

المستوى : السنة الثانية رياضيات  
ميدان التعلم : تحليل  
الوحدة : الاشتقاقية  
موضوع الحصة : المشتق واتجاه التغير

ثانوية : نخضر ميروود  
السنة الدراسية : 2022 – 2023  
يوم :  
المدة : ساعة

المكتسبات القبلية : العددالمشتق، مشتقات الدوال المألوفة، قواعد حساب المشتقات.  
الكفاءات المستهدفة : تعيين اتجاه تغير دالة.  
الإدوات المستخدمة : الكتاب المدرسي، المنهاج، التدرجات السنوية، دليل الاستاذ، السبورة، الانترنت.

المدة	عناصر الدرس	المراحل
	<p><b>1 نشاط 02 ص 92</b></p> <p><math>f</math> دالة معرفة على <math>\mathbb{R}</math> كما يلي:</p> <p><math>f(x) = x^3 - x^2 - x + 1</math> و ليكن <math>(C_f)</math> رسمها البياني في المستوي المنسوب إلى معلم متعامد و متجانس <math>(O, \vec{i}, \vec{j})</math> (أنظر الرسم المقابل).</p> <p>نعتبر الدالة <math>g</math> المعرفة على <math>\mathbb{R}</math> كما يلي:</p> <p><math>g(x) = 3x^2 - 2x - 1</math> و ليكن <math>(C_g)</math> رسمها البياني في المعلم السابق <math>(O, \vec{i}, \vec{j})</math> (أنظر الرسم المقابل).</p> <p>(1) حل في <math>\mathbb{R}</math> المعادلة ذات المجهول الحقيقي <math>x</math> : <math>g(x) = 0</math></p> <p>(2) من الرسم المقابل استنتج تغيرات الدالة <math>f</math> .</p> <p>(3) من الرسم المقابل عين إشارة الدالة <math>g</math> .</p> <p>(4) عين على <math>\mathbb{R}</math> الدالة <math>f'</math> مشتقة الدالة <math>f</math> على <math>\mathbb{R}</math> .</p> <p>(5) أدرس إشارة <math>f'</math> على <math>\mathbb{R}</math> .</p> <p>(6) ما هو التخمين الذي يمكن أن نتدلى به فيما يخص العلاقة الموجودة بين إشارة المشتقة و اتجاه تغير الدالة <math>f</math> .</p>	مرحلة الإنطلاق
	<p><b>2 مناقشة النشاط</b></p> <p>1. <u>حل المعادلة <math>g(x) = 0</math></u> لدينا : <math>g(x) = 0</math> أي <math>3x^2 - 2x - 1 = 0</math> ومنه : <math>x_1 = -\frac{1}{3}, x_2 = 1</math></p>	

إذن حلول المعادلة  $g(x) = 0$  ولتكن  $S$  هي :  $S = \{-\frac{1}{3}, 1\}$ .

2. تغيرات الدالة  $f$ :

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{3}$	$1$	$+\infty$
$f(x)$		$\frac{32}{27}$	$0$	

3. إشارة الدالة  $g$ :

$x$	$-\infty$	$-\frac{1}{3}$	$1$	$+\infty$		
$g(x)$		$+$	$0$	$-$	$0$	$+$

4. مشتقة الدالة  $f$ :

$f$  دالة قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R}$  ودالتها المشتقة هي :  $f'(x) = 3x^2 - 2x - 1$ .

5. إشارة المشتقة  $f'$ :

$f'(x) = 0$  أي  $g(x) = 0$  ومنه  $x_1 = -\frac{1}{3}, x_2 = 1$ .

\* إشارة  $f'$  من إشارة  $g$

6. التخمين الذي يمكن أن تدلي به فيما يخص العلاقة الموجودة بين إشارة المشتقة واتجاه تغير الدالة  $f$ :

\* نلاحظ أن لما المشتقة موجبة، الدالة متزايدة.

\* نلاحظ أن لما المشتقة سالبة، الدالة متناقصة.

### 3 تطبيقات الاشتقاقية

1. اتجاه تغير دالة :

مبرهنة (تقبل دون برهان)

لتكن الدالة  $f$  معرفة وقابلة للاشتقاق على مجال  $D_f$  و  $f'$  دالتها المشتقة.

• إذا كانت  $f'$  موجبة تماما (يمكن أن تكون  $f'$  معدومة من أجل قيم منعزلة من  $D_f$ ) على المجال  $D_f$  فإن الدالة  $f$  متزايدة تماما على المجال  $D_f$ .

• إذا كانت  $f'$  سالبة تماما (يمكن أن تكون  $f'$  معدومة من أجل قيم منعزلة من  $D_f$ ) على المجال  $D_f$  فإن الدالة  $f$  متناقصة تماما على المجال  $D_f$ .

• إذا كانت  $f'$  معدومة على المجال  $D_f$  فإن الدالة  $f$  ثابتة على المجال  $D_f$ .

ملاحظة :

إذا كانت دالة  $f$  إما متزايدة تماما وإما متناقصة تماما على مجال  $D_f$  نقول أن الدالة  $f$  رتيبة تماما على المجال  $D_f$ .

مثال:

أدرس اتجاه تغير الدالة  $f$  حيث:  $f(x) = x^2 - 2x$

1. حساب الدالة المشتقة:

$f$  كثير حدود قابلة للاشتقاق على  $\mathbb{R}$  ودالتها المشتقة هي:  $f'(x) = 2x - 2$ .

2. دراسة إشارة المشتقة:  $f'(x) = 0$  أي:  $2x - 2 = 0$  ومنه:  $x = 1$ .

x	$-\infty$	1	$+\infty$
$2x - 2$	-	0	+

و عليه الدالة متناقصة تماما على المجال  $]-\infty, 1]$  و متزايدة تماما على المجال  $[1, +\infty[$

تطبيق:

أدرس اتجاه تغير كل من الدوال الأتية على المجال  $I$  وشكل جدول تغيراتها:

1.  $I = \mathbb{R}$   $f(x) = \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 2x + 1$

2.  $I = ]1; +\infty[$   $f(x) = \frac{x^2+4x-3}{x-1}$

3.  $I = ]-\infty; 1]$   $f(x) = \sqrt{1-x}$

الاستثمار  
و التقويم

عمل منزلي : 27 و 29 ص 105

