

ومتعامدان أو $AB = BC$ وزيد متعامدان

د. المربع: لازم يكون فيه $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$

إما أن تثبت أن القطران $[AC]$ و $[BD]$ متساويان

ومتساويان ومتعامدان أو $AB = BC$ وزيد

وش متعامدان

ملاحظة: كي يكون عندك $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ وزيد

$$\frac{Z_A - Z_B}{Z_C - Z_B} = ai$$

نقدر نعرف الرباعي من طبيعة التدوبلن النقاطي

$$\frac{\pi}{2} = \text{مربع}$$

$\frac{\pi}{2} \neq \text{معين}$

$$\frac{\pi}{2} = \text{مستطيل}$$

$\frac{\pi}{2} \neq \text{متوازي أضلاع}$

دوران:

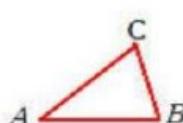
التشابه المباشر:

13. امثلة:

احسب الأطوال $AB = AC = BC$

باین نقول ان امثلث ABC

متقاييس الأضلاع



إذا كان $AB^2 + AC^2 = BC^2$ نقولو ان امثلث ABC قائم في A وإذا كان $AB = AC$ زيد متساوي الساقين

14. مجموعات النقط:

1. إذا لقيته ... $GM = 3$

نقولو مجموعت النقط M هي دائرة مركزها G ونصف قطرها 3 .. (يا و رانا في الأعداد اطر كبة رد باللك تق و سطح كرة)

2. إذا لقيته ... $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = 0$

نقولو مجموعت النقط M هي دائرة قطرها $[AB]$

3. إذا لقيته ... $\overrightarrow{GM} \cdot \overrightarrow{AB} = 0$

نقولو مجموعت النقط M هي مستقيم الذي يشمل النقطة G والشعاع \overrightarrow{AB} ناظمي عليه

4. إذا لقيته ... $|Z - Z_A| = |Z - Z_B|$

يعني $AM = BM$ نقولو مجموعت النقط M هي مستقيم الذي هو محور القطعة $[AB]$ او نقول هو المستقيم الذي يشمل منتصف $[AB]$ والشعاع ودي عليه \overrightarrow{AB} عم

5. إذا لقيته ... $\arg(Z - Z_A) = \frac{\pi}{4} + 2k\pi$

نصف مستقيم (AM) مبدؤه النقطة A

6. إذا لقيته ... $Z - Z_A = 2e^{\theta i}$

هنا الطول ثابت وهو 2 ولكن الزاوية متغيرة يعني راج ترسمنا دائرة مركزها A ونصف قطرها 2



أكثروا من الصلاة والسلام على النبي

المختار يفتح الله عليكم أبواب رحمته

ويشرع صدوركم ويزيل همومكم ويرفع

مقامكم إلى الدرجات العلى واطنازل

الشرفية

4. معادلة ديكارتية مسطوي:

أ. يشمل A و \vec{n} ناظمي له :

المسطوي يفوتو بالنقاط $(4; 1; 4)$; $(1; 4; -2)$ و $(5; -4; 3)$ ناظمي عليه شوف اكتب الشكل

العام للمسطوي عوض (p) : $ax + by + cz + d = 0$

عوض الناظمي فتجد 0 عوض الناظمي d في قيمة d

$$5(-2) - 4(1) + 3(4) + d = 0$$

يكون $d = 2$ ومنه المعادلة هي

$$(p): 5x - 4y + 3z + 2 = 0$$

ب. يشمل النقاط C و B ، A و

$C(-1; 2; 4)$ و $B(2; 3; 2)$ ، $A(1; 1; -1)$

نفرض الناظمي $\vec{n}(a; b; c)$ ولدينا

شعاعي توجيه المسطوي وديما يكونو معامدين

لنااظمي \vec{n} معناه كي تطبيقهم في الناظمي الثاني 0

$$\vec{AB} \cdot \vec{n} = 0 \quad \text{يعني أن } \vec{n}$$

$$\vec{AC} \cdot \vec{n} = 0 \quad \text{يعني أن } \vec{n}$$

$$\left. \begin{array}{l} a + 2b + 3c = 0 \\ -2a + b + 5c = 0 \end{array} \right\} \text{افرض } a \text{ او } b \text{ او } c$$

وساويها مثلا بـ 1 ثم حل أجملة تلقى البقية

كي تلقى الناظمي \vec{n} وعندك واحدة من هذه نقط

التي تلقى A ، B ، C نفس خطوطه المسطوي لي قبلو (p)

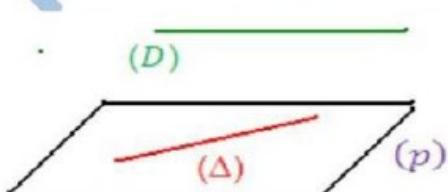
ج. يشمل A ويعامد مستقيم (Δ) :

دير في بالله بلي \vec{u} شعاع توجيه المسطقيم (Δ) هو

يعتبر الناظمي \vec{n} ناتع المسطوي وعندك النقطة A

او اش ف اعد تستنى !!!

د. مسطوي يكوي مستقيم (Δ) ويوازي (D) :



يعتبر \vec{u} و \vec{v} هما شعاعي توجيه المسطوي (p)

ال الهندسة الفضائية

1. المسافة بين نقطتين:

$$B(-1; 4; 2) \text{ و } A(2; 3; 5)$$

$$AB = \sqrt{(-1 - 2)^2 + (4 - 3)^2 + (2 - 5)^2}$$

$$AB = \sqrt{(-3)^2 + (1)^2 + (-3)^2}$$

$$AB = \sqrt{19}$$

المسافة AB هي نفسها BA كيف كي

2. المسافة بين نقطة ومسطوي:

لتكون النقطة (P) $A(-2; 3; 4)$ والمسطوي (P) :

$$(P): x + 2y - 3z - 6 = 0$$

$$d = \frac{|1(-2) + 2(3) - 3(4) - 6|}{\sqrt{(1)^2 + (2)^2 + (-3)^2}}$$

$$d = \frac{|-14|}{\sqrt{14}} = \frac{14}{\sqrt{14}} = \sqrt{14}$$

3. شرطي التعماد والتوازي:

هما قلب الهندسة الفضائية

ا. شرط التعماد : $\vec{u}(1; 2; 4)$ و $\vec{v}(2; 3; -2)$

نقول على أن \vec{u} و \vec{v} متعمدان إذا كان $\vec{u} \cdot \vec{v} = 0$

$$1(2) + 2(3) + 4(-2) = 0$$

ومنه الشعاعان \vec{u} و \vec{v} متعمدان

ب. شرط التوازي : $\vec{u}(-1; 4; 2)$ و $\vec{v}(6; -3; 12)$

نقول على أن \vec{u} و \vec{v} متوازيان إذا كان $\vec{v} = k \cdot \vec{u}$

$$\frac{6}{2} = \frac{-3}{-1} = \frac{12}{4} = 3$$

ومنه الشعاعان \vec{u} و \vec{v} متوازيان

ملاحظة:

نقول على أن النقط A ، B و C تعين مسطو او

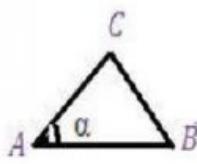
ليس على استقامته واحدة يكفي فقط أن تثبت

بلي \vec{AB} و \vec{AC} غير مرتبطين خطيا يعني

غير متوازيان

2. الطريقة الثانية: هنا لازمك تكتب بيجاكل الطول AM بدلالة t بجبله رالث نتاع جذر روح اشتفها والقيمة أكديه هي المسافة بين A و (Δ) اسمع متفوّل كتى واحد على ها بينانا

11. مساحة مثلث $: ABC$



إذا كان المثلث كيكي ABC
وعندك زاويه من زواياه
طبق القان ون

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC \cdot \sin \alpha$$

اما إذا كان $\alpha = 90^\circ$ فان المثلث يصبح قائمًا يكفي

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} AB \cdot AC$$

12. حجم رباعي الوجه $: DABC$

مساحة القاعدة وهي مساحة المثلث في الارتفاع
و يكون عمودي على المثلث نقسمهم على 3
نفرض أن AD عمودي على المثلث ABC اذن

$$V_{DABC} = \frac{S_{ABC} \cdot AD}{3}$$

13. الأوضاع النسبية:

أ. الوضع النسبي طبقاً لمستقيم ومستوي:

نعرض التمثيل الوسيطي لل المستقيم في المعادلة
الديك ااريته للمستوى

1. إذا لقيت قيمة لل وسيط t معناه يتقاطعوا في
نقطة تقدر روح بجبله

2. إذا لقيت تناقض مثل بجبله $0 = 3$ باین بلي
ما يتقاطعواش وتقاطعهم مجموعه عاليه

3. إذا لقيت أن المعادلة محققت دوماً مثل بجبله

$= 0$ يعني أن المستقيم محتوى في المستوي أو
نقول بلي هو أحد مستقيمات المستوي

4. روح أقا العنوان 8 عفافيس المستقيم والمستوي

ونعوضوه في معادلة المستوى (p) نلقا وقيمة t ومن بعد نعوضو t في التمثيل الوسيطي نتاع
المستقيم نلقا النقطة H لازمك دير في بالكم بلي
المستقيم يعادل المستوى معناه الناظمي نتاع
المستوي هو التوجيه نتاع المستقيم ... ها هو

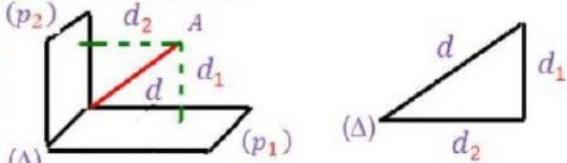
10. مسافة بين نقطة ومستقيم:

هنا لازمك خط راسك معايا فول بسم الله

أ. إذا كان المستويان متعمدان ومتقاطعان

وفق مسدة بم:

حسب نظرية الشبع فيثاغورث $d^2 = d_1^2 + d_2^2$



حيث أن d_1 هي المسافة بين A ومستوى (p_1) و d_2 هي المسافة بين A ومستوى (p_2) وأن d هي المسافة بين A ومستوى (Δ) بم

ب. إذا كان معندكش المستوي وبيان:

1. الطريقة الأولى: روح أكتب المستقيم على شكل
نقطة M شوف معايا وتعلم واشن راح ندرو

$$\begin{cases} x = 5t + 3 \\ y = 3t \\ z = -2t + 4 \end{cases} \quad (\Delta)$$

يعني تولى M هاها



راك تشو夫 الشعاع \overrightarrow{AM} يعادل شعاع \overrightarrow{u} توجيه
المستقيم (Δ) ملا روح أكتب الشعاع \overrightarrow{AM} بدلالة t
ومن بعد طبق قانون التعامد $0 = \overrightarrow{u} \cdot \overrightarrow{AM}$ تلقى
قيمة الوسيط t ومن بعد عوض t في النقطة M
تلقي النقطة M ومنه المسافة هي الطول AM

14. مجموعات النقط :

أغلبنتهم عندهم علاقة بالمرجع و ياحليلولي موش
فالم ارجع بصح سائلة مت
افش
1. إذا لقيت $GM = 3 \dots \dots$

نقولو مجموعت النقط M هي سطع كرة مركزها G
ونصف قطر $\frac{1}{2}r$

$$\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = 0 \dots \dots$$

نقولو مجموعت النقط M هي سطع كرة قطرها $[AB]$
3. إذا لقيت $\overrightarrow{GM} \cdot \overrightarrow{AB} = 0 \dots \dots$

نقولو مجموعت النقط M هي مستوى الذي يشمل
النقطة G والشعاع \overrightarrow{AB} نظمي عليه
4. إذا لقيت $AM = BM \dots \dots$

نقولو مجموعت النقط M هي مستوى الذي هو
مدور القطعة $[AB]$ او نقول هو مستوى الذي
يشمل منتصف $[AB]$ والشعاع \overrightarrow{AB} نظمي له
ايا كان فلهمتنى بذلك عليك البال



ممكن تكون هنالك أخطاء سوء في
أكساب أو سهووا فإن أصبت فمن الله
وإن أخطأته فمن نفسي والشيطان
وصيتي الأغيرة للك أكتب اسم لك في
قائمة الناجدين من أجل والديك ومن
أجل الناس لي ما تجشكش تنبع دير لقلبي
واسمع كلامي وبرهنه لكم بلي تقدر تنبع
كل هذا من أجلك ما تحسمنيش صحيت

ناجون بإذن الله

ج. الوضع النسبي مستقيم وسطع كرة:

ياحليلولي نسي امير Δ لا زمانو عقوبة في حق طاط
نعضو التمثيل الوسيطي للمستقيم في معادلة
سطع كرة تجيينا معادلة من الدرجة الثانية بدلالة

ال وسيط t خسبها بامير Δ امير نفاع بكري

1. إذا لقيت امير $0 < \Delta$ لا يوجد تقاطع

2. إذا لقيت امير $0 = \Delta$ نقولو بلي المستقيم
يس سطع الكرة في نقطتين

3. إذا لقيت امير $0 > \Delta$ بين تقاطع في نقطتين

تقدر تروح خسبهم متكرر لشن راسي من فضلك

ج. الوضع النسبي مستوى وسطع كرة:

حسب المسافة بين مستوى ومركز سطع الكرة

1. إذا لقيت المسافة أكبر من نصف القطر معناه

مكانش تقاطع أي تقاطعهم مجموعت Δ اليه

2. إذا لقيت المسافة تساوي نصف القطر معناه

ناس أي مستوى ويز سطع الكرة

3. إذا لقيت المسافة أصغر من نصف القطر معناه

سطع سطع الكرة في دائرة

د. مستقيم مان من نفس مستوى أو

ليس من نفس مستوى:

1. إذا كان المستقيمان متوازيان فلهم من نفس
المستوى هذه ديرها في بالكم صي

2. إذا كان موش متوازيان هنا فيها حالتين

زروحو نساويمهم مع بعض

$$x = x \dots (1)$$

$$(D) \quad y = y \dots (2) \quad (\Delta)$$

$$z = z \dots (3)$$

راهم عنده ثلاثة معادلات من المعادلة بين

(1) و (2) جيب قيمة الوسيطين t و k

وعوضهم في المعادلة (3)

- إذا كانت محققة نقولو من نفس مستوى

- موش محققت موش من نفس مستوى

دعاة بداية المذاكرة

اللهم إني أسألك فهم النبيين ، وحفظ الملائكة المقربين ، وأن يجعل لساني عامراً بذكرك ، وقلبي خشيناً ، وبدني بطاعتك فأنت حسيبي ونعم الوكيل

دعاة النهاية من المذاكرة

اللهم إني استودعتك علمي هذا أمانة عندك على أن ترده إلي وقت حاجتي إليه .

دعاة دخول جنة الاعتبار أو الامتحان

اللهم إني توكلت عليك ، وأسلمت أمري إليك ، لا ملجأ منك إلا إليك ربى أدخلني مدخل صدق وأخرجي مخرج صدق واجعل لي من لدنك سلطاناً نصيراً .

دعاة عند الإجابة عن الامتحان

اللهم لا سهل إلا ما جعلته سهلاً ، وأنت تجعل أخرين إن شئت سهلاً .

اللهم رد لي ما استودعته أمانة عندك

دعاة عند التفكير أو النسيان

لا إله إلا أنت سبحانك إني كنت من الظالمين يا حبي يا قيوم برحمتك استغث

ربى بسرا ولا تعسر .

دعاة الانتهاء من الامتحان

أحمد الله الذي هدانا لهذا وما كنا لننهضي لو لا أن هدانا الله .

دعاة الحفظ

اللهم يامعلم إبراهيم علمني ، وبما مفهوم سليمان فهمني ،
ويا مصبر أيوب صبرني ، وبما مؤتي لقمان أحكمت آتني أحكامك وفصلت أخطابك
اللهم علمني ما ينفعني وانفعني بما علمتني .

دعاة الفهم

سبحان الله ، وأحمد الله ولا إله إلا الله ، والله أكبر ولا حول ولا قوة إلا بالله
العلي العظيم حسيبي الله لا إله إلا هو عليه توكلت وهو رب العرش العظيم

آخر كلامي

www.bacdz.net
موقع التحضير للبكالوريا

لست الأفضل ولكن لي

أسلوبی سأظل دائمًا أتقبل 😊

رأی الناقد واطنھم کم

فال الأول يصبح مساری

والثاني يزيد من إصراري 😡

لا تنسونا بخالص دعائكم 😍